



الصف الثاني الإعدادي الفصل الدراسي الأول

تأليف

أ. عمر فؤاد جاب الله

د. عصام وصفى روفائيل

أد. عفاف أبو الفتوح صالح

أ. سيرافيم الياس اسكندر

أ. محمود ياسر الخطيب

مراجعة

أ / سمير محمد سعداوي

أ / فتحى احمد شحاتة

اشراف علمی مستشار الریاضیات اشراف تربوی (مرکز تطویر المناهج)

جميع حقوق الطبع محفوظة لوزارة التربية والتعليم

طبعة ٢٠١٩ - ٢٠٢٠م

غير مصرح بتداول هذا الكتاب خارج وزارة التربية والتعليم

•••••••••••••••••••••••••••••••••••••••	וצשם	
ل:	الفصا	
ية:	المدرس	
	. • •	
ان:	ا لعن وا //	لے

المقدمة

بسم الله الرحمن الرحيم

أبناءنا الأعزاء

يسعدنا أن نقدم لكم كتاب الرياضيات للصف الثانى الإعدادى، وقد راعينا أن نجعل من دراستك للرياضيات عملًا ممتعًا ومفيدًا له تطبيقاته في حياتكم العملية، ، وفي دراستكم للمواد الدراسية الأخرى، حتى تشعورا بأهمية دراسة الرياضيات وقيمتها وتقدروا، دور علمائها، وقد اهتم هذا الكتاب بالأنشطة كعنصر أساسي، كما حاولنا تقديم المادة العلمية بطريقة مبسطة تساعدكم على تكوين المعرفة الرياضية، وفي نفس الوقت تساعدكم على اكتساب أساليب تفكير سليمة تدفعكم إلى الإبداع.

وقد روعى في هذا الكتاب تقسيمه إلى وحدات دراسية، وكل وحدة إلى دروس، كما وظفنا الصور والألوان لتوضيح المفاهيم الرياضية وخواص الأشكال، مع مراعاة المحصول اللغوى لكم وما سبق أن تم دراسته في الصفوف السابقة، كما راعينا في مواطن كثيرة تدريبكم على أن تصلوا للمعلومات بأنفسكم لتنمية مهارة التعلم الذاتي لديكم ، كما تم توظيف الآلة الحاسبة والحاسب الآلى كلما كان ذلك مناسبًا داخل المحتوى.

وفي الجزء الخاص بالأنشطة و التدريبات :

يوجد تمارين على كل درس، وتمارين عامة على الوحدة، ونشاط خارجى، واختبار في نهاية كل وحدة، وفي نهاية الفصل الدراسي اختبارات عامة تساعدك على مراجعة المقرر كاملاً. نرجو أن نكون قد وفقنا في إنجاز هذا العمل لما فيه الخير لك ولمصرنا العزيزة.

المؤلفون

المحتويات

الوحدة الأولى: الأعداد الحقيقية

Y
الدرس الأول: الجذر التكفيين للعدد النسبي
الدرس الثاني، مجموعة الأعداد غير النسبية ق
الدرس الثالث: إيجاد قيمة تقريبية للعدد غير النسبي
الدرس الرابع، مجموعة الأعداد العقيقية ح
الدرس الخامس، علاقة الترتيب في ح
الدرس السادس، الفترات
الدرس السابع: العمليات على الأعداد العقيقية
الدرس الثامن: العمليات على الجذور التربيعية
الدرس التاسع: العمليات على الجذور التكعيبية
الدرس العاشر؛ تطبيقات على الأعداد الحقيقية
الدرس الحادي عشر، حل المعادلات والمتباينات من الدرجة الأولى في متغير واحد في ح
الوحدة الثانية، العلاقة بين متغيرين
الدرس الأول: العلاقة بين منفيرين الدرس الأول: العلاقة بين منفيرين
الدرس الثاني، ميل الخط المستقيم و تطبيقات حياتية
الوحدة الثالثة، الإحصاء
الدرس الأول، جمع البيانات وتنظيمها
الدرس الثاني، الجدول النكراري المتجمع الصاعد والجدول النكراري المتجمع النازل وتمثيلهما بيانيًا
The state of the s

الوحدة الرابعة؛ متوسطات المثلث و المثلث المتساوي الساقين

W	الدرس الأول: متوسطات المثلث
YY	الدرس الثاني، المثلث المتساوي الساقين
Y£	الدرس الثالث: نظريات المثلث المنساوي الساقين
M	الدرس الرابع: نتائج علي تظريات المثلث المتساوي الساقين
	الوحدة الخامسة، التباين
A	الدوس الأول: النبايق
4 T	الدرس الثاني: المقارنة بين قياسات الزوايا في المثلث
47	الدرس الثالث؛ المقارنة بين أطوال الأضلاع في المثنث
· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	Administrator and the control

الرموز الرياضية المستخدمة

عمودي على	L	مجموعة الأعداد الطبيعية	ط
يوازى	//	مجموعة الأعداد الصحيحة	~
القطعة المستقيمة 1ب	اب	مجموعة الأعداد النسبية	ν
الشعاع إب	اب	مجموعة الاعداد غير النسبية	ύ
المستقيم إب		مجموعة الأعداد الحقيقية	٤
قياس زاوية ل	ون (∠ك)	الجذر التربيعي للعدد أ	T∨
تشابه	~	الجذر التكعيبي للعدد أ	Τÿ
أكبر من	<	فترة مغلقة	[ا، ب]
أكبر من أو يساوى	≤	فترة مفتوحة]ا، ب[
أقل من	>	فترة نصف مفتوحة (مغلقة)]أ، ب]
اقل من او يساوي	≥	فترة نصف مفتوحة (مغلقة)	[أ،ب[
احتمال وقوع الحدث ا	ന്വ	فترة غير محدودة]∞ , 1]
		تطابق	=



مراجعة

{..., ٣, ٢, ١} = ٤

ط= (٠،١،٢،٢،٠٠) = ع U (٠)

فكر وناقش

مجموعات الأعداد

محموعة أعداد العد:

مجموعة الأعداد الطُّسعية :

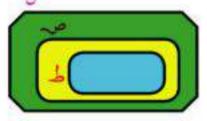
مجموعة الأعداد الصحيحة:

ص = { ... ، ۲ ، ۲ ، ۲ ، ۰ ، ۰ ، ۲ ، ۲ ، ۳ ، ... } مجموعة الأعداد الصحيحة الموجبة صر = (١،٢،٢، ١٠) = ع

مجموعة الأعداد الصحيحة السالبة صح = { ١٠، ٣-، ٣-، ٢٠. ...}

~ U (·) U ~ = ~

مجموعة الأعداد النسبية ن = { ل : أ، ب ∈ ص~، ب ≠ ٠ }



ط د صه د ن

القيمةُ المطلقةُ للعدد النسبيِّ:

 $\frac{\circ}{r} = \left| \frac{\circ}{r} - \right|$, $r = \left| r \right|$, $V = \left| V - \right|$ إذا كان | | | = 0 فإن | = ±0

الصورةُ القياسيةُ للعدد النسبيُّ هي:

ا×۱۰ حيث ن ∈صه ، ۱ ﴿ | | | <۱۰

العددُ النسبيُّ المربِّعَ الحَامِل

هو العددُ الموجبُ الذي يمكن كتابته على صورة مربع عددٍ نسبي أي (عدد نسبي) المثل ١، ٤، ٢٥، ١٠ أي ٢٠ ...

العدد النسبى المكعب الكامل

هو العددُ النسبيُّ الذي يمكن كتابته على صورةِ مكعب عدد نسبي أي (عدد نسبي) مثل ١، ٨، -٢٧، -٢١٦، مثل ...

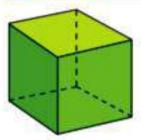
الجذر الثربيعي للعدد النسبي المربع الكامل

- 🔾 الجذر التربيعيُّ للعددِ النسبي الموجب أ هو العدد الذي مربعه يساوي أ
 - 🔾 ٧ صفر = صفر
- كلُّ عددٍ نسبيٌ مربع كامل أ له جذران تربيعيان كل منهما معكوس جمعي للآخر وهما
 ١٠٠٠ ١٠٠٠
 - مثلاً العدد 17 له جذران تربيعيان هما أن الم
 - 🔾 🗸 🗗 يعني الجذر التربيعيُّ الموجب للعدد ٩ وهو ٣
 - $v = |v_{-}| = \sqrt{(v_{-})} \sqrt{(v_{-})} = |v_{-}| = \sqrt{(v_{-})} \sqrt{(v_{-})} = |v_{-}| = v_{-}| =$

ويدة الأور الدرس الأول

الجذر التكعيبي للعدد النسبي

فكر وناقش



سبق أن تعلمت أن:

حجم المكعب = طول الحرف × نفسه × نفسه



الكمل الكمل

المكعبُ الذي طول حرفه ٧سم يكون حجمه =× = سمَ



🕮 هيا نفخر

إذا كان لدينا مكعبٌ حجمه ١٢٥سم ، فما طول حرفه؟ نبحثُ عن ثلاثة أعداد متساوية حاصل ضربها = ١٢٥ يمكن تحليل العدد ١٢٥ إلى عوامله الأولية .

0×0×0=110

· المكعبُ الذي حجمه ١٢٥ سم، يكون طول حرفه ٥سم. تسمى ٥ الجذر التكعيبي للعدد ١٢٥ ، وتكتب ١٢٥٧ = ٥

سوف تتعلم

- 🦑 كيفية إيجاد الجذر التُكعيبي لعدد نسبق باستخدام التّحليل.
- 🤠 إيجاد الجذر التَّكعيبي لعدد نسبي باستخدام الآلة الحاسبة.
- 🕹 حل معادلات تشمل إيجاد الجذر التَّكعيبي.
- 🦑 حـلَ تطبيقات على الجذر التُكعيبي لعدد تسبي.

المصطلحات الأساسية

💆 جذر تكعيبي.

الجذرُ التكعيبيُّ للعدد النسبيُّ أهو العدد الذي مكعبه يساوي أ

- يرمز للجذر التكعيبي للعدد النسبي أ بالرمز 🏋 📉
- الجذرُ التكعيبيُّ لعددِ نسبيُّ موجبِ يكون موجبًا، مثلًا $\sqrt[N]{170} = 0$
- الجذرُ التَّكعيبيُّ لعددٍ نسبيُّ سالبٍ يكون سالبًا، مثلًا ﴿ ٨ = ٢ لماذا؟
 - ا √ صفر = صفر
 - 1=11 8

الوحدة الأولى ، الدرس السادس

لإيجاد الجذر التُكعيبى للعدد النسبيُّ المكعب الكامل:

- يمكن تحليلُ العدد إلى عوامله الأولية.
 - يمكن استخدامُ الآلة الحاسبة.

لاحظ أن العددُ النسبيُّ المكعب الكامل له جدرٌ تكعيبيٌّ واحدٌ وهو عددٌ نسبيُّ أيضًا، لماذا؟



أ استخدم التَّحليلُ لإيجاد قيمة كل من √١٠٠٠ ، √-٢١٦ ، √ [™] وتحقُّق من صحة إجاباتك باستخدام الآلة الحاسبة.

الحل

$$\frac{\tau}{\tau} = \frac{\frac{\lambda}{\tau V}}{\sqrt{\tau}} = \frac{\tau \frac{\lambda}{\tau}}{\sqrt{\tau}}$$

استخدم الآلة الحاسبة للتَّحقق من صحة إجابتك باستخدام

أوجد طول نصف قطر الكرة التى حجمها ٤٨٥١ سم ($\frac{rr}{v} = \pi$) أوجد طول نصف قطر الكرة التى



1. = 0 × r = 1...V

$$\frac{1}{V} \times \frac{1}{V} = \frac{1}{V}$$
 نق

$$\mathbf{i}_{\mathbf{x}}^{\mathbf{y}} = \frac{1003 \times \mathbf{y} \times \mathbf{y}}{3 \times \mathbf{y}} = \frac{1779}{4}$$

$$\therefore i = \sqrt{\frac{7}{4}} = 0, 10$$



7 9771

T 1-19

V TET

T-AV

19

V



أوجد طولَ قطر الكرة التي حجمها 1.7.0 اسم $(\pi = \pi, 1.8)$

A = 9 + "س 🔑

A = ٩ + ٢ س 😛

س = ۸ - ۹

ه (۲س - ۱) ۲ - ۱۰ = ۱۶

7E = T(1 - wT)

۲س - ۱ = ۷ ۱۳

۲ س -۱ = ٤

٢س = ٥

س = ٥

m = √ - 1 = -1 .. مجموعة الحل = (-1)

.. مجموعة الحل = { 0 }

س " = -١

0£ = 1 · - *(1 - wt)



حل كلًّا من المعادلات الآتية في ن:

الحل

150 = 4 - m

س - ۲ = ٥

V = ...

.. مجموعة الحل = {V}

عب - ۲) = ۱۲۵ ه

وها الدرب

 $V^{-} = (1 + m)$ ، $V^{-} = (1 + m)$ ن ن ن ن الآتية في ن الآتية في ن المعادلاتِ الآتية في ن الآتية



مجموعة الأعداد غير النسبية ن

فكر وناقش

سبق أن علمت أن: العدد النسبي هو العددُ الذي يمكن وضعُه على الصورة الله المسبق أن علمت أن: العدد النسبي هو العددُ الذي يمكن وضعُه على الصورة المسبق أن علم المسبق أن المسبق المسبق أن المسبق ا

فمثلاً: عند حلَّ المعادلة ٤س٢ = ٢٥ فيكون س٢ = ٢٥ نيكون س٠ = ٥

ونلاحظ أن كلًا من ؟، - ؟ عدد نسبي.

ولكن توجد كثيرٌ من الأعداد التي لايمكن وضعُها على الصورة ب حيث أ ∈صم، ب ∈ صم ، ب خ ٠

فمثلاً: عند حلَّ المعادلة س ؑ = ٢ فإننا لا نستطيع إيجاد عدد نسبى مربعه بساوى ٢

العدد غير النسبى هو العدد الذي لايمكن وضعه على الصورة ب حيث القدد في العدد الذي الأيمكن وضعه على الصورة ب حيث القدد في القدد في

ومن أمثلةِ الأعدادِ غير النسبيَّة:

أولآ الجذور التربيعية للأعداد الموجبة التى ليست مربعات كاملة

v √ , 7 √ , . . √ 7 , . √ v

ثانيًا، الجذورُ التكعيبية للأعداد التي ليست مكعبات كاملة

مثل: 🗓 ۲۰ کر ۲۰ کی ۱۱ ، ...

ثالثًا: النُّسيةُ التُقريبية π

حيث إنه لايمكن إيجاد قيمة مضبوطة لأى من هذه الأعداد. لماذا؟

سوف تتعلم

🦑 مجموعة الأعداد غير النسبية.

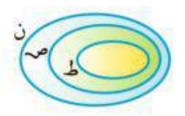
المصطلحات الأساسية

ڭ عددغيرنسبى.



ومثل هذه الأعداد وغيرها تكون مجموعة تسمى مجموعة الأعداد غير النسبية و يرمز لها بالرمز نَّ .





ن n ن = 0

🐠 فَكُر : هَلَ ٧ -١ عدد غير نسبي الماذا؟

مثال

گ احمل باستخدام أحد الرمزين ن أو نَ.

- ∋ √√ (†)
-∋¬√ф
 -∋π 🛖
- - 📤 صفر ∈
 - ∋ √-3 €.....
 -∋| +7 | ♦
-∋ º-1 ·× £,V �
 -∋ ٩-V 👍

ناقش معلمك في حل المثال السابق



إيجاد قيمة تقريبية للعدد غير النسبي

فكر وناقش

هلُّ تستطيعُ إيجاد عددين نسبيين ينحصرُ بينهما العددُ غيرُ النسبي ٧٠٠

T = Tندصر بین $\sqrt{1}$ ای ان $1 < \sqrt{T}$ د الاحظ آن \sqrt{T} ینحصر بین \sqrt{T} ای ان \sqrt{T} = 1 + کسر عشری.

ولإيجاد قيمةٍ تقريبيَّة للعدد (١٦ نفحص قيمَ الأعداد التالية .



تمهيد: (في الشكل المقابل) المثلث أب جـ قائم الزواية في ب فيكون:

وتسمى بنظريه فيثاغورس وقد سبق دراستها في العام الماضيي

تمثيلُ العدد غير النّسبي على خطُّ الأعداد

كيف نحدُد النقطة التي تمثل العدد √ ٢ على خطِّ الأعداد ,

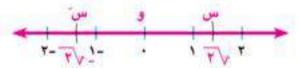
إذا رسمنا المثلث أب جدالقائم الزاوية في ب، والمتساوى الساقين بحيث أب = ب جد = وحدة طول واحدة فإن (أجر) ٢ = (أب) ٢ + (ب جر) ٢ = ٢١ + ٢١ = ٢ ن أجد = ٧ ٢ وحدة طول.

سوف تتعلم

- إيجادُ قيمة تقريبيَّة للعدد غير
 النسبى.
- 🤣 تمثيلُ العددِ غير النسبي على خطّ الأعداد.
 - 🛹 حلَّ معادلات في نَ.



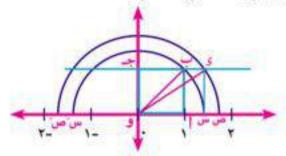
ارسم خطَّ الأعدادِ واركز بسنَّ الفرجار في نقطة و، وبفتحة تساوى طول اج ارسم قوسًا يقطع خط
 الأعداد على يمين و في نقطة س، وهذه النقطة تمثل العدد √ ٢



- يمكن بنفس فتحة الفرجار تحديد النقطة سَ التي تمثل العدد -٧ ٦ حيث سَ على يسار النقطة و
 - ➡ فحر حدد النقطة التي تمثل العدد ٣ + √ ٢ على خط الأعداد .



ارسم المربع و أب جـالذي طول ضلعه وحدة طول.



طول قطره = \ ١ + ١ وحدة طول.

- 🔾 اركز بالفرجار في و ، وارسم نصف دائرة طول نصف قطرها = طول و ب 🔻 🔻
- T المنطقة الدائرة = إس، س)، حيث س تمثل العدد ۲ ، س تمثل ۲
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 T
 - ارسم س ک // اب و یقطع جب فی ک
 (وک) او س ک // اب و یقطع جب فی ک
 (وک) او س ک // ۱ (س ک) = (√ ۲) + (۱) + ۳
 ن و ک = √ ۲
- اركز بالفرجار في و وبفتحة تساوى طول و ك ارسم نصف دائرة يقطع و أ في ص ، ص ، ص ، و ص = √ ۳ اي أن النقطة ص تمثل العدد √ ۳ ، والنقطة ص تمثل العدد √ ۳ ، وكذلك √ ٤ ، √ ٥ ، √ 7 ، ...
 أكمل بنفس الطريقة لتمثيل الأعداد √ ٤ ، √ ٥ ، √ 7 ، ... وكذلك √ ٤ ، √ ٥ ، √ 7 ، ...



🦠 🧶 اوجد :

﴿ عددين صحيحين متتاليين ينحصر بينهما العدد √ ٥

- 😧 عددين صحيحين متتاليين ينحصر بينهما العدد 🗸 ٦٢
- ⇒ عددين صحيحين متتاليين ينحصر بينهما العدد √ ١٠ √
- 🔹 عددين صحيحين متتاليين ينحصر بينهما العدد 🎖 -٣٠

🤣 🤣 اثبت ان

- ١٫٨ ، ١,٧ ينحصر بين ١,٨ ، ١,٨ ب الأ١٥ ينحصر بين ٢,٥ ، ٢,٥ ا
 - ٧٠ أوجد لأقرب جزء من مائة قيمة ١١١√
 - 😵 أوجد لأقرب جزء من عشرة قيمة 🎖 🍸
 - ﴿ وَاللَّهِ وَاللَّهِ وَحَدَّدَ عَلَيْهِ النَّقَطَّةَ التَّي تَمثُّلُ العَدْدَ غَيْرِ النَّسبي ۗ ٣٠٠
 - 😗 ارسم خطِّ الأعدادِ وحدِّد عليه النقطة التي تمثل العدد غير النسبي ١ + ٧ ٢



اوجد مجموعة حل كل من المعادلات الآتية في نَ:

الحل

$$1 \times \frac{\tau}{\epsilon} = \tau_{\text{out}} \frac{\epsilon}{\tau} \times \frac{\widetilde{\tau}}{\epsilon} :$$

$$\frac{\overline{T}}{1} = \frac{\overline{T}}{1} = \pm \frac{\overline{T}$$

$$\Lambda \cdot \cdot \cdot = \frac{\Lambda}{\frac{1}{1 \cdot 1} \cdot \frac{1}{1 \cdot 1}} = \frac{1}{1 \cdot 1}$$

$$\Lambda \cdot \cdot \cdot = \frac{\Lambda}{1 \cdot 1} \cdot \frac{1}{1 \cdot 1} = \frac{1}{1 \cdot 1}$$

$$\Lambda \cdot \cdot \cdot = \frac{\Lambda}{1 \cdot 1} \cdot \frac{1}{1 \cdot 1} = \frac{1}{1 \cdot 1}$$

مجموعة الحل المعادلة في نَ = D





🏉 أوجد كلًّا من طولٍ ضلع وطول قطر مربع مساحته ٧سم٠٠

الحل

لإيجاد طول قطر المربع: استخدم نظرية فيثاغورس

مثال (۳)

دائرة مساحة سطحها ٣٦ سم أوجد محيطها.

الحل

$$\pi = \pi$$
 نق π

محيط الدائرة =
$$\pi$$
 π نق = π \times π π π سم.



مجموعة الأعداد الحقيقية ح

فكر وناقش

سبق أن درسنا مجموعة الأعداد النسبيّة ن، ووجدنا أن هناك أعدادًا أخرى مثل الله منه الأعداد عير النسبية نَ مثل الله منه الأعداد على النسبية نَ التحاد المجموعتين ن، نَ يعطى مجموعة جديدة تسمى مجموعة الأعداد الحقيقية ، و يرمز لها بالرمز ح.

5U0==

محبوعة

الأعداد غيو

النسبية نَ

تأمِّل شكلَ قن المقابل تجد أن:

- Ø = 5 n ن 0
- أى عدد طبيعى أو صحيح أو نسبى
 أو غير نسبى هو عدد حقيقى.

طدصه دن دح وكذلك ن دح

🐠 فُكِّر: أعط أمثلةُ من عندك لأعداد حقيقيَّة بعضها نسبى وبعضها

غیر نسبی.

😗 كلُّ عددِ حقيقيٌّ تمثله نقطةٌ واحدةٌ على خطُّ الأعداد .

الأعداد حقيقية موجبة والأعداد الحقيقية السالبة

أولاً: العددُ صفر تمثله نقطة الأصل و.

ثانيًا: الأعدادُ الحقيقيةُ الموجبُة تمثلها جميعُ نقط خطَّ الأعداد على يمين و ثالثًا: الأعدادُ الحقيقيةُ السالبة تمثلها جميعُ نقط خطَّ الأعداد على يسار و

سوف تتعلم

- 🦑 مجموعة الأعداد الحقيقية ح.
- الغلاقة بين مجموعات
 الأعداد ط، ص، ن، نَ ، ح.

المصطلحات الأساسية

🦆 عدد حقيقي.



- کلًا من الأعدادِ الآتية في مكانها المناسب على شكل قن المقابل.
- 0 . . . 17 V . T- V . V . . , 7 . 0 V . 9 . £- . 1
- التي تمثل العدد ٧ ٩٠٠ والنقطة التي تمثّل العدد ٧ ٩٠٠ والنقطة ب التي تمثل العدد ٧ ٩٠٠ وأوجد طول أب.



- 🍅 وضَّح صحةً أو خطأ كل من العبارتين:
- کل عدد طبیعی هو عدد حقیقی موجب.
 - 🧼 كل عدد صحيح هو عدد حقيقي.

لاحظ ان: ٧-١ = ١٠ لأن ١٠ × ١٠ × ١٠ = ١٠

بينما √ - ا ق ح لأنه لايوجد عدد حقيقي إذا ضرب في نفسه يعطي -١.



فَاقْشُ مع معلمك/معلمتك و زملائك: هل توجد أعدادٌ غيرٌ حقيقية ؟



علاقة الترتيب في ح

فكر وناقش

إذا كانت أ، ب نقطتين تنتميان للمستقيم ل، وحدَّدنا اتجاهًا معينًا كالمبين بالسهم فإنه يمكن القول إن:

🔾 النقطة ب تلى النقطة أ، أي تكون على يمينها. 👤 🛨

النقطة أ تسبق النقطة ب، أى تكون على يسارها.

وهكذا بالنسبة لجميع نقاط الخط المستقيم، فإذا علمنا أن كل نقطة من نقط الخط المستقيم تمثل عددًا حقيقيًّا فإننا نقول إن:

مجموعة الأعداد الحقيقية هي مجموعة مرتبة

خواص الترتيب

إذا كان س، ص عددين حقيقيين يمثلهما على خط الأعداد النقطتان أ، ب على الترتيب فإنه توجد إحدى الحالات الثلاثة الآتية:



إذا كانت س عددًا حقيقيًا تمثله النقطةُ أعلى خطّ الأعداد، وكانت و هي نقطة الأصل التي تمثّل العدد صفر فإنه توجد إحدى الحالات الثلاثة الآتية:

- ا س - ا ا ا ا ا ا ا ا ا ا ا ا ا ا ا ا ا ا 	< 	w : · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
ا علی یسار و ∴ س د ۰	أعلى يمين و ∴س>٠	ا تنطبق على و س = ٠
ويقال إنّ س عدد حقيقي سالب .	ويقال إن س عدد حقيقي موجب .	

سوف تتعلم

🥏 عَلاقة الترتيب في ح.

الوصطلحات الأساسية

- 🧳 عُلاقة ترتيب.
 - ال أكبر من .
 - 🥏 اصغر من .
 - 🥏 تساوي .
- 🧳 ترتیب تصاعدی .
 - 🥏 ترتیب تنازلی .



أعداد حقيقية موجية 🕴 إعداد حقيقية سالبة

مجموعةُ الأعدادِ الحقيقيَّة الموجبة: ح = { س: س ∈ ح ، س > ٠}

مجموعة الأعداد الحقيقيَّة السالبة: ح = إس: س ∈ ح ، س < ٠ }

3=5, U (·) U 5=

الاحظ أن: مجموعةُ الأعدادِ الحقيقيَّة غير السالبة = ح U (١٠) = إس: س > ٠٠ س (ح) مجموعةُ الأعدادِ الحقيقيَّة غير الموجبة = ح ∪ [٠] = [س: س ﴿ ٠، س ﴿ ح ﴾



رتُبِ الأعدادَ الأَتيَة تصاعديًّا ﴿ ٢٧ ، - ﴿ ٤٥ ، ﴿ ٢٠ ، ٢ ، ٠ ، ﴿ - ١

الحل

1 /-= 1-= 1- 5, 77 /= 7

الترتيبُ التصاعديُّ من الأصغر إلى الأكبر - ٧ ٥٠ ، - ١ ١ ، ٠ ، ٢٠ ، ١ ٢٧ ، ٢٦ ، ١ ٣٦ 7, TV V, T. V, . . . 1- V, 50 V- 51

مثال (٢) من الشكل المقابل:





أوجد مجموعة الأعداد التي تنتمي إليها س حيث س عدد صحيح

الحل

من الشكل نلاحظ أن: س م س م س م

فعند اختيار س عدد صحيح سالب يحقق المتبانية السابقة

مثل: س = ۳۰ < ۹ <= ۳۰ مثل: س

٠٠ مجموعه الأعداد التي تنتمي إليها س هي صح _ = [١٠ ، ٢٠ ، ٢٠ ، ٢٠ ، ١٠]

اختر س عدد صحيح موجب , هل تتحقق المتبانية ؟ ناقش معلمك



الفترات

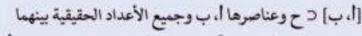
فكر وناقش

الفترة هي مجموعة جزئية من مجموعة الأعداد الحقيقية أولاً: الفترات المحدودة

إذا كان أ ، ب ∈ ح ، أ حب فإننا نعرف كلًا من:

الفترة المغلقة [أ، ب]

[ا، ب] = (س: ا ﴿ س ﴿ ب، س ﴿ حا



توضع دائرة مظللة عند كل من النقطتين الممثلتين للعددين أ، ب وتظلل المنطقة بينهما على خط الأعداد .

الفترة المفتوحة]أ، ب[

]ا، ب[= (س: ا دس دب، س ∈ ح)

 اً ، ب[⊂ ح وعناصرها هي جميع الأعداد الحقيقية المحصورة بين العددين | ، ب .

توضع دائرة مفتوحة (غير مظللة) عند كل من النقطتين الممثلتين للعددين أ، ب وتظلل المنطقة بينهما على خطّ الأعداد



اكتب كلًّا من [٣، ٥]،]٣، ٥[بطريقةِ الصَّفة المميزة ثم مثَّل كلًّا منهما على خط الأعداد.

سوف تتعلم

- 🥏 الفترات المحدودة.
- 🤣 الفترات غير المحدودة.
- 🥏 العمليات على الفترات .

المصطلحات الأساسية

- 🧬 فترة محدودة .
 - 🤣 فترة مغلقة .
 - 🤣 فترة مفتوحة .
- 🕏 فترة نصف مفتوحة .
- 🥏 فترة غير محدودة .
 - 🧓 اتحاد .
 - 🧓 تقاطع .
 - 🥏 فرق ،
 - 🕏 مكبلة .

الفترات نصف المفتوحة أو (نصف المغلقة)



[أ،ب [= [س: أ ﴿ س < ب، س € ح} [أ، ب[5 ح عناصرها العدد أ وجميع الأعداد المحصورة بين أ، ب.



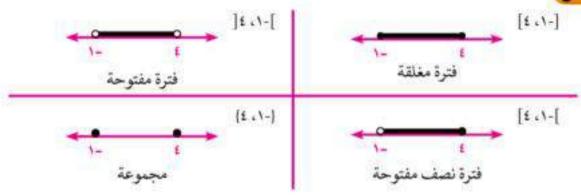
اكتب كلًّا من الفترتين [٣ ، ٥[،]٣، ٥] بطريقةِ الصُّفة المميزة ، و مثل كلًّا منهما على خطُّ الأعداد.



مثال (۱)

مثَّل بيانيًّا على خطُّ الأعداد كلًّا من: [-١، ٤] ،]-١، ٤[،]-١، ٤]، [-١، ٤]

الحل



ناقِشُ مع معلمك / معلمتك و زملائك: هل الفترةُ مجموعةٌ منتهيةٌ أم غيرُ منتهيةٍ؟

شال (۲)

🚸 🧷 اكتب على صورةِ فترة، كلًّا من المجموعاتِ الآتية، ومثَّل كلًّا منها على خطَّ الأعداد:

الحل

﴿ ﴾ ﴾ معالى الرمز المناسب ∈ أو التكون العبارة صحيحة:

الحل

🛷 💋 أُحُتِبِ الفَترةَ التي يعبُّر عنها كلُّ من الأشكالِ الآتية:



[٣..]

ثانيًا؛ الفتراث غيرُ المحدودة

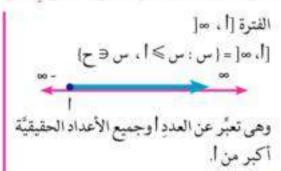
تعلم أن: خط الأعداد الحقيقيَّة مهما امتد من جهتيه فإنه يوجد أعداد حقيقية موجبة من جهة اليمين وسالبة من جهة اليسار تقع على هذا الخط.

- الرمز (∞) و يقرأ (لانهاية) و هو أكبر من أى عدد حقيقي يمكن تصوره ، ∞ الله ح
- الرمز (-∞) و يقرأ (سالب لانهاية) و هو أصغرُ من أي عددٍ حقيقيٌّ يمكن تصوره ، -∞ و ح
- الرمزان ∞، ∞ لاتوجد نقط تمثلهما على خطُّ الأعداد الحقيقية، وهما امتداد لخط الأعداد من جهتيه.



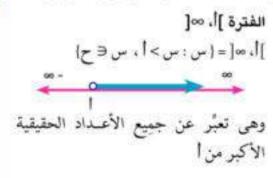
وإذا كان أ عددًا حقيقيًا فإننا نعرفُ الفترات غيرَ المحدودة التالية:

الفترة]-∞، أ]]-∞، أ] = (س: س ﴿ أ، س ﴿ ح} -∞ -∞ -∞ - 0 وهى تعبر عن العدد أوجميع الأعداد الحقيقية الأصغر من أ.



اكتب كلًا من الفترتين [٣، ∞[،]-∞،٣] بطريقةِ الصُّفة المميزة، ثم مثلهما على خطُّ الأعداد.

الفترة]-∞، أ[]-∞، أ[={س:س<أ، س∈ح} -∞ أ وهى تعبر عن جميع الأعداد الحقيقية الأضغر من أ



﴿ اكتب الفترتين]٣، ∞[،] -∞، ٣[بطريقة الصفة المميزة، ثم مثلهما على خط الأعداد.

الوحدة الأولى ، الدرس السادس

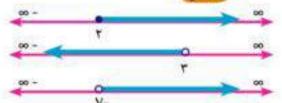
الاحظ أن: مجموعةُ الأعدادِ الحقيقيَّة ح يمكن التعبيرُ عنها على صورة الفترة]-٥٠ ، ٥٠ [

المال المال

🐠 🥙 اكتب على صورة فترة كلًا من المجموعات الآتية، ومثُّلها على خطُّ الأعداد .

📤 مجموعة جميع الأعداد الحقيقية الأكبر من | ٣٠ |

الحل



أكمل الحل

😗 🥙 صُحَّى الرمزَ المناسبَ ∈ أو ﴿ أو ۞ أو ۞ لتكون العبارة صحيحة:

- 15,00-[..... 7

الحل

- 20

العمليات على الفترات

حيث إن الفترات هي مجموعاتٌ جزئيةٌ من مجموعةِ الأعداد الحقيقية ح، فإنه يمكن إجراءُ عمليات الاتحاد والتقاطع والفرق والمكملة على الفترات، ويمكّن الاستعانةُ بالتمثيل البيانيّ للفترات على خطَّ الأعداد ؛ لتحديد وتوضيح ناتج العملية و يتضحُّ ذلك من الأمثلة التالية :



~n~ 1

﴿ إِذَا كَانَتَ سِ = [-٢، ٣] ، ص = [١، ٥[فأوجد مستعينًا بخطَّ الأعداد كلًّا من :

📭 م ۱۱ ی

الحل



🧢 م U ی

الحل



و ي =] - ٥٠٠ - ٢] ١١ [٣ ، ٥٥ [

🙋 🎰 علامة (⁄) أمام العبارة الصَّحيحة وعلامةً (X) أمام العبارة الخطأ:

العمليات على الأعداد الحقيقية



فكر وناقش

أولاً، خواصٌ جمع الأعداد الحقيقيَّة

سبق أن حدَّدنا موضعَ النقطة س التي تمثل العدد ١ + ٧ ٢ على خطِّ الأعداد، وحيث إنه يمثلُ مجموعَ العددين الحقيقيين ١ ، ٧ ٢ فإن مجموعَ كلَّ عددين حقيقيين هو عددٌ حقيقي .

أى أن مجموعة الأعداد الحقيقية ح

مغلقةٌ تحت عمليَّة الجَمع .

, r_{FV+1},

الانغلاق إذا كانت ا ∈ ح ، ب ∈ ح فإن (ا+ب) ∈ ح

فمثلاً: كل من ٢ + ٢ ، ٢ + ٧ ، ٢ - ٢ + ٧ ، ٢ + ٧ ، ٣ عددٌ حقيقيٌّ .

الإبدال إذا كانت أ ∈ ح ، ب ∈ ح فإن أ + ب = ب + أ

فمثلا: ۲+ ۷ - = ۷ + ۲ ، ۲ - ۷ - = ۲ ، ۲ - ۲ فمثلا: ۲ - ۷ - ۳ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ - ۲ ، ۲ -

فمثلاً:
$$(7 + \sqrt{7}) + 0 = 7 + (\sqrt{7} + 0)$$
 خاصية الدمج
$$= 7 + (0 + \sqrt{7})$$
 خاصية الإبدال
$$= (7 + 0) + \sqrt{7}$$
 خاصية الدمج
$$= (7 + 0) + \sqrt{7}$$

سوف تتعلم

- 🥏 العمليات على الأعــداد الحقيقية.
- خواص العمليات على الأعداد
 الحقيقية .

المصطلحات الأساسية

- 🤣 الانفلاق.
 - 🕏 الإبدال .
 - 🦑 الدمج .
- 🤃 المحايد الجمعي .
- 🤣 المعكوس الجمعي .
 - 🖑 المحايد الضربي .
- 🧬 المعكوس الضربي .
- 🧳 توزيع الضرب على الجمع أو الطرح .

الصفر هو العنصَر المحايدُ الجمعي ﴿ إِذَا كَانَ أَ وَ حَ فَإِنَ أَ + ٠ = ٠ + أ = أ

حيث ا + (ا-) = (ا-) + ا = صفرًا

وجود معکوس جمعی لکل عدد حقیقی کال او ح بوجد (۱) و ح

فمثلاً: ٧٦ € ح، معكوسه الجمعي (-٧٦) € ح حيث ٧ + (-٧) = (٢) + ٧ ٦ = صفرًا.



🐠 💋 أكمل لتحصلُ على عبارةٍ صحيحةٍ:

-+ 0 = 0 + T V
- = (11/-) + 11/4
- (.....+) + 0 = TV+V
- المعكوس الجمعي للعدد أ\ ٨ هو
- 📤 المعكوس الجمعي للعدد (١ ٧ ٢) هو
 - = (7 \-) + 7 \ 3
 - = T 0 V + V 3
 - = (V V T) + (V V + £)
- ﴿ إِذَا كَانِتَ أَ ﴿ حِ، بِ ﴿ حِ فَإِنْ أَ بِ تَعْنَى نَاتَجِ جَمْعِ الْعَدْدُ أَ و للعدد ب.
 - ی إذا كانت أ ∈ ط، ب ∈ ن ، جـ ∈ ح فإن (أ + ب + جـ) ∈

🤫 ناقِش مع معلمك / معلمتك و زملائك: موضحًا بأمثلة:

- هل عمليّةُ الطرح إبداليّة في ح؟
- ، هل عمليَّةُ الطرح دامجةٌ في ح؟

ثَانيًا؛ حُواصٌ ضرب الأعداد الحقيقية؛

مجموعةُ الأعداد الحقيقيَّة مغلقةٌ تحت عملية الضرب.

أى أن حاصل ضرب كل عددين حقيقيين هو عدد حقيقي.

$$7\sqrt{7}\times\sqrt{7}=7$$
 0 $1\sqrt{7}\times$ 0 $1/\sqrt{7}\in$

$$r \lor \times (r \lor \times \circ) = r \lor \times (\circ \times r \lor) = (r \lor \times \circ) \times r \lor$$

الواحد هو العنصر المحايد الصّرين كلُّ عدد حقيقيُّ ا يكون ا × ١ = ١ × ١ = ١

وجود معكوس ضرب لكل عدد حقيقى عن الكل عدد حقيقي أع صفر

یوجد عدد حقیقی
$$\frac{1}{1}$$
 حیث $1 \times \frac{1}{1} = \frac{1}{1} \times \frac{1}{1} = 1$ (المحاید الضربی)

حيث
$$|\times \frac{1}{1} = \frac{1}{1} \times |$$
 (المحايد الضربي)

$$1 = \frac{\overline{r}}{r} \times \frac{r}{\overline{r}} = \frac{r}{\overline{r}} \times \frac{\overline{r}}{\overline{r}} = \frac{r}{\overline{r}} \times \frac{\overline{r}}{\overline{r}} = 1$$

ناقش مع معلمك / معلمتك: هل عملية القسمة إبدالية في ح؟ هل عملية القسمة دامجة في ح؟





🂋 اكتب كلًا من الأعدادِ 📜 ، -ه ، الله بحيث يكون المقامُ عددًا صحيحًا.

لاحظ أن المحايد الضربي ١ يمكن كتابته بالصورة الله أو الله أو الله أو الله أو ...

$$\frac{r}{r} = \frac{r}{r} = \frac{r}{r} \times \frac{r}{r} = \frac{r}$$

🐠 🤣 أكمل لتحصل على عبارة صحيحة:

🗞 🤌 اكتب كلًّا من الأعدادِ الآتية بحيث يكون المقامُ عددًا صحيحًا:

توزيع الصرب على الجمع الأى ثلاثة أعداد حقيقية أ، ب، جريكون.

$$-+++1 = (-++) + (-++1) = -++(-+1)$$



💠 اختصر إلى أبسط صورة .

الحل

(T V + T) (0 + T V)

$$(\circ \lor r -) + \circ \lor r - \times r \times r + (r) = (\circ \lor r - r) \Leftrightarrow$$

🍫 أعط تقديرًا لناتج (٣ + √ °) × (١ + √ ^) و تحقُّق من صحة إجابتك باستخدام الآلة الحاسبة.

الحل

رويدة الأولى الدرس الثامن

سوف تتعلق

🥏 إجراءُ العمليات على الجذور

🦪 ضرب عددین مترافقین۔

المصطلحات الأساسية

التربيعية .

🧓 جذر تربيعي .

🥏 عدد ان مترافقان .

العمليات على الجذور التربيعية

فكّر وناقش

إذا كان أ، ب عددين حقيقيين غير سالبين فإن:

$$\overline{1} \sqrt{1} \times \overline{1} \times \overline{1} = \sqrt{1 \times 7} = \sqrt{1} \times \overline{1}$$

$$\overrightarrow{r} \cdot \checkmark = \overrightarrow{1} \cdot \times \overrightarrow{r} \checkmark = \overrightarrow{1} \cdot \checkmark \times \overrightarrow{r} \checkmark$$

$$\overrightarrow{v} \circ \checkmark = \overrightarrow{0} \times \cancel{1} \circ \checkmark = \overrightarrow{0} \checkmark \times \cancel{1} \circ \checkmark$$

$$\overline{r} \vee \circ = \overline{r} \vee \times \overline{r} \circ \vee = \overline{r} \times r \circ \vee = \overline{v} \circ \vee$$

$$\frac{1}{2}$$
 $\frac{1}{2}$ $\frac{1}$

$$\frac{\overline{\tau} \searrow \underline{t}}{\overline{\tau}} = \frac{\overline{\tau} \searrow}{\overline{\tau} \searrow} \times \frac{\underline{t}}{\overline{\tau} \searrow} = \frac{\overline{17} \searrow}{\overline{\tau} \searrow} = \frac{\overline{17}}{\overline{\tau}} \searrow$$

$$\frac{\sqrt{1}}{\sqrt{c}} = \frac{\sqrt{1}}{\sqrt{c}} \times \frac{\sqrt{c}}{\sqrt{c}} = \frac{\sqrt{1_{c}}}{c} \cdot \neq \cdot$$

$$r = \sqrt{\frac{\Lambda V}{\gamma}} = \sqrt{\frac{\Lambda V}{\gamma}} = \sqrt{\frac{\Lambda}{\gamma}} = \sqrt{\frac{\Lambda}{\gamma}}$$



اختصر لأبسط صورة √ ۲۲ - √ ۲۷ + ۲ √ + ۲

الحل

$$\frac{1}{\overline{r}} \times 7 + \overline{r} \times \overline{r} = \overline{1} \times 7 + \overline{r} \times \overline{r} = \overline{1} \times 7 + \overline{r} \times \overline{r} = \overline{r} \times \overline{r} \times \overline{r} = \overline{r} \times \overline{r} \times \overline{r} \times \overline{r} \times \overline{r} \times \overline{r} \times \overline{r} = \overline{r} \times \overline{r} \times \overline{r} \times \overline{r} \times \overline{r} \times \overline{r} = \overline{r} \times \overline{r} \times \overline{r} \times \overline{r} \times \overline{r} \times \overline{r} = \overline{r} \times \overline{r} \times \overline{r} \times \overline{r} \times \overline{r} \times \overline{r} = \overline{r} \times \overline{r} \times \overline{r} \times \overline{r} \times \overline{r} \times \overline{r} = \overline{r} \times \overline{r} \times \overline{r} \times \overline{r} \times \overline{r} \times \overline{r} \times \overline{r} = \overline{r} \times \overline{r$$

إذا كان س = ٢ √ ٥ -١، ص = ٢ + √ ٥ أوجد قيمة المقدار س + ص ٢

الحل

$$1 + 0 \sqrt{\xi} - 7(0 \sqrt{t}) = 7(1 - 0 \sqrt{t}) = 70$$

$$0 \sqrt{\xi} - 71 = 1 + 0 \sqrt{\xi} - 0 \times \xi = 70$$

$$0 \sqrt{\xi} - 71 = 1 + 0 \sqrt{\xi} - 0 \times \xi = 70$$

$$0 \sqrt{\xi} + 9 = 0 + 0 \sqrt{\xi} + \xi = 7(0 \sqrt{t} + 7) = 70$$

$$0 \sqrt{\xi} + 9 = 0 + 0 \sqrt{\xi} + 2 = 7(0 \sqrt{t} + 7) = 700$$

$$0 \sqrt{\xi} + 9 = 0 + 2 \sqrt{\xi} + 3 + 3 \sqrt{\xi} - 71 = 700$$



- 🐠 ضع كلًا مماياتي على صورة أ √ ب حيث أ ، ب عددان صحيحان ، ب أصغر قيمة ممكنة :
 - Vo V
- TA V

177 177

0£ V 🚓

VT V T -

- 1....
- 🈗 اختصر إلى أبسط صورة:
 - 7 Vr × 11 Vr
 - V / + 0. / 3

- $\overline{t} \overline{\Lambda} \sqrt{t} \times \overline{V} \sqrt{t} \stackrel{\clubsuit}{\Rightarrow}$
- T. . V- 11 VO+ TV V
- 10 V Y. V -

1. Vr × 0 V 🐵

🍫 🤌 اوجد قيمةً كل من س + ص ، س × ص في الحالات الآتية:

العددان المترافقان

إذا كان أ ، ب عددين نسبيين موجبين

فإن كلّا من العددين
$$(\sqrt{1} + \sqrt{Y})$$
 ، $(\sqrt{1} - \sqrt{Y})$ هو مرافق للعدد الآخر . ويكون مجموعهما = $(\sqrt{1})$ = ضعف الحد الأول وحاصل ضربهما = $(\sqrt{1} + \sqrt{Y}) \times (\sqrt{1} - \sqrt{Y})$ = $(\sqrt{1})^{2} - (\sqrt{Y})^{2} = (\sqrt{1})^{2}$ = مربع الحد الأول – مربع الحد الثاني

حاصلُ ضرب العددين المترافقين هو دائمًا عددٌ نسبيًّ

إذا كان لدينا عددٌ حقيقيٌ مقامه على الصورة (١٠٠٠ ع ٧٠٠) فيجب وضعُه في أبسط صورةٍ ، وذلك بضرب البسطِ والمقام في مرافق المقام .



💋 احمل



🏉 اكتب كلًّا من س ، ص بحيث يكون المقام عددًا نسبيًّا ثم أوجد س + ص

الحل

$$\frac{r}{r} \frac{1}{\sqrt{r}} \frac$$

$$\nabla \sqrt{-\nabla \sqrt{-\nabla + \nabla \nabla}}$$
, $\nabla \sqrt{-\nabla \nabla}$

اثبت أن س، ص عددان مترافقان، ثم أوجد قيمةٌ كلُّ من المقدارين س' - ٢س ص + ص' ، (س - ص) ماذا تلاحظ؟

الوحدة الأولى ، الدرس الثامن

فى المثالِ السابقِ احسب كلًّا من

الحل

$$(\overrightarrow{r} \lor - \overrightarrow{V} \lor) - \overrightarrow{r} \lor + \overrightarrow{V} \lor = (\overrightarrow{r} \lor + \overrightarrow{V}) = (\overrightarrow{r} \lor + \overrightarrow{V} \lor = (\overrightarrow{r} \lor + \overrightarrow{V}) = (\overrightarrow{r$$

$$\begin{array}{ll}
T(\overline{V} - \overline{V}) = T(\overline{V} + \overline{V}) = T(\overline{V} - \overline{V}) = T(\overline{V} - \overline{V}) = T(\overline{V} + \overline{V})$$

ره^{يدة الأو}ل الدرس التاسع

العمليات على الجذور التكعيبية

فكر وناقش

سوف تتعلم

 العملياتُ على الجذور التكعيبية.

الوصطلحات الأساسية

🥏 الجذر التكعيبي.

لأى عددين حقيقيين ١، ب:

$$\frac{\sqrt{7}}{600 \text{ kis}} = \frac{\sqrt{7}}{7} = \frac{\sqrt{7}}{\sqrt{7}}$$



هُ امثلة

اختصر لأبسط صورة:

15 4 / 1 - 15 A

الحل

$$\frac{7 \times \sqrt{5} + \sqrt{\frac{7}{2}} \times \sqrt{1 - \sqrt{5}}}{7 \times 30} + \sqrt{\frac{7 - \sqrt{5}}{2}} \times \sqrt{1 + \sqrt{5}} \times$$

$$\frac{\sqrt[3]{4}}{\sqrt[3]{4}} \times 7 - \sqrt[3]{4} = \sqrt[3]{67} = \sqrt[3]{67} = \sqrt[3]{6} \times 7 - \sqrt[3]{4}$$

$$= \sqrt[3]{4} \times \sqrt[3]{4} = \sqrt[3]{4} \times \sqrt[3]{4} \times \sqrt[3]{4} = \sqrt[3]{4} \times \sqrt[3]{4} = \sqrt[3]{4} \times \sqrt[3]{4} \times \sqrt[3]{4} = \sqrt[3]{4} \times \sqrt[3]{4} \times \sqrt[3]{4} = \sqrt[3]{4} \times \sqrt[3]{4} \times \sqrt[3]{4} \times \sqrt[3]{4} \times \sqrt[3]{4} \times \sqrt[3]{4} = \sqrt[3]{4} \times$$

فأوجدقيمة كل من :

"(m+m) **1**

الحل

$$(w-w)^{T} = (1+\overline{Y} - 1+\overline{Y})^{T} = (1+\overline{Y} - 1+\overline{Y})^{T}$$

$$A = (1+\overline{Y})^{T} = A$$

يويدة الأول الدرس العاشر

تطبيقات على الأعداد الحقيقية

فكر وناقش

سوف تتعلم

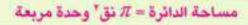
🥏 حل تطبيقات على الجذور التربيعية والتكعيبية

المصطلحات الأساسية

- 🥏 دائرة.
- 🧬 متوازي المستطيلات.
 - 🥝 مكعب.
- 🥏 أسطوانة دائرية قائمة.
 - ۾ کرة.

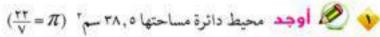
الدائرة

محيط الدائرة = ٢ // نق وحدة طولية.



حيث نق طول نصف قطر الدائرة، ٦٦ (النسبة التقريبية)



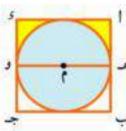


الحل

مساحة الدائرة = 17 نق

$$\frac{\rho}{2} = \frac{\gamma}{V}$$
 $\frac{\rho}{V} = \frac{\gamma}{V}$
 $\frac{\rho}{V} = \frac{\gamma}{V}$
 $\frac{\rho}{V} = \gamma$
 $\frac{\rho}{V}$
 $\frac{\rho}{V}$

🤫 في الشكل المقابل الدائرة م مرسومة داخل المربع أب جرى، فإذا كانت مساحة الجزء الملون باللون الأصفر ٥٠٠ سم أوجد محيط هذا الجزء ($\pi = \pi$)



الحل

نفرض أن طولَ نصف قطر الدائرة = نق .

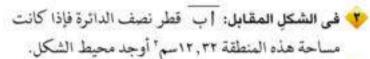
مساحة الجزء باللون الأصفر = مساحة المستطيل أهـ و ك - مساحة نصف الدائرة

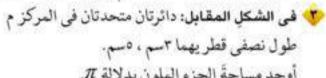
$$\frac{0}{\sqrt{V}} \times \frac{1}{\sqrt{V}} = \frac{1}{\sqrt{V}}$$
 نق $\frac{1}{\sqrt{V}} \times \frac{1}{\sqrt{V}}$ نق $\frac{1}{\sqrt{V}} \times \frac{1}{\sqrt{V}} \times \frac{1}{\sqrt{V}} \times \frac{1}{\sqrt{V}}$

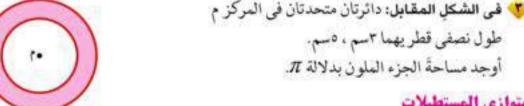
محيط الجزء باللون الأصفر = (أهـ + أى + ى و) + أج محيط الدائرة

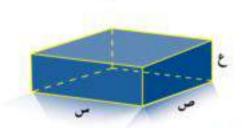


🦠 دائرةٌ مساحتها ٦٤ ٦ سم ً. أوجد طولَ نصف قطرها ، ثم أوجد محيطها لأقرب عددٍ صحيح .(r, 1 = T)









متوازي المستطيلات

هو مجسمٌ جميع أوجهه الستة مستطيلة الشكل، وكل وجهين متقابلين متطابقان إذا كانت أطوال أحرفه س، ص، ع فإن:

المساحة الجانبية = محيط القاعدة × الارتفاع

المساحة الجانبية = ٢ (س + ص) × ع وحدة مربعة

المساحةُ الكليةُ = المساحة الجانبية + $Y \times$ مساحة القاعدة

وحدة مربعة المساحة الكلية = ٢ (س ص + ص ع + س ع)

حجم متوازى المستطيلات = مساحة القاعدة × الارتفاع

وحدة مكعبة حجم متوازي المستطيلات = س × ص × ع

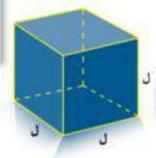
الوحدة الأولى ، الدرس العاشر

حالة خاصة: المكعب

هو متوازي مستطيلات أطوال أحرفه متساوية.

إذا كان طول حرفه = ل وحدة طول فإن

مساحته الكلية = ΓU^T وحدة مربعة حجم المكعب = U^T وحدة مكعبة



مساحة كل وجه = ل وحدة مربعة مساحته الجانبية = ٤ ل وحدة مربعة



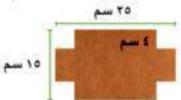
🥏 أوجد المساحةَ الكليةَ لمكعبِ حجمه ١٢٥سم

الحل

.. ل = ۱۲۵ = oma حجم المكعب = ل⁷ ـ ١٢٥ .٠ - ١٢٥ المساحة الكلية = $\Gamma U^{\dagger} = \Gamma \times (0)^{\dagger} = 100$ سم المساحة الكلية



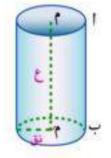
- 🤨 متوازي مستطيلات قاعدته مربعة الشكل فإذا كان حجمه ٧٢٠سم٣ وارتفاعه ٥سم أوجد مساحته الكلية.
- 🧇 أيهما أكبر حجمًا: مكعب مساحته الكلية ٢٩٤ ــم أم متوازى مستطيلات أبعاده ٧ 🔻 ، ٥ 🔻 ، ٥ صم.



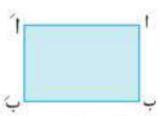
😗 قطعة من الورق المقوى مستطيلة الشكل بعداها ٢٥، ١٥سم قطع من كل ركن من أركانها الأربعة مربع طول ضلعه ٤سم. ثم طويت الأجزاء البارزة لتكون حوضًا على شكل متوازى مستطيلات، أوجد حجمه ومساحته الكلية.

الأسطوانة الدائريَّةُ القائمةُ

هى مجسمٌ له قاعدتان متوازيتان ومتطابقتان كل منهما عبارة عن سطح دائرةٍ، أما السطحُ الجانبيُّ فهو سطحٌ منحن يسمى سطح الأسطوانة. إذا كانت م، مَ مركزي قاعدتي الأسطوانة فإن م مَ هو ارتفاع الأسطوانة.



و قطعنا سطح الأسطوانة الجانبي عند أب
 و بسطنا هذا السطح فإننا نحصلُ على سطحِ المستطيل أب ب أ
 و يكون أب = ارتفاع الأسطوانة ، أأ = محيط قاعدة الأسطوانة.



وحدة مربعة

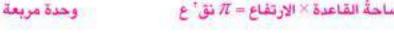
مساحة المستطيل أبب أ = المساحة الجانبية للأسطوانة.

المساحة الجانبية للأسطوانة = محيط القاعدة × الارتفاع = ٢ تق ع

المساحة الكلية للأسطوانة = المساحة الجانبية + مجموع مساحتي القاعدتين

 $= 7 \pi i \tilde{g} + 7 \pi i \tilde{g}^{\dagger}$ $= 7 \pi i \tilde{g}^{\dagger}$ $= 7 \pi i \tilde{g}^{\dagger}$

حجم الأسطوانة = مساحةُ القاعدة \times الارتفاع = π نق ع





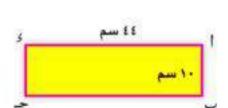
قطعةٌ من الورقِ على شكلِ مستطيل أب جرى ، فيه أب ١٠٥ سم، ب جـ ١٤٤ سم، طويت على شكل أسطوانة دائرية قائمة ، بحيث ينطبقُ أب على كر جـ أوجد حجم الأسطوانة الناتجة (٣٠ - ٢٠٠٠).

الحل

محيط قاعدة الأسطوانة = ٤٤سم.

$$٤٤ = 3$$
 نق = ٤٤

حجم الأسطوانة =
$$\pi$$
نق ع = π الأسطوانة = π نق ع = π الأسطوانة = π





- أسطوانةٌ دائريةٌ قائمةٌ، طول نصف قطر قاعدتها ١٤سم، وارتفاعها ٢٠سم. أوجد حجمَها ومساحتها
 الكلمة.
 - (٣, ١٤ = π) أسطوانةٌ دائريةٌ قائمةٌ حجمها ٧٥٣٦سم، وارتفاعها ٢٤سم أوجد مساحتها الكلية (٣, ١٤ = π)
- أيهما أكبر حجمًا: أسطوانةٌ دائريةٌ قائمةٌ طول نصف قطر قاعدتها ٧سم وارتفاعها ١٠سم، أم مكعب طول حرفه ١١سم.

الكرة

هي مجسمٌ سطحه منحني جميع نقاط سطحه على أبعاد متساوية (نق) من نقطة ثابتة داخله (مركز الكرة).



إذا قطعت الكرة بمستوى مار بمركزها فإن المقطع دَائرةٌ مركزها هو مركز الكرة ، وطول نصف قطرها هو طول نصف قطر الكرة نق.

حجم الكرة
$$= \frac{1}{7} \pi$$
 نق" وحدة مكعبة.

مساحة سطح الكرة =
$$3 \pi \, i \, i \, i$$
 وحدة مربعة.



كرة حجمها ٥٦٢,٥ π سم أوجد مساحة سطحها

الحل

آنق
$$\pi \times \frac{i}{r} = \pi$$
 م م م م م م م م م م م

£۲۱,۸۷٥ =
$$\frac{7}{5}$$
 × ما۲,٥ = $\frac{7}{5}$...

مساحة سطح الكرة =
$$\pi$$
 نق π = π نق π = π (۷,0) مساحة سطح الكرة = π



 $(\frac{rr}{v} = \pi)$ سم £,۲ الحجمَ ومساحةُ السطح لكرة طول قطرها £,۲ سم



رويدة الأول الدرس الحادى عشر

حل المعادلات والمتبايتات من الدرجة الأولى في متغير واحد في ح

بإضافة ٢ إلى طرقى المعادلة

ويمكن الضرب في المعكوس الضربي لمعامل س

أولاً على المعادلات من الدرجة الأولى في متغير واحد في م

نعلم أن المعادلة ٣ س - ٢ = ٤ تسمى معادلة من الدرجة الأولى

أى أن مجموعة الحل = ٢١ ٥ ١ ٢ ٢ ١ ٠ ١ ١

ويمثل الحل على خط الأعداد كما بالشكل المقابل

فكر وناقش

سوف تتعلي

- 🦑 حل المعادلة من الدرجة الأولى في متغير واحد.
- 🥏 حل المتباينات من الدرجة الأولى في متغير واحد.

الوصطلحات الأساسية

- 🤣 المعادلة.
- 🦑 الدرجة المعادلة.
 - 🥏 المشابنة.
- 🧬 الدرجة المتباينة.
- 🥏 حل المعادلة. 🦑 حل المتباينة.
- هم امثلة

حيث أن س المتغير (المجهول)

 $7 \times \frac{1}{m} = m^{m} \times \frac{1}{m}$

ولحل هذه المعادلة في ح

٣ س - ٢ = ٤

٣ س = ٦

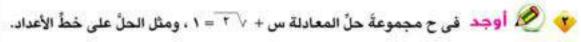
∴ س=۲

🥒 🥒 أوجد في ح مجموع حل المعادلة 🗸 ٣ س - ١ = ٢ ومثل الحل على خط الأعداد.

الحل

$$T = m \quad T \quad \therefore \quad T \quad m = T \quad \forall \quad \dots \quad T \quad \forall \quad$$

مجموعة الحل هي [٧ ٣] ويمثل الحلُّ على خطُّ الأعداد على خطُّ الأعداد كما بالشكل المقابل.



الحل

والمسال المرب

ثانيًا، حل المتباينات من الدرجة الأولى في متغيرٍ واحدٍ في ح وتمثيل الحلُّ على خطُّ الأعداد.

الخواصُّ التاليةُ تستخدم لحلَّ المتباينة في ح وتكتب مجموعة الحل على صورة فترة: إذا كانت أ ، ب، جـ أعدادًا حقيقيَّة وكان أ < ب فإن:

خاصية الإضافة.

0 ا+ج<ب+ج.

- خاصية الضرب في عددٍ حقيقيٌّ موجب.
- 🕜 إذا كانت جـ > · فإن أ × جـ < ب×جـ.
- خاصية الضرب في عدد حقيقي سالب.
- ن إذا كان جـ < · فإن أ × جـ > ب × جـ.



﴿ ﴾ اوجد مجموعة حل المتباينة ٢ س - ١ ≥ ٥ في ح ومثل الحل بيانيًّا.

الحل

بإضافة ١ إلى طرفى المتباينة تصبح ٢ س ≥ ٦ بضرب طرفى المتباينة في (﴿ > ٠) س ≥ ٣ ٠٠ مجموعة الحل في ح هي [٣ ، ∞[و يمثلها الشعاع باللون الأخضر على خط الأعداد.



اوجد فى ح مجموعة حلّ المتباينة ٥ - ٣ س > ١١، ومثل الحلّ بيانيًا.

الحل

بإضافة (-٥) إلى طرفي المتباينة فيكون ٣٠ س > ٦ بضرب طرفي المتباينة في (- ﴿) ينتج أن:

۲-> س :

E- Y- Y- 1- . 1

أى أن مجموعة الحل في ح هي]- ∞ ، -٢[

و يمثلها الجزء باللون الأخضر على خط الأعداد

🍫 🥒 اوجد في ح مجموعة حل المتباينة -٣ ≤ ٢س -١ < ٥ ومثل الحل بيانيًّا

الحل

بإضافة (١) إلى حدود المتباينة -٣ + ١ ≤ ٢ س -١ + ١ < ٥ + ١

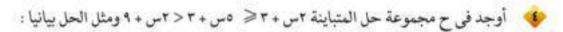
أى -٢ ﴿ ٢ س < ٦، و بضرب حدود المتباينة في (أ > ٠)

-۱ ﴿س<۳

٠٠ مجموعة الحل في ح هي [١٠، ٣]

و يمثلها على خطُّ الأعداد الجزءُ باللون الأخضر.

في مثال 😗 ما مجموعةُ حلُّ المتباينة في ط؟ ما مجموعةُ حلِّ المتباينة في ص٠٠



الحل

٢س+٣ ≤٥س+٣ <٢س+٩ بإضافة (٢٠٠٠)

٣ ≤٣س + ٢ < ٩ بإضافة (٣٠)

. ≼۲س <٦ يضرب حدود المتبايلة

٠ ﴿ س ح٢

مجموعة الحل في ح هي [٠،٢]







العلاقة بين متغيرين



رره^{بدة الثا}نِية الدرس الأول

العلاقة بين متغيرين

فكر وناقش

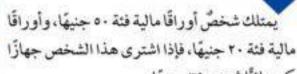
سوف تتعلق

- العلاقة بين متغيرين من الدرجة الأولى.
- التمثيلُ البيانيُّ للعلاقة بين متغيرين من الدرجة الأولى.



- 🧓 متغير،
- 🤣 معادلة من الدرجة الأولى.







نفرض أن س: عدد الأوراق فئة ٥٠ جنيهًا، فتكون قيمتها ٥٠س جنيهًا. وأن ص: عدد الأوراق فئة ٢٠ جنيهًا، فتكون قيمتها ٢٠ص جنيهًا.

والمطلوب: معرفة س، ص التي تجعل: ٥٠س + ٢٠ص = ٢٩٠

تسمى هذه العلاقة معادلة من الدرجة الأولى، في متغيرين يمكن قسمة طرفي المعادلة على ١٠ فنحصل على معادلة مكافئة لها، وهي:

الاحظ ان: كل من س، ص أعداد طبيعية، وفي هذه الحالة تكونَ س عددًا قرديًا.

يمكن تكوينُ الجدولِ المقابل لمعرفة الإمكانات المختلفة وهي:

نة ٥٠ جنيهًا،	ورقة واحدة فئ	يعطى الباثع و
		١٧ ورقة فئة

أو ٣ ورقات فئة ٥٠ جنيهًا ، ١٢ ورقة فئة ٢٠ جنبهًا.

أو ٥ ورقات فئة ٥٠ جنيهًا ، ٧ ورقات فئة ٢٠ حنيهًا .

أو ٧ ورقات فئة ٥٠ جنيهًا ، ورقتين فئة ٢٠ جنيهًا.

(س،ص)	ص	w
(11/1)	١٧	1
(17.71)	17	٢
(V.0)	٧	0
(Y,Y)	٣	٧
لاتصلح	سالية	9

الوحدة الثانية: الدرس الأول



- مع شخص أوراقٌ ماليةٌ فئة ٥ جنيهات، وأوراقٌ ماليةٌ فئة ٢٠ جنيهًا. اشترى هذا الشخص من المركز التّجارى بما قيمته ٧٥ جنيهًا، ما الإمكانات المختلفة لدفع هذا المبلغ باستخدام نوعى الأوراق المالية التي معه؟
- و مثلثُ متساوى الساقين، محيطه ١٩سم، ما الإمكاناتُ المختلفةُ لأطوالِ أضلاعه، علمًا بأن أطوالَ أضلاعه ∈ صر

المحظ أن: مجموع طولي أي ضلعين في المثلث أكبر من طول الضلع الثالث.

دراسة العلاقة بين متغيرين

اس + ب ص = جـ حيث ا * ٠٠ ب * ٠ تسمى عَلاقة خطية بين المتغيرين س، ص ويمكن إيجادُ مجموعةِ من الأزواج المرتبة (س، ص) تحقّق هذه العلاقة.

مثلا:

بدراسة العلاقة ٢س - ص = ١

عندس = ١ تكون ص = ١ .: (١،١) تحقق العلاقة

عندس = ٠ تكون ص = ١٠٠٠ . . (١٠٠٠) تحقق العلاقة

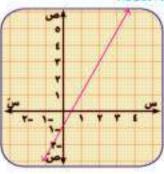
عندس = ٢ تكون ص = ٥ : (٥،٢) تحقق العلاقة

عند س = ١٠ تكون ص = ٣٠ (١٠، ٣٠) تحقق العلاقة

وهكذا نجدُ أن هناك عددًا لانهائي من الأزواج المرتبة التي تحقُّق هذه العلاقة.

لاحظ أن:

- يمكن تمثيلُ العلاقة ٢س ص = ١، بيانيًا باستخدام بعض الأزواج
 المرتبة التي حصلنا عليها.
- كل نقطة ∈ الخط المستقيم باللون الأحمر، يمثلها زوجٌ مرتبٌ يحقِّق العَلاقة ٢س-ص=١.





- 😗 أوجد أربع أزواج مرتبة تحقق كلًّا من العَلاقات الآتية ، ومثلها بيانيًّا:
 - ب س-٢ص=٥
- T = m + m 1

ج ص = ٢

- د س = ۱
- 🈗 إذا كان (-٣، ٢) تحقق العلاقة ٣ س + ب ص ١٠، فأوجد قيمة ب.
- إذا كان (ك، ٢٤) تحقق العلاقة س + ص = ١٥ ، فأوجد قيمة ك.

التمثيل البياني للعادقة بين متغيرين

العلاقة (اس + ب ص = ج) حيث !، ب كلاهما معًا * و تسمى علاقة بين المتغيرين س ، ص و يمثلها بيانيًا خط مستقيم.

> إذا كانت ا= ٠ يمثلها مستقيمٌ يوازي محور السينات.

مثلا: العلاقة ٢ ص ٣٠٠ يمثلها الخط المستقيم باللون الأحمر وهو يمر بالنقطة (٠٠ 😲) ويكون

حالة خاصة:

ای: ص= ا

العُلاقة ص = ٠ يمثلها محور السيئات.

66 🗕 تدرب

موازيًا لمحور السينات.

- مثل بيانيًّا كلًا من العلاقات الآتية:
 - ا ٢س = ٥

حالة خاصة:

الصادات.

العلاقة س = • يمثلها محور الصادات.

اذا كانت ب= ٠

بمثلها مستقيمٌ يوازي محور الصادات.

مثلا: العلاقة س = ٢٠

يمثلها الخط المستقيم

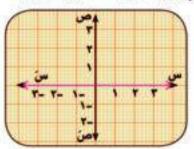
باللون الأحمر وهو

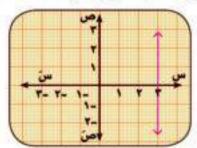
يمر بالنقطة (٢٠، ٠)

ويكون موازيًا لمحور

٠=١+٠٠٠

🤨 أوجد العلاقةُ التي يمثلها الخطُّ المستقيمُ باللونِ الأحمرِ في كلًّا من الشكلين التاليين:







مثل بيانيًّا العلاقة: س + ٢ ص= ٣

الحل

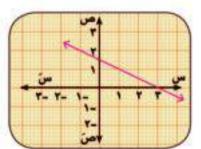
يمكن اختيارُ مجموعةٍ من الأزواج المرَّتبة التي تحقُّق هذه العلاقة:

مثلا: بوضع ص = ٢ .. س = -١ (-١٠) يحقق العلاقة

بوضع ص = ٠ ∴ س = ٣ (٠٠٣) يحقق العلاقة

بوضع ص = -١ ١٠ س = ٥ (١٠٠٥) تحقق العلاقة وهكذا ..

و يمكن وضعُ هذه النتائج في صورة جدولٍ كالتالي:



وتمثل هذه العلاقةُ الخطُّ المستقيمَ باللون الأحمر.

ناقش مع معلمك:

- 🐠 ماذا تلاحظُ على تغير قيمة ص كلما زادت قيمة س؟
- متى يمرُّ الخطُّ المستقيمُ الممثل للعلاقة أس + ب ص = ج بنقطة الأصل؟

ميل الخطّ المستقيم وتطبيقاتُ حياتية

رره^{بدة الثا}نِي الدرس الثانى

فكر وناقش

سوف تتعلم

- 🦈 ميل الخطُّ المستقيم .
- تطبيقاتُ حياتيةً على ميل
 الخطُّ المستقيم.

مصطلحات أساسية

- ال ميل.
- 🕏 میل موجب.
- 🥏 ميل سالب.
- 🥏 الميل يساوي صفرًا.
 - 🧬 الميل غير معرف.

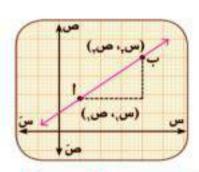
إذا الحظنا تحرّك نَقطة على خطّ مستقيمٍ من الموضع أ(س، ص) إلى الموضع ب (س، ص) عيث س, > س

وكل من أ، ب ∈ المستقيم فإن:

التغير في الإحداثي السيني = س, -س,

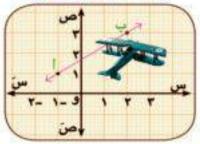
ويسمى بالتغير الأفقى

التغير في الإحداثي الصادي = ص, -ص, و يسمى





في الأمثلةِ الآتية ستدرس الحالاتِ المختلفة للتغير الرأسي (ص, - ص):





اذا کانت: أ = (-۱، ۱)،
$$\psi$$
 = (۲، ۲).
فإن: ميل أ ψ = $\frac{7-1}{7-(-1)} = \frac{7}{7}$



- 🕥 تحركت نقطة أعلى الخطُّ المستقيم لأعلى لتصلُّ إلى نقطة ب.
 - 🕜 الميل موجب. 🕜 ص ۽ ص



إذا كانت: أ (۲،۰)، ب (۲،۰)

تازحظ أنء

- 🚺 تحركت نقطةً أعلى المستقيم لأسفل لتصل إلى نقطة ب.
 - 🕜 ص حص 🕠 🕜 الميل سالب.



إذا كانت: [(-۱، ۲) ، ب (۲،۲)

غان: ميل أب =
$$\frac{7-7}{7-(-1)} = \frac{0}{2} = 0$$

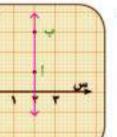
نلاحظ أن:

- المركت نقطة ا أفقيًا لتصل إلى نقطة ب.
 - ن ص = ص الميل = صفر .



ورهم مثال ع





إذا كانت: أ = (٢، ١)، ب(٢، ٣) فإننا لانستطيع حساب الميل؛ لأن تعريفَ الميل يشترطُ وجودَ تغير في الإحداثيّ السينيّ. أى: س, − س, * •

وتلاحظ أنء

- نقطة أرأسيًّا لتصل إلى نقطة ب.
- 🕜 س, = س, 🦁 الميل غير معرف.

الوحدة الثانية: الدرس الأول

المالية المرب المالية المرب

- في كلُّ من الحالاتِ التالية، أوجد ميل المستقيم أب.
- ب (۱-،٤)، ب (١٠،١)
- ا (۲،۱)، ب (۵،۰) ج (۲،۱۰)، ب (۲،۱۰)
- (r,r)~,(1-,r)1 ·
- اذا كانت أ (٢، -١)، ب (٣،٣)، ج (٤،٥)، أوجد ميل كل من أب ، ب ج، أج ، ومثل كلامنهما باناً ماذا تلاحظ؟
 - 😗 اختر الإجابة الصحيحة من بين القوسينِ أمامَ كلُّ عبارةٍ:

أولاً: الجدولُ الآتي يبين علاقة س، ص، وهي:

شانيًا؛ إذا كان (٢، -٥) يحقِّق العلاقة ٣س - ص + جـ = ٠ فإن جـ =

ثالثًا: (٣،٣) لايحقق العَلاقة (ص+س=٥ أو ٣ص-س=٣ أو ص+س=٧ أو ص-س=١)

رابقًا: تستهلك آلةٌ للريَّ ٢,٤٧ من اللتر من السولار؛ لتشغيلها ٣ ساعات، فإذا عملت الآلة ١٠ ساعات، فإنها تستهلك من اللتر من السولار. (٧,٢ أو ٨ أو ٨,٤ أو ٩,٦)

﴿ أَبُ حَيثُ أَ (-١، ٣)، ب (٢، ٥) هل النقطة جـ (٨، ١) € أب

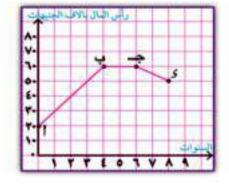
تطبيقاتُ حياتيةُ على ميل الخطُّ المستقيم

تطبيق (١)

الشكلُ المقابلُ: يوضَّح تغيرَ رأس مال شركة خلال ٨ سنوات.

- 1 أوجد ميل كلُّ من أب ، ب ج. جـ ك ما دلالة كلُّ منها؟
 - 뵺 احسب رأس مال الشركة عند بدءِ عملها.

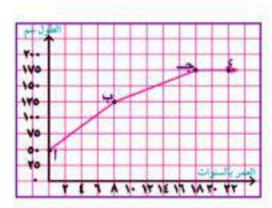
الحل



ثانيًا: رأسُ مال الشركة عند بدء العمل = الإحدالي الصادي لنقطة أ = ٢٠ ألف جنيه.

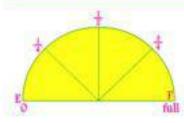


ثانيًا: احسب الفرق بين طولِ هذا الشخص عندما كان عمره ٨ سنوات، وطوله عندما كان عمره ٣٠ سنة.

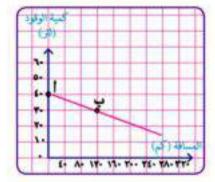


تطبيق (٢)

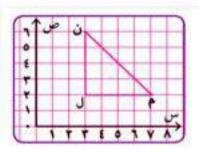
ملأ حازم خزان سيارته بالوقود، وسعة هذا الخزان ٤٠ لترًا ، وبعد أن تحرك ١٢٠ كم ، وجد أن المؤشّر يوضَّح أن المتبقى ٢ سعة الخزان، ارسم الشكل البياني الذي يوضَّح العلاقة بين كمية الوقود بالخزان والمسافة التي قطعتها السيارة (علما بأن هذه العلاقة خطبة)، واحسب المسافة التي تقطعها السيارة حتى يفرغ الخزانُ.



الحل



يفرغ الخزانُ عندما تقطعُ السيارةُ مسافةً =
$$\frac{\text{Sup} \, \text{lipter}}{\sqrt{1}} = \frac{1}{\sqrt{1}}$$
 $= 13 \times \frac{17}{\sqrt{1}} = 13 \times \frac{17}{\sqrt{1}}$



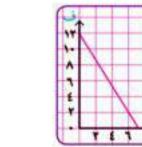
في الشكل المقابل: ل م ن مثلثَ قائم الزاوية في ل ، ق (﴿ مِ) = ٤٥ فإذا كان ل (٣،٢)، م (٧،٢) أوجد إحداثي ن واحسب ميل م ن .

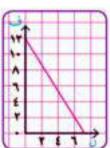
الحل

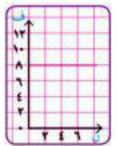
إحداثي ن = (٦،٣)

$$1-=\frac{\xi}{\xi_{-}}=\frac{\gamma-\gamma}{\gamma-\gamma}=\frac{\xi}{1-\gamma}$$
میل م ن

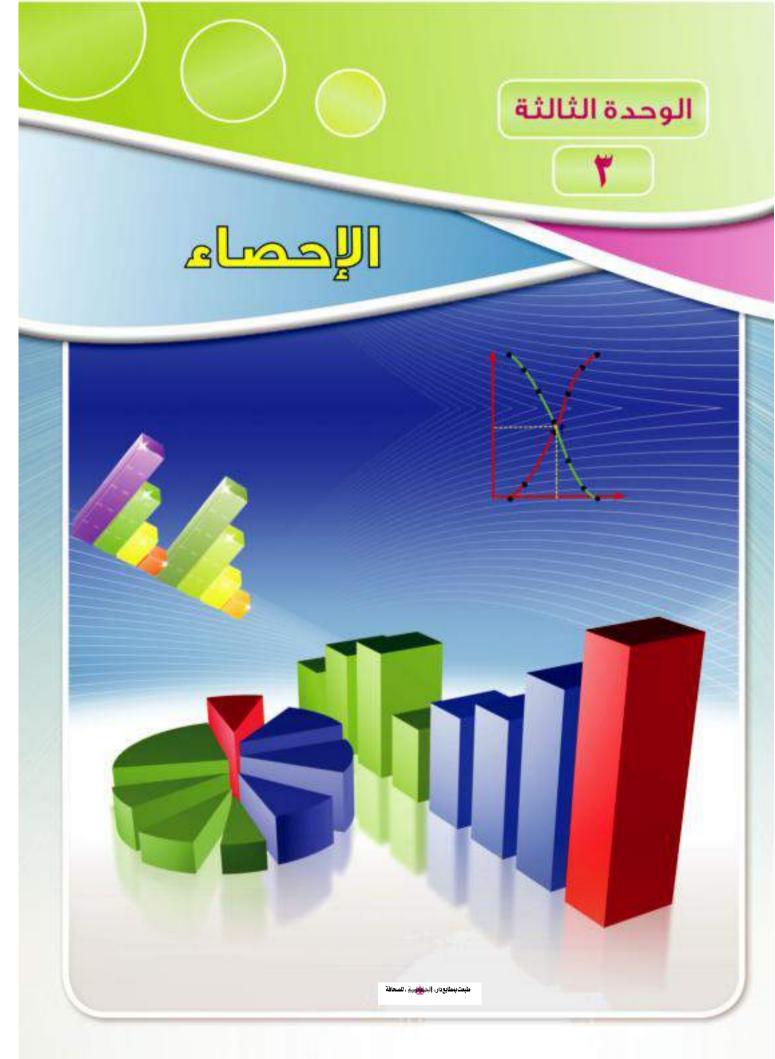
🤣 كلٌّ من الأشكال التالية يوضُّحُ العلاقة بين المسافة ف (بالمتر) والزمن ن (بالثانية) لجسم. حدد موضعَ الجسم عند بدأ الحركة، وعند ن = ٦ ثوان ، وأوجد ميلَ المستقيم في كلُّ حالةٍ (ماذا يمثل الميل؟).







ناقِشُ معلمك في حل رقم 🦠



روبدة الثالث الدرس الأول الأول

جمع البيانات وتنظيمها

فكر وناقش

إذا بحثت ظاهرةً التكدُّس المروري وطرق علاجه:

- 🧚 ما مصادرُك للحصول على البيانات؟
- كيف يمكنك جمعُ البياناتِ حول
 هذه الظاهرة؟
- أ ما الطرقُ الإحصائيةُ التي سوف تستخدمها لتحليل البيانات؟
- 🧯 هل تستطيعُ تفسير النتائج التي توصلت إليها؟
- 🧵 ما مقترحاتُك لعلاج هذه الظاهرة وتحقيق السيولة المروريَّة؟

جمع البيانات

عمل تعاوني تعاون مع زملائك في جمع البيانات من مصادرها بتوزيع الأدوار:

- 1 المجموعة الأولى: اجمع بيانات ابتدائية عن الظاهرة محل الدراسة عن طريق استبيان تدور أستلته حول (وسيلة المواصلات المستخدمة في التنقل حالة الطرق زمن التكدس المروري وجود إشارات استرشادية على الطرق التواجد الأمنى).
- المجموعة الثانية: اجمع بيانات ثانوية عن الظاهرة محل الدراسة من
 النشرات المرورية الإنترنت مصادر الإعلام.
- المجموعة الثالثة: لاحظ أى الطرق أكثر ازدحامًا، وسلوك قائدى السيارات والتزامهم بقوانين المرور، ومدى التزام المشاة بآداب الطريق، وعبور الطرق من المناطق المعدة لعبور المشاة.

سوف تتعلم

 كيفية جمع البيانات وتنظيمها
 في جــداول تكرارية ذات مجموعات.

المصطلحات الأساسية

- 🧬 جمع البيانات.
- 🧬 تنظيم البيانات،
- 🧬 جدول تکراری ذو مجموعات.



🥏 تنظيمُ وتحليل البيانات 🔘

تعاون مع زملائك في إعداد جدول تكراريُّ لوسيلة المواصلات التي يستخدمها زملاؤك.

المجموع	سيرًا على الأقدام	دراجة	تاكسي	سيارة خاصة	حافلة	مترو	وسيلة المواصلات
	-	Vanish.	Tarana (in the second			التكرار

حدِّد الوسيلة الأكثر استخدامًا (المتوال)

- ♦ هل هذه الوسيلةُ مناسبةٌ؟ هل تساعدُ في علاج ظاهرة التكدُّس المروري؟ لماذا؟
 - ◊ ما مقترحاتُك لعلاج هذه الظاهرة في ضوء ماتوصلت إليه من نتائج؟

تنظيمُ البيانات وعرضها في جداول تكراريَّة



فيمايلي بيان بالدرجات التي حصل عليها ٣٠ طالبًا في إحدى الاختبارات

14	14 14 1	٧	٦	٨	٥	£	٧	١.	V
٩	18	14	10	4	11	18	11	4	۲
IV	٨	15	٣	15	4	٢	14	١٤	0

المطلوب: تكوينُ الجدول التكراري ذي المجموعات لهذه البيانات.

الحل

لتكوين الجدول التكراري ذي المجموعات نتبع الخطوات التالية:

أولاً: نوجد أكبر قيمة لهذه البيانات و أصغر قيمة لها؟

باعتبار مجموعة البيانات السابقة هي س

فإن: س = اس: ۲ ﴿س ﴿ ١٩)

ای آن: قیم سے تبدأمن ٢ وتنتهی عند ١٩

أى أن: المدى = أكبر قيمة - أصغر قيمة = ١٩ - ٢ = ١٧

ثانيًا: تجزَّأ المجموعة سم إلى عدد من المجموعات الجزئية و المتساوية المدى وليكن ٦ مجموعات.

.: مدى المجموعة = الله تقترب من ٣

ثالثًا: تصبح المجموعاتُ الجزئية كالتالي.



	-A	المجموعة الثالثة
وهكذا	-11	المجموعة الرابعة

المجموعة الأولى ٢ – المجموعة الثانية ٥ –

لاحظ أن ٢ - معناها مجموعة البيانات الأكبر من أو تساوى ٢ والأقل من ٥ وهكذا. وابقا: تسجل البيانات في الجدول التالي:

1.0		
التكرار	العلامات	المجموعة
£	////	- Y
7	1/11/	-0
٧	11 1111	- ^
٨	111 1811	- 11
r	111	-16
۲	11	-17
4.0		المجموع

خاصسًا: يحذف عمود العلامات من الجدول فنحصل على الجدول التكراري ذي المجموعات، و يمكن كتابته رأسيًّا أو أفقيًّا والصورة الأفقية للجدول هي كالآتي:

المجموع	- 17	- 16	-11	-A	-0	- ۲	المجموعة
٧٠	۲	۳	٨	٧	٦	ŧ	التكرار

رويدة الثالق الدرس الثاني

الجدول التكراري المتجمع الصاعد والجدول التكراري المتجمع النازل وتمثيلهما بيانيًا

فكر وناقش

سوف تتعلم

- 🥏 كيفية تكوين كلُّ من الجدول التكراري المتجمع الصاعد والنازل.
- التمثيل البياني لكلِّ من الجدول التكراري المتجمع الصاعد والنازل.

المصطلحات الأساسية

- 🦈 توزیع تکراری.
- 🗗 جدول تکراری۔
- 🥏 جــدول تــكــراري متجمع
- 🦸 جدول تکراری متجمع نازل.
- 🦸 منحنی تکراری متجمع صاعد.
- 🦸 منحنی تکراری متجمع نازل.

أُولاً: الجدولُ التَّكراريُّ المتجمع الصاعد وتمثيله بيانيًا



يبين الجدول الآتي التوزيعَ التكراريُّ لأطوال ١٠٠ تلميذ بالسنتيمترات في إحدى المدارس:

(مجموعات) الطول بالسنتيمتر	-110	-17.	-170	-17-	-170	-15.	-150	المجموع
عدد التلاميذ (التكرار)	٨	17	11	**	۸A	18	٧	٧

- ما عددُ التلاميذ الذين تقل أطوالهم عن ١١٥ سم؟
- 🤫 ما عددُ التلاميذ الذين تقل أطوالهم عن ١٣٥ سم؟
- 🛷 ما عددُ التلاميذ الذين تقل أطوالهم عن ١٤٥ سم؟

كوِّن الجِدولَ التكراريُّ المتجمعَ الصاعد لهذه البيانات ومثله بيانيًّا

الحل

هل يوجد تلاميذ تقل أطوالهم عن ١١٥ سم؟ لا هل يوجد تلاميذ تقل أطوالهم عن ١٣٥ سم؟ وما عددهم؟ نعم ، ١٣ تلميذًا. كيف توجد عدد التلاميذ الذين تقل أطوالهم عن ١٤٥ سم؟ نجمع عدد التلاميذ في مجموعات الطول الأقل من المجموعة ١٤٥

و الآن للإجابة عن التساؤلات السابقة بطريقة أكثر سهولة نكون الجدولَ التكراري المتجمّع الصاعد ، وذلك كالتالي:

جدول التكرار المتجمع الصاعد				
التكرار المتجمع الصاعد	الحدود العليا للمجموعات			
صقر	أقل من ١١٥			
٨	أقل من ١٢٠			
٧-	أقل من ١٢٥			
75	أقل من ١٣٠			
77	أقل من ١٣٥			
۸٠	أقل من ١٤٠			
45	أقل من ١٤٥			
1	أقل من ١٥٠			

التكرار المتجمع الصاعد	الحدود العليا للمجموعات
0_	أقل من ١١٥
A = A + .	أقل من ۱۴۰
(F) = 17 + (A)	أقل من ١٢٥
(9 = 14 + (c)	أقل من ١٣٠
10 = 44 + 60	أقل من ١٣٥
(1) + N/ = (A)	أقل من ١٤٠
(P) = 17 + (A)	أقل من ١٤٥
(**) = V + (P)	أقل من ١٥٠

ولتمثيل الجداولِ التكراريّ المتجمِع الصّاعد بيانيًّا:

- 🕔 نخصص المحور الأفقيّ للمجموعاتِ والمحورَ الرأسيّ للتّكرار المتجمع الصاعد.
- نختار مقياسًا للرسم على المحور الرأسي بحيث يتسع المحورُ للتكرارِ الكلى المتجمع الصاعد عدد عناصر المجموعة.
 - 🕜 نمثل التكرارَ المتجمعَ الصاعد لكل مجموعة ونرسم الخط البياني لها بالتتابع.



الوحدة الثالثة ، الدرس الثاني

ثانيًا الجدولُ التكراريُّ المتجمعُ النازل وتمثيله بيانيًا :

من التوزيع التكراري السابق ، والذي يبين أطوال ١٠٠ طالب بالسنتيمترات في إحدى المدارس.

أوجد: عدد التلاميذ الذين أطوالهم ١٥٠سم فأكثر.

عدد التلاميذ الذين أطوالهم ١٤٠سم فأكثر.

عدد التلاميذ الذين أطوالهم ١٢٥سم فأكثر.

كوِّن الجدول التكراري المتجمع النازل، ثم مثله بيانيًّا.

الحل

لايوجد تلاميذ أطوالهم ١٥٠سم فأكثر.

عدد التلاميذ الذين أطوالهم ١٤٠سم فأكثر هو ٧ + ١٣ = ٢٠ طالبًا

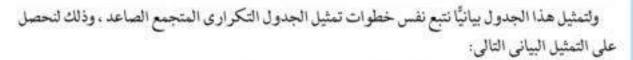
عدد التلاميذ الذين أطوالهم ١٢٥سم فأكثر هو

أكمل: ١٩ + + + + ١٩

للإجابة عن هذه التساؤلات بصورة أكثر سهولة نكون الجدول التكراري المتجمع النازل كالآتي:

جدول التكرار المتجمع النازل					
التكرار المتجمع الصاعد	الحدود السقلى للمجموعات				
4	١١٥ فأكثر				
11	۱۲۰ فأكثر				
A.	١٢٥ فأكثر				
71	۱۳۰ فأكثر				
TA.	۱۳۰ فأكثر				
¥+	۱٤٠ فأكثر				
٧	١٤٥ فأكثر				
صقر	١٥٠ فأكثر				

التكرار المتجمع	الحدود السقلى
النازل	للمجموعات
(+ (P)	١١٥ فأكثر
(P) = 17 + (A)	۱۲۰ فأكثر
(F) = 14 + (T)	۱۲۰ فأكثر
(1) = YY + (N)	۱۳۰ فأكثر
(F) = 1A + (F)	١٣٥ فأكثر
(F) = 17 + (V)	۱۶۰ فأكثر
V = V +	١٤٥ فأكثر
0	١٥٠ فأكثر







الجدول الآتي يمثل التوزيع التكراري لأعمار ٥٠ عاملا بأحد المطابع :

-01	- 10	-1-	- 70	-4-	- 70	- Y+	لمجموعات
0	T	- 1	- aneton	١.	V	- 1	التكواو

المطلوب:

- 🐠 أكمل الجدول.
- ارسم في شكل واحد المنحني التكراري المتجمع الصاعد والمنحني التكراري المتجمع النازل لهذا التوزيع.
 - 🕭 من الرسم أوجد :

أولا : عدد العمال الذين أعمارهم أكبر من ٣٥ سنة.

ثَانيا : عدد العمال الذين أعمارهم أصغر من ٤٥ سنة.

ناقِشُ معلمك في الحل



الوسط الحسابي - الوسيط -المنوال

فكر وناقش

أولاً؛ الوسطُ المسابي

سبق أن درستَ كيفية إيجاد الوسط الحسابي لمجموعة من القيم وعلمت أن:

الوسط الحسابي = جموع قيم المفردات عدد هذه المفردات

فمثلاً: إذا كان أعمار ٥ تلاميذ هي ١٦، ١٥، ١٦، ١٧، ١٤ سنة فإن:

الوسط الحسابي لأعمارهم = $\frac{11+01+11+11+11+11}{c}$

= ٥٠ سنة

لاحظ أن: ٥١ × ٥ = ١٢ + ٥١ + ٢١ + ١٤ + ١٧

الوسط الحسابى: هو أبسط المتوسطات جميعًا ، وأكثرها تداولًا ، وهو القيمة التى لو أعطيت لكل مفردة من مفردات المجموعة لكان مجموع هذه القيم الجديدة هو نفس مجموع القيم الأصلية، ويمكن حسابه بجمع قيم المفردات كلها ثم نقسم على عدد المفردات.

الوصطلحات الأساسية

سوف تتعلم کیفیة إیجاد الوسط الحسابی

مىن جىدول تىكىرارى ذى

کیفیة حساب الوسیط من جسدول تنگسراری ذی

🥏 كيفية حساب المنوال

من جدول تنگراری ذی

🥳 وسط حسابی.

مجموعات.

مجموعات

مجموعات.

- 🥏 وسيط.
- 🥏 مدرج تکراری.
 - 🥏 منوال .

إيجادُ الوسط الحسابي لبيانات من جداول تخرارية ذات مجموعات:

كيف يمكن إيجاد الوسط الحسابي للتوزيع التكراري الآتي:

المجموع	- 0 -	- 1.	- ٣-	- * •	-1-	المجموعات
1	10	۳.	To	¥-	۸.	التكرار

لاحظ: لإيجاد الوسط الحسابي لتوزيع تكراري ذي مجموعات نتبع الخطوات التالية:

🚺 نحدُّد مراكزُ المجموعات:

مركز المجموعة الأولى = المنتقل عنه مركز المجموعة الثانية = المنتقل ال

😯 نكون الجدولَ الرأسي الأتي:

التكرار	×	مركزالمجموعة	التكرار	مركز المجموعة	المجموعة
ك	×	٠	ك	e	
	١	0-	V+	10	-44
	۰		4.0	70	-4.
AV0			70	70	- * •
170.			Y-1	£0	- 1.
AYO			10	00	-0.
	۳	٧	1		المجموع

$$\frac{\mathbf{v}}{\mathbf{v}}$$
 الوسطُ الحسابیُّ = $\frac{\mathbf{v}}{\mathbf{v}}$ الوسطُ الحسابیُّ = $\frac{\mathbf{v}}{\mathbf{v}}$ = \mathbf{v}



- إذا كان الوسطُ الحسابئُ لدرجات تلميذ في الخمسة أشهر الأولى هي ٢٣,٨ فما الدرجة التي يجب أن يحصل عليها في الشهر السادس ليكون الوسط الحسابي لدرجاته ٢٤ درجة؟
 - 🤫 فيما يلى التوزيع التكراري لأوزان ٣٠ طفلًا بالكيلوجرامات.

المجموع	-4.	- ۲٦	-44	- 14	- 12	-1+	-1	الوزن بالكيلو جرام
۲.								التكرار

أكمل الجدول ثم أوجد الوسط الحسابي لهذا التوزيع.

ثانيًا: الوسيط

هو القيمةُ التي تتوسط مجموعةَ المفردات بعد ترتيبها تصاعديًّا أو تنازليًّا بحيث يكون عددُ القيم الأصغر منها مساويًّا لعددِ القيم الأكبر منها.

إيجادُ الوسيط لتوزيع تكراريُّ ذي المجموعات بيانيًا:

- 🕦 ننشأ الجدولَ التكراريّ المتجمع الصاعد أو النازل ، ثم نرسُم المنحني التّكراري المتجمع له.
 - 🕜 نحدُد ترتيب الوسيط = مجموع التكرارات
 - نحد النقطة أعلى المحور الرأسى (التكرار) والتي تمثل ترتيب الوسيط.
- نرسمُ مستقيمًا أفقيًا من نقطة أ فيقطع المنحنى في نقطة نرسم منها عمودًا على المحور الأفقى ؛ ليقطعه
 في نقطة تمثل الوسيط.



التوزيعُ التكراريُّ الآتي يبين درجات ٦٠ طالبًا في أحد الاختبارات

المجموع	-77	-44	-14	-\£	-1-	-7	-۲	المجموعات
7.	٣	0	٧.	10	17	1	٦	التكرار

أوجد الوسيط لهذا التوزيع مستخدمًا جدول التّكرار المتجمع الصّاعد.

الحل

- ٥٠ نشئ الجدولَ التكراريُّ المتجمعَ الصاعد. ◊ نوجد ترتيب الوسيط = ٢٠ = ٣٠
 - 😙 نرسم المنحني التّكراري المتجمع الصاعد ومن الرسم نوجد الوسيط.

7.		
0-		
٤٠ ,		/
Y- 1	\rightarrow	
4.		
1.	/ +	

التكرار المتجمع الصاعد	الحدود العليا للمجموعات
صفر	أقل من ٢
٦	أقل من ٦
١٥	أقل من ١٠
TV	أقل من ١٤
17	أقل من ١٨
٥٢	أقل من ٢٢
oV	أقل من ٢٦
7.	أقل من ٣٠

من الرسم الوسيط = ١٤٫٨ من الدرجة





🐠 ففر هل يمكنك إيجادُ الوسيط باستخدام الجدول التكراري المتجمع النازل؟ هل تختلف قيمة الوسيط في هذه الحالة.



التوزيعُ التكراري الآتي يبين الأجر اليومي لعدد ١٠٠ عامل في أحد المصانع.

المجموع	- £ -	- 40	-4.	- 40	- * +	- 10	الأجر بالجنيه (المجموعات)
۸.,	٨	٧.	To	**	10	1.	عدد العمال (التكرار)

المطلوب:

- 🐠 رسم المنحنيين المتجمع الصاعد والنازل لهذا التوزيع معًا.
 - هل يمكن إيجادُ الأجر الوسيط من هذا المنحنى؟

الحل

التكرار المتجمع	الحدود السقلى للمجموعات
١	١٥ فأكثر
4.	۲۰ فأكثر
Vo	٢٥ فأكثر
٥٣	۳۰ فأكثر
TA	٣٥ فأكثر
K	٤٠ فأكثر
صفر	٥٤ فأكثر

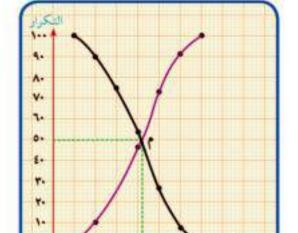
لتكرار المتجمع	الحدود العليا للمجموعات
صفر	أقل من ١٥
۸٠	أقل من ٢٠
70	أقل من ٢٥
£V	أقل من ٣٠
VT	أقل من ٣٥
47	أقل من ٤٠
١	أقل من ٤٥

لاحظ أن:

المنحني التكراري المتجمعُ الصاعُد يتقاطعُ مع المنحني التّكراري المتجمع النازل في نقطة واحدة هي نقطة م .



الوحدة الثالثة الدرس الثالث



الإحداثيُّ الأفقيُّ لنقطةٍ م يعين الوسيط

كل ١٠مم من المحور الأفقى تمثل ٥ جنيهات أكمل ٢ مم تمثل

الأجر الوسيط = ۳۰ +
$$\frac{7 \times 6}{1}$$
 = ۳۱ جنيهًا.



🧶 ارسم منحنى التُّكرار المتجمع النازل للتوزيع التكراري التالي ثم أوجد قيمة الوسيط.

المجموع	- 4.	- 40	-4.	-10	-1.	- 0	المجموعات
۰۰	٣	14	W	1.	7	٤	التكرار

ثالثًا: المنوال

هو القيمةُ الأكثرُ شيوعًا في مجموعة المفردات أي القيمة التي تتكرَّر أكثر من غيرها من القيم.



الجدولُ الآتي يبين التَّوزيعَ التكراريُّ لدرجات ٤٠ تلميذًا في أحد الاختبارات.

-17	-44	-14	-15	-1.	-7	-٢	المجموعات
*	٥	V	1/4	٨	0	*	التكرار

أوجد المنوالَ لهذا التُّوزِيع بيانيًّا.

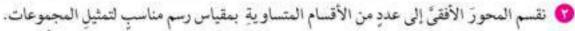
الحل

يمكن إيجادُ المنوال لهذا التوزيع بيانيًّا باستخدام المدرِج التكراريُّ ، وذلك كالآتي:

أولاً: ارسم المدرج التكرارئ

نرسم محورين متعامدين أحدهما أفقيًا لتمثيل المجموعات، والآخر رأسيًا لتمثيل تكرار كل مجموعة.





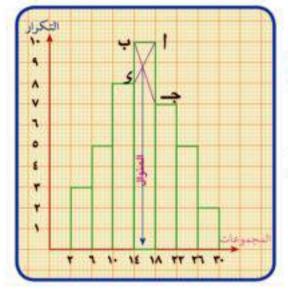
- نقسم المحور الرأسي إلى عددٍ من الأقسامِ المتساوية بمقياسِ رسمٍ مناسبٍ بحيث يمكن تمثيلُ أكبر تكرارٍ في المجموعات.
 - 🚯 نرسم مستطيلًا قاعدته هي المجموعة (٣-) وارتفاعه يساوي التكرار (٣).
- 🧿 نرسم مستطيلاً ثانيًا ملاصقًا للمستطيل الأول قاعدته هي المجموعة (٦-) وارتفاعه يساوي التكرار (٥).
 - 🕥 نكرًر رسم باقي المستطيلات المتلاصقة حتى آخر مجموعة (٢٦-).

ثانيًا: إيجاد المنوال من المدرج التكراري:

لإيجاد المنوال من المدرج التُكرارى تلاحظ أن المجموعة الأكثر تكرارًا هى المجموعة (١٤ -) وتسمى المجموعة المنوالية. لماذا؟

نحدَّد نقطة تقاطع 12 ، ب جمن الرسم، ونسقط منها عمودًا على المحور الأفقى يحدد القيمة المنوالية للتوزيع.

من الرسم ما القيمةُ المنوالية؟

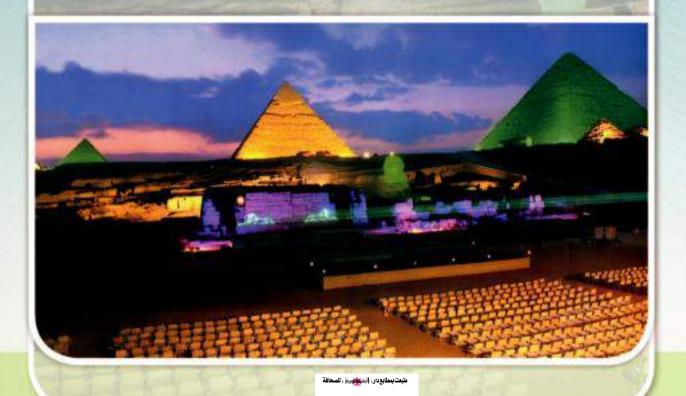


ناقِشُ معلمك في الحل

الوحدة الرابعة

٤

متوسطاك المثلك والمثلك المتساوي السائييين



وبدة الرابي الدرس الأول

متوسطات المثلث

فكر وناقش

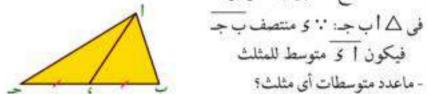
سوف تتعلَّى

- 🤴 متوسطات المثلث
- 🤣 المثلث الثلاثيني الستيني.

المصطلحات الأساسية

- 🤣 متوسط للمثلث.
- 🧬 مثلث ثلاثيني ستيني

متوسط المثلث هو القطعة المستقيمة المرسومة من رأس المثلث الى منتصف الضلع المقابل لهذا الرأس.



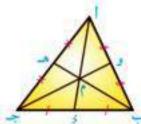
- ارسم المتوسطات في كل من المثلثات التالية:

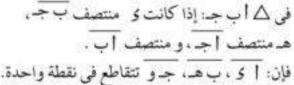




نظرية (۱)





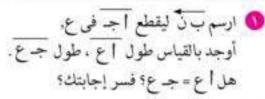




في الشكل المقابل:

اب جـ مثلث فيه س منتصف ب جـ ،

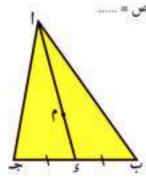
ص منتصف أب ، أس ∩ جـص= إن}.

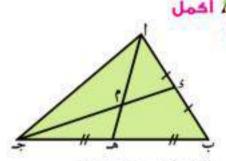


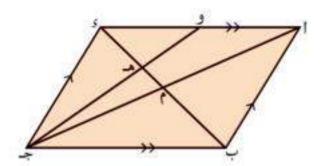
$$\frac{1}{\sqrt{1000}} = \frac{1000}{1000} = \frac{1000}{1000$$

نظرية (٢)

نقطة تقاطع متوسطات المثلث تقسم كلاً منها بنسبة ٢٠١ من جهة القاعدة أو ينسبة ٢:١ من جهة الرأس







شال (۱) مثال

في الشكل المقابل:

أب جـ 5 متوازي أضلاع تقاطع قطراه في م،

هـ ∈ کم حیث کی هـ = ۲ هـم،

رسم جــهـ فقطع 1 ك في و.

أثبت أن: أو = و ك

البرهان في 🗆 اب جـ ي

٠٠ اجـ ∩ ب٥ = (م)

في △ واجـ

∵ ممنتصف آج

∵هد∈ کم،که=۲هدم

· . هـ نقطة تقاطع متوسطات المثلث

∵ هـ∈ حـو

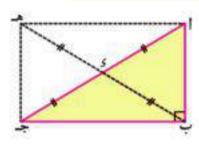
نم منتصف آجہ

. و م متوسط للمثلث

جـو متوسط للمثلث، و منتصف 1 ح



طول متوسط المثلث القائم الزاوية الخارج من رأس القائمة يساوى نصف طول وتر هذا المثلث



المعطيات أب جـ مثلث فيه ق (\ ب) = ٩٠° برح متوسط في \ اب جـ

المطلوب إثبات أن: ب ك = اج

العمل: نرسم بو ونأخذ نقطة هـ ∈ بو بحيث ب و = و هـ

البرهان

· الشكل أب جـ هـ فيه آج ، به ينصف كل منهما الآخر

الشكل أب جه متوازي أضلاع

ن الشكل أب جده مستطيل

: ق (\ ر ب) = ۹۰ وه

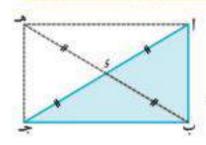
الوحدة الرابعة الدرس الأول







إذا كان طول متوسط المثلث المرسوم من أحد رؤوسه يساوى نصف طول الضلع المقابل لهذا الرأس فإن زاوية هذا الرأس تكون قائمة



المعطيات: أب جـ مثلث، بح متوسط ، وأ = و ب = و جـ المطلوب: إثبات أن ف (\ ا ب جـ) = ٩٠ ا العمل: نرسم بو ونأخذ نقطة هـ ∈ بو بحيث ب و = و هـ العمان:

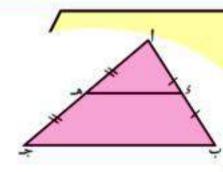
- : ب ≥ = الله به الجد الجد الجد
 - ∴ بھ=اجہ
- · الشكل أب جـ هـ فيه أجـ ، ب هـ متساويان في الطول وينصف كل منهما الآخر
 - ٠٠ الشكل أب جـ هـ مستطيل



نتيجة



طول الضّلع المقابل لزاوية قياسها ٣٠° في المثلث القائم الزاوية يساوى نصف طول الوتر



في المثلث أب ج إذا كانت و منتصف آب، هـ منتصف آج فإن

رويدة الرابع الدرس الثاني

المثلث المتساوى الساقين

فكر وناقش

سوف تتعلم

- 🥮 خواص المثلث المتساوي الساقين.
- 🧬 تصنيفاتُ المثلث المتساوي

الوصطلحات الأساسية

- 🥏 مثلث متساوى الساقين.
 - 🥏 مثلث متساوى الأضلاع.
 - 🤣 مثلث مختلف الأضلاع.

ضلاعها إلى ثلاثة أنواع:	حسب أطوالِ أ	المثلثاتِ تصنَّف -	علمت أن ا
-------------------------	--------------	--------------------	-----------

ن مثلث متساوى الأضلاع	مثلث متساوى الساقير	مثلث مختلف
(متطابق الأضلاع)	(متطابق الضلعين)	الأضلاع
اب=اج=ب	ب كلم	اب: بج اب: اج اب: اج بج: اج

في الشُّكل المقابل:

المحظ أن: الضلعين أب ، أج متطابقان (متساويان في الطول).



لذلك يسمى المثلث أب جـ بالمثلث المتساوى الساقين وتسمى النقطة أ رأس المثلث، — ب جـ قاعدته والزاو يتان ب، جـ زاويتا قاعدة المثلث

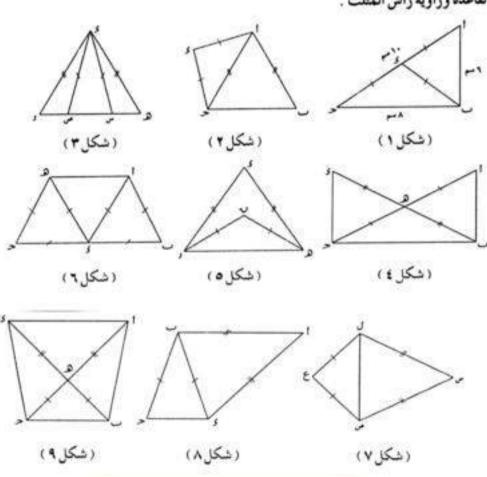
خواصُ المثلُّثِ المتساوى الساقين

في أيُّ مثلثٍ متساوى الساقين:

- 🔾 مانوع كل من زاويتي القاعدة؟ (حادة قائمة منفرجة)
 - 🔾 مانوع زاوية الرأس؟



في كل من الأشكال الآتية اذكر المثلثات المتساوية الساقين وحدد قاعدتها ثم لاحظ نوع زاويتي القاعدة وزاوية رأس المثلث .



نافِشُ مع معلمك في الحل

نظريات المثلث المتساوى الساقين

بعدة الرابي الدرس الثالث

فكر وناقش

سوف تتعلم

- 🥏 الغلاقة بين زاويتي القاعدة في المثلث المتساوي الساقين،
- 🦑 العلاقة بين قياسات زاويا المثلَّث المتساوي الأضلاع.
- 🖑 البعُـلاقـة بين الضَّلعين المقابلين لزاويتين متساويتين في مثلث.
- إذا تطابقت زوايا مثلث فإنه يكون متساوى الأضلاع.

المصطلحات الأساسية

- 🤣 مثلث متساوى الساقين.
 - 🦑 زاويتا القاعدة.

هل توجد عَلاقةٌ بين قياسِ زاويتي القاعدة في المثلث المتساوى الساقين؟ للتعرُّف على ذلك قم بالنشاط التالي:





باستخدام الفرجار

- 🚺 ارسم عدة مثلثات متساوية الساقين كما يوضِّح ذلك الرسم المقابل حيث اب = اج.
 - ن 🌽 اوجد باستخدام

المنقلة قياس كل من زاويتي القاعدة 🔼 اب جـ، 🔼 ا جـ ب ـ

😙 سجِّل البيانات التي حصلت عليها في جدول كالآتي، وقارن بين القياسات في كل حالة.

ق (١١١٠)	ۍ (∠ابج)	رقم المثلث
		١
		۲
		٣

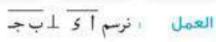
احفظ نشاطك في ملف الإنجاز



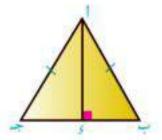
زاويتا القاعدة في المثلث المتساوي الساقين متطابقتان

المعطيات، أب جمثلث فيه أب = أج

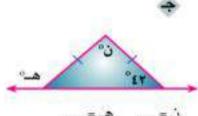
المطلوب ، إثبات ان 🗸 ب 🖃 جـ



البرهان ، المثلثان أى ب، أى جدقائما الزاوية فيهما



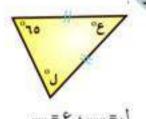
🦠 في كلُّ من الأشكالِ الآتية أوجد قيمَة الرمز المستخدم في قياس الزاوية:

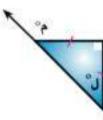


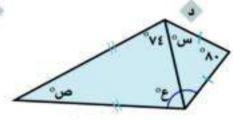


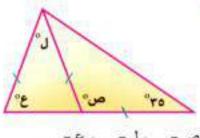




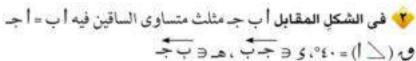


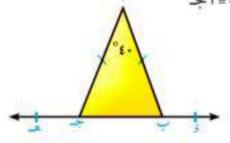




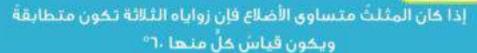








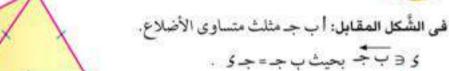
🐠 فَكُر ﴿ هَلَ مَكْمَلَاتُ الزَّوَايَا المُتَسَاوِيَةَ فَى القَيَاسِ تَكُونَ مُتَسَاوِيةَ القَيَاسَ؟



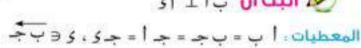




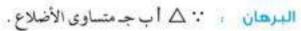








المطلوب الثبات أن: بأ ل أ ك



في △ احد

من (۱)، (۲) ينتج أن ق (\حداد)= ق (\حدو أ) = ۳۰

لاحظ أن: قياسُ أي زاوية خارجة للمثلث يساوي مجموع قياسي الزاويتين الداخلتين عدا المجاورة لها.

مثال هثال

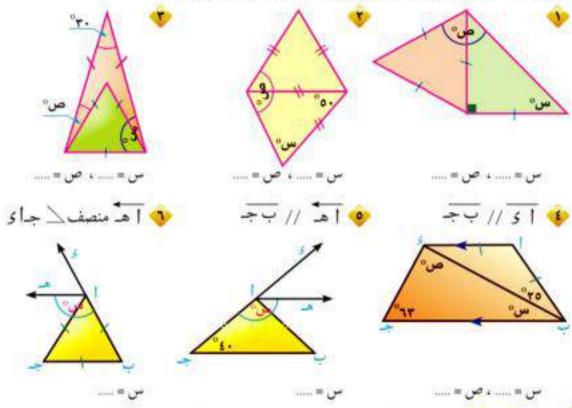
بجمع (۱) ، (۱) پنتج أن

$$(-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2) + (-1 + 2)$$





في كلُّ من الأشكالِ الآتية أوجد قيمةُ الرمزِ المستخدم لقياس الزاوية:



نشاط _____ارسم المثلث أب جـ فيه ب جـ = ٧ سم، ق (∠ ب) = ق (∠ جـ) = ٥٠ ثم قس طول كل من أب ، أجـ ، كرر النشاط باختيار قياسات أخرى لطول ب جـ وقياس زاويتي ب، جـ و أكمل الجدول:

اج	اب	٥(٤٠)	ن (کب)	بج	رقم المثلث
	***********	۰۵۰	°0.	٧سم	Y
	*********				۲
	***********			**********	٣
	***************************************	10111111111			£

- ﴿ هل طول أب = طول أج ؟ ﴿ هل أب = أج ؟
 - 🚸 كيف يمكنك تفسيرٌ هذه النتائج هندسيًّا؟

نظریة (۲)



إذا تطابقت راويتان في مثلث فإن الضلعين المقابلين لهاتين الزاويتين يكونان متطابقين ، ويكون المثلث متساوى الساقين.

> المعطيات، △ أب جنيه ∠ ب ≡ ∠ جـ المطلوب :إثبات أن أب ≡ أجـ

العمل : ننصف ﴿ بِ اجبالمنصف أ ي يقطع ب ج في ك

البرهان ، ∵ ∠ ب ≡ ∠ جـ

.: ق (∠ب) = ق (∠ج)

٧ ا و ينصف ∠باج

ن ق (\ بائ) = ق (\ جائ)

ن مجموعُ قياسات زوايا المثلث الداخلة = ١٨٠ °

.: ق (\ اوب) = ق (\ اوج)

المثلثان اوب، او جافيهما

ا ك ضلع مشترك

∴ △ | 2 - 5 | 2 - 5 | ...

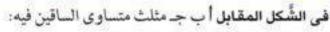
وينتج من التطابق أن 🏿 🖛 🖹 ج

و يكون△ أب جـ متساوى الساقين.

نتيجة



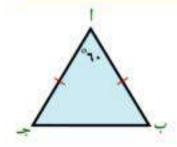
إذا تطابقت زوايا مثلث فإنه يكون متساوى الأضلاع.





ای ان: ∠ ≡ ∠ ≡

∴ △ اب جـ هو مثلث

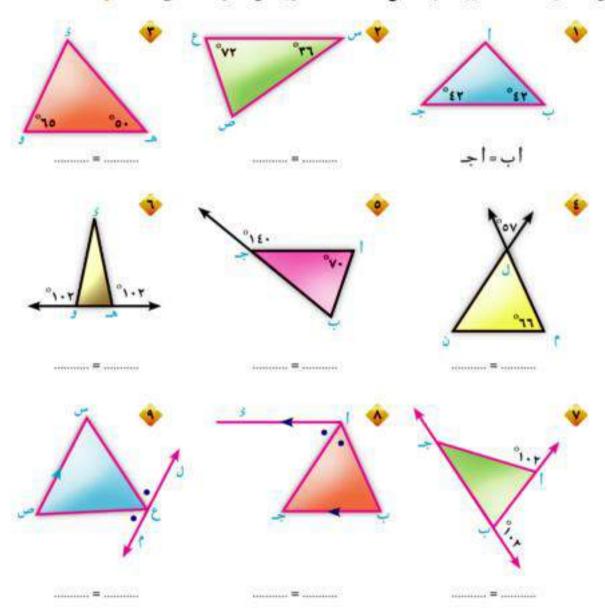




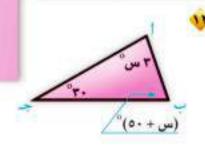
لاحظ أن: المثلث المتساوي الساقين الذي قياس إحدى زواياه 30° يكون متساوي الأضلاع.



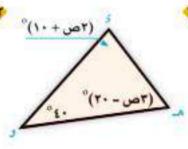
في كلُّ من الأشكال الآتيةِ اكتب أضلاع المثلث المتساوية في الطول كما في المثال 🥎 :



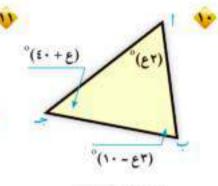
الوحدة الرابعة الدرس الثالث



...... =



A =





🦠 في الشَّكل المقابل: أب جـ مثلث فيه أب = أ جـ، س ص // ب جـ

اثبت أن △ أس ص متساوى الساقين.

المعطيات اب=اج، س ص // بج.

المطلوب وإثبات أن أس = أص

البرهان ،في∆أبج ∵أب=أج

.: 0 (∠ 1++)=0 (∠1++) (1)

: س ص // بجر، أب قاطع لهما

.: ق (اس ص) = ق (اب ج) بالتناظر (٢)

بالمثل: س ص // بج، أجد قاطع لهما

.: ق (∠ اصس) = ق (∠اجب) بالتناظر (۳)

من (۱)، (۲)، (۳) ينتج أن:

ق (∠اسس) = ق (∠اسس)

في △ اس ص

: 0, (∠ | m m) = 0, (∠ | m m)

∴ اس=اص

أى أن المثلث أس ص متساوى الساقين

وهو المطلوب

🐠 فَكُر هِل يمكنُ استنتاجُ أن س ب = ص جــ الله فسر إجابتك.

🍫 في الشكل المقابل:

اب جـ مثلث قائم الزاوية في ب، ق (کـ جـ) = ٣٠ ، ك ∈ اجـ بحيث ك ب = ك جـ

اثبت ان △ اب و متساوى الأضلاع.

المعطيات ، ق (∠ أب ج) = ۹۰ ، ق (∠ ج) = ۳۰ ، ك ب = ۶ ج

المطلوب ، إثبات أن أب = ب ك = أ ك

البرهان ۽ في △ وب جي ∵ وب = و جي

.. ق (∠ و ب ج) = ق (∠ ج) = ۳۰ = ،٠٠

نی △اب ج : ق (∠اب ج) = ۹۰، ق (∠ ک ب ج) = ۳۰

ن. ق (∠ب ای) = ۲۰۰ - ۲۰۰ = ۲۰۰ (۱)

ن كاو بخارجة عن △ ب و جـ

. 0. (∠ 12 ب) = 0. (∠ 2 ب ج) + 0. (∠ 2 ج ب)

ق (∠از ب) = ۳۰ + ۳۰ = °۲۰ (۱)

فى △ أب ك ن مجموع قياسات زوايا △ الداخلة = ١٨٠٠

.: ق (∠ اب ک) = ۱۸۰ = (°۲۰ + °۲۰) = °۱۰ ...

من (۱). (۲). (۳) : ق ((اب) = ق ((ا و ب) = ق ((ا)

ای ان ∠ابو ≡ ∠اوب ≡ ∠ا

المثلث أب و متساوى الأضلاع أى أن أب = ب و = أ و.

ربوندة الرابي الدرس الرابع

نتائج على نظريات المثلث المتساوى الساقين

فكر وناقش

سوف تتعلم

 نتائجُ على نظرياتِ المثلث المتساوى الساقين.

المصطلحات الأساسية

- 🥏 مثلث متساوى الساقين،
 - 🧬 منصف زاوية الرأس.
 - 🥏 منصف قاعدة المثلث.
 - محور تماثل القطعة المستقيمة.



متوسَّطُ المثلثِ المتساوى الساقين المرسوم من الرأس ينصف زاوية الرأس ويكون عموديًا على القاعدة

فى الشَّكل المقابل

△اب جفيه اب=اج

، أ ك متوسط فيه

فإن: ا کُ ينصف \ باجہ ، ا ک ل بحد



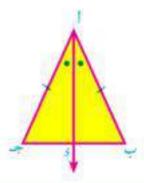


نتيجة (٢)

منصفُ زاوية الرأس في المثلث المتساوي الساقين ينصفُ القاعدة ويكونُ عموديًا عليها.

في الشكل المقابل:

△ اب جافیه اب = اج،
 آ کی پنصف کے ب اج
 فإن کی منتصف ب ج، آ کی لے ب ج
 لاحظ ان △ ای ب ≡ △ ای جالماذا؟



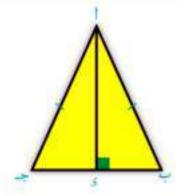






المستقيمُ المرسومُ من رأس المثلث المتساوى الساقين عموديًا على القاعدةِ ينصف كلاً من القاعدة وزاويةالرأس.

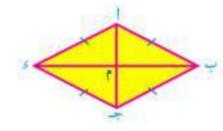
في الشَّكل المقابل:



۵ اب جافیه اب = اجر، آک ⊥ب جا فإن و تنصف ب جا، ق (∠ب او) = ق (∠ جا و) الاحظ ان ۵ او ب ≡ ۵ او جالماذا؟

🐠 فمّر

في الشَّكل المقابل:



اب جـ و شكل رباعي جميع أضلاعه متساوية في الطول.
 هذا الشكل يسمى معين ، قطراه اجـ ، بو و
 يتقاطعان في نقطة م.

لاحظ أن: △ أب ك = △ جب ك لماذا؟

ن. ق (∠اب'و)=ق (∠جبوو)
 فی △اب جه، اب=ب جه، به م ینصف ∠اب جه
 ن. به م لـ ــــــــــ، م منتصف اجـ
 فی △باو، اب=او، آم لـ بوو
 ن. آم ینصف ∠ ـــــــ، م منتصف بوو

هل قطرا المعين متعامدان؟

هل قطرا المعين ينصف كل منهما الآخر؟

هل قطر المعين ينصف زاو يتي الرأس الواصل بينهما؟ سجِّل إجابتك .

🌕 محاوز التّماثل

أولأ: محورُ التماثل للمثلث المتساوى الساقين

محور تماثل المثلث المتساوى الساقين هو المستقيمُ المرسوم من رأسه عموديًّا على قاعدته.



فإن أ كم هو محور تماثل للمثلث أب جـ المتساوى الساقين.

ناقش:

هل يوجدُ للمثلثِ المتساوى الساقين أكثرُ من محور تماثل؟

كم عددُ محاور التماثل في المثلث المتساوى الأضلاع؟

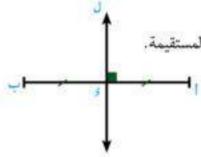
هل توجد للمثلثِ المختلفِ الأضلاع محاورٌ تماثل؟

ثانيًا؛ محور تماثل القطعة المستقيمة؛

يسمى المستقيم العمودي على قطعة مستقيمة من منتصفها محور تماثل لهذه القطعة المستقيمة وللاختصار يسمى محور القطعة المستقيمة.



إذا كانت كر منتصف أب ، المستقيم ل 1 أب حيث ك ∈ ل فإن المستقيم ل هو محور أب

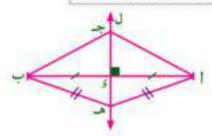


الله الله الله الله الله

أيُّ نقطةٍ على محور تماثل القطعة المستقيمة تكون على بعدين متساويين من طرفيها.

لاحظ أن:

- ١٥ إذا كانت جـ ﴿ ل فإن أجـ = ب جـ
- (اذا كان هـ أ = هـ ب فإن هـ ∈ ل لماذا؟

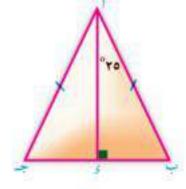




مثال (۾)

🚸 في الشُّكل المقابل

🈗 في الشُّكل المقابل



الحل

المعطیات اب=اج،
$$12 + \frac{1}{1}$$
 ، و (≤ 12) = ۲۰°، ب ج= ٤سم المعطوب و (≤ 1) ، طول $= 1$ ، طول $= 1$

الوحدة الرابعة الدرس الرابع

البرهان ؛ في △ ابج

۲ اب=اج، ا ک ل بج

· · ا ك ينصف القاعدة بج وينصف \ ب ا ج

ن ق (∠ و اج) = ق (∠ و اب) = ۲۰،

ک جد = الى ب جد = الله ع اسم.



🐠 في الشُّكل المقابل

س ص = س ل ، ع ص = ع ل ، ل م = ص م

🄌 أثبت أن س، م، ع على استقامة واحدة.



ب 5 = جـ هـ

ق (∠ابج)=ق (∠اجب)

ق (🚄 ی) = ق (🚄 هـ) = ۹۰

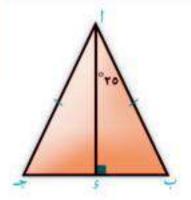
برهن أن: ق (≥ اب) = ق (≥ جاهـ)

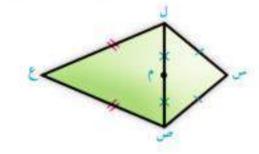


اب=اج، <u>و هـ</u> // اب وو // اجـ

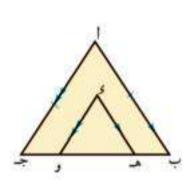
اثبت: أولًا: 5 هـ = 5 و

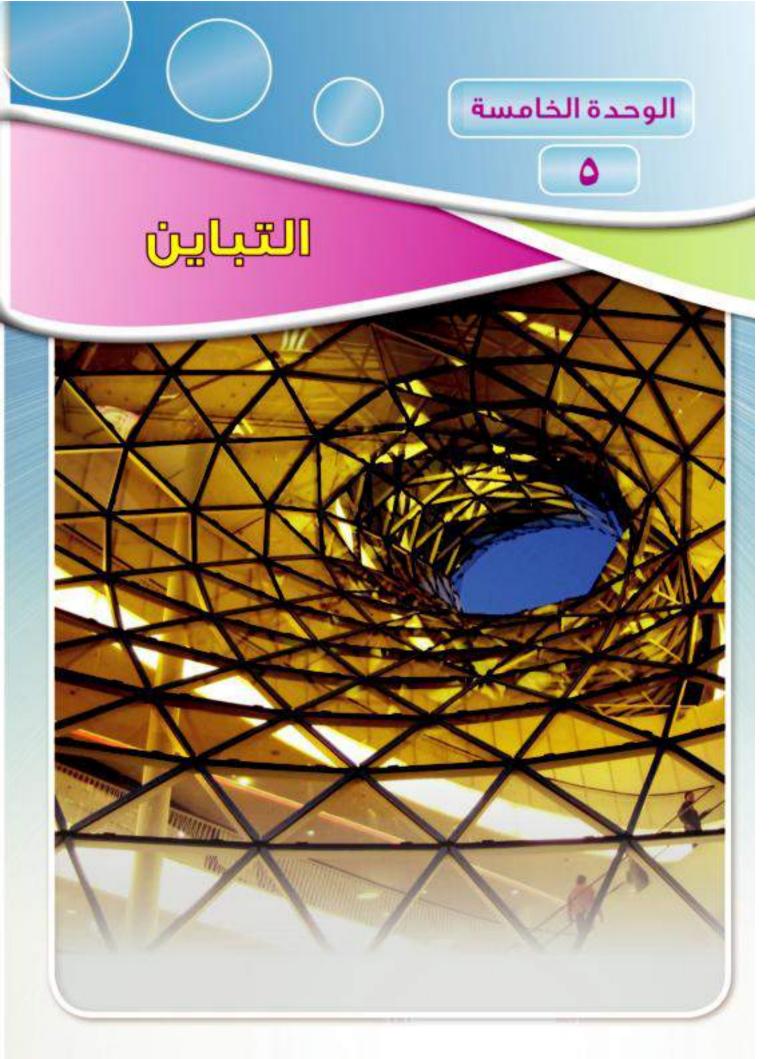
ثانيًا: ق (الرباج) = ق (المدو و)











رويدة الخاميين الدرس الأول

التباين

فكر وناقش

مفهوم التباين

- 🚺 هل جميعٌ تلاميذ فصلك لهم نفس الطول؟
- هل هناك اختلافٌ بين قياسِ الزاوية الحادة والزاوية القائمة والزاوية المنفرجة؟

ماذا يعنى هذا الاختلاف؟

لاحظ أن:

التباين يعنى وجود اختلافٍ في أطوال التلاميذ، وفي قياسات الزوايا، و يعبّر عنه بعَلاقة التباين، والتي تستخدم للمقارنة بين عددين مختلفين.

سوف تتعلم

- 🥏 مفهوم التباين.
- 🧬 مسلماتُ التباين.

المصطلحات الأساسية

- الله تباین
- 🤣 مسلمة
- 🦸 أكبر من 🕓
- 🤣 أصغر من <
- 💆 پساوی =

امثلة (ا

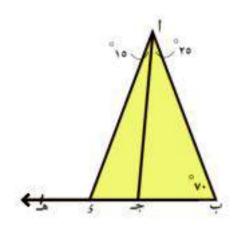
- 🚺 إذا كانت: 🖊 اب جرحادة فإن: ق (اب جر) < ٩٠٠.
- (1) في الشكل المقابل: أب جـ مثلث فيه اب= ٤ سم، ب جـ = ٣,٥ سم، اجـ = ٢,٤ سم فإن: أب>ب جـ ، ب جـ > أجـ بـ ٢,٥ سم

ا<mark>ی ان</mark> اب>بج>اج

المال المال

فى الشكل المقابل أوجد: ق (igs | ، ق (igs | igs | igs | igs | igs | igs | igs |

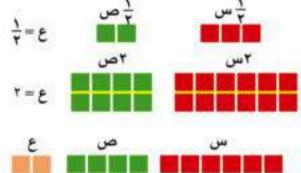
لاحظ أن: جميعُ العلاقاتِ السابقة تسمى متباينات.

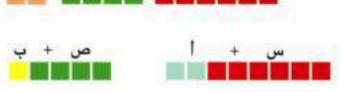


مسلمات التباين

لأي ثلاثة أعداد س ، ص، ع:

- **(۱) إذا كان:** س> ص
- فإن: س+ع>ص+ع
 - 🕜 إذا كان: س>ص
- فإن: س-ع>ص-ع
- 🕜 إذا كان: س> ص، ع عددًا موجبًا فإن: سع>صع
 - اذا كان: س > ص ، ص > ع فإن: س>ع
 - اذا كان: س>ص، ا>ب فإن: س+ا>ص+ب

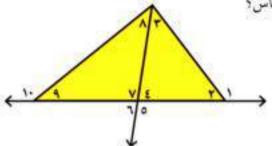




تَذْكُر أَنْ: قياس أي زاوية خارجة للمثلثِ أكبر من قياس أيُّ زاويةٍ داخلة ماعدا المجاورة لها.

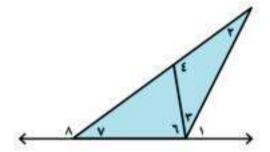
🐠 في الشكل المقابل: أي من الزوايا التالية لها أكبر قياس؟



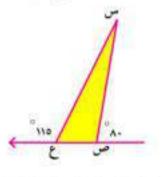


🤫 فى الشكل المقابل عين:

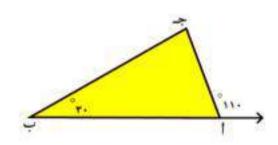
- ﴿ جميع الزوايا التي قياسها أقل من ۗ ؈ (∠١)
- جميع الزوايا التي قياسها أكبر من ق (١٦)
- جميع الزوايا التي قياسها أقل من ق (٤ ع)



🤫 رتُّب قياساتِ رُوايا المثلث أ ب جــ تصاعديًّا، قياسات رُوايا المثلث س ص ع تنازليًّا.



(--\(\sigma\)\(\sigma\)\(\sigma\)



(_\(\sigma\)\(\omega\)(\omega\)(\omega\)



﴿ فَى الشَّكَلِ المقابِلِ: جِ ﴿ أَبِ ۗ ، وَ ﴿ أَبِ فَإِذَا كَانِ: أَبِ > جِـ وَ فَإِن: أَجِـ....بِ وَ

مثال هثال

في الشكل المقابل:

ق (∠اجب)>ق (∠ابج)، وب= وج

اثبت أن: ق (\ اجرى) > ق (\ اب ي)

المعطیات: ق (∠اجب)>ق (∠ابج)، وب= وج

المطلوب: إثبات أن: ق (∠اجر) > ق (∠ابر)

البرهان: ∵وب=وجـ

٠٠ بطرح (١) من (٣) ينتج أن:

ق (∠اجب) -ق (∠٤جب)>ق (∠ابج)-ق (∠٤بج)

∴ ق (∠اجر)>ق (∠ابر) وهو المطلوب

ويدة الخامس الدرس الثاني

المقارنة بين قياسات الزوايا في المثلث

فكر وناقش

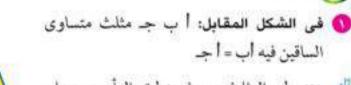
سوف تتعلم

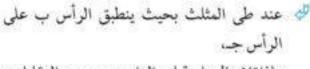
🥏 المقارنة بين قياسات الزوايا في المثلث.

المصطلحات الأساسية

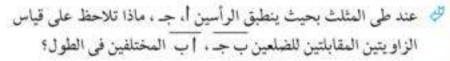
- 🕏 زاوية .
- 🥏 قياس زاوية.
- 🥏 أكبر زاوية في مثلث.
- 🥏 أصغر زاوية في مثلث.
 - 🦑 أكبر ضلع في مثلث .
 - 🥏 أصغر ضلع في مثلث .

نشاط 🔘



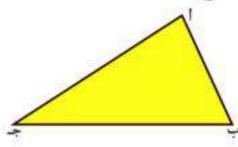


ماذا تلاحظ على قياس الزاو يتين ب، جـ المقابلتين للضلعين إج. إب المتساويين في الطول؟



هل اختلاف طولا ضلعين في المثلث يؤدي إلى اختلاف قياسا الزاو يتين المقابلتين لهما؟

🕜 ارسم المثلث أب جه مختلف الأضلاع.



🖑 اطوى المثلث بحيث ينطبق الرأس / على الرأس ب ماذا تلاحظ على قياس الزاويتين أ، ب المقابلتين للضلعين ب ج. ، اجر المختلفين في الطول؟

کرر هذا العمل بحیث ینطبق الرأس ب علی الرأس جـ ماذا تلاحظ؟

هل يوجد في هذا المثلث زوايا متساوية في القياس؟





ارسم المثلث إب ج مختلف الأضلاع ثم قس أطوال أضلاعه الثلاثة ، وقياسات زواياه المناظرة ثم أكمل الجدول التالي:

أطوال الأضلاع	قياسات الزوايا المقابلة
اب =م	ۍ (∠ج)=°
ب جـ = سم	ۍ (∠ا)=°
جام	ئ (∠ب)=°

ماذا تلاحظ؟



نظرية (٣)

إذا اختلف طولا ضلعين في مثلث فأكبرهما في الطول يقابله زاوية أكبر في القياس من قياس الزاوية المقابلة للأخر.

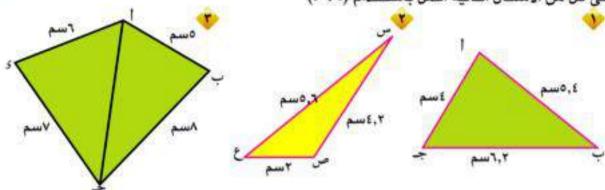
(1)

(٢)



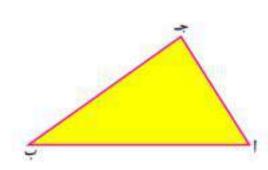


في كل من الأشكال التالية اكمل باستخدام (>، <)



$$\mathfrak{G}(\angle 1)$$
 $\mathfrak{G}(\angle \varphi)$ $\mathfrak{G}(\angle \varphi)$ $\mathfrak{G}(\angle \varphi)$ $\mathfrak{G}(\angle \varphi)$ $\mathfrak{G}(\angle \varphi)$ $\mathfrak{G}(\angle \varphi)$ \mathfrak

لاحظ أن:قياس أكبر زاوية في المثلث > ٦٠ قياس أصغر زاوية في المثلث < ٦٠ **لماذا؟**





في الشكل المقابل:

اب جمثلث فيه اب > ب ج > ج ا

(4) > 0 < (4) > 0 < (4) > 0 < (4) > 0 < (4) > 0 < (4) > 0 < (4) > 0 < (4) > 0 < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4) < (4

المعطيات: أب>بج>جا

المطلوب: إثبات أن $(\triangle +) > \emptyset$ ($\triangle 1$) > $(\triangle +)$

البرهان: في∆ أبج

من (١)، (٢) و باستخدام مسلمات التباين ينتج أن:

の(とよ)>の(人り)>の(とい)

تذكر أن؛ أكبر أضلاع المثلث طولاً يقابل أكبر زوايا المثلث في القياس وأصغر أضلاع المثلث طولاً يقابل أصغر زوايا المثلث في القياس.

مثال هثال

فى الشُّكل المقابل:

اب جـ مثلث، بُ مَّ ينصف ∠ اب جـ، جـ مَّ ينصف ∠ ا جـ ب فإذا كان: م جـ > م ب

برهن أن: ق $(\leq | 1 - +) > 0$ ($\leq | 1 - +))$

البرهان: في∆مبج

ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج > م ب
ن م ج >

فی △ اب ج

 $\therefore \overline{-q} \text{ since } \triangle | -+ + \cdots \otimes (\triangle q + +) = \frac{1}{7} \otimes (\triangle | -+ +) \otimes ($

نجم ینصف ∠اجب نق (∠مجب)= الحق (∠اجب) (۳)

. من (۱)، (۲)، (۳): ﴿ ق (\ اب ج) > ﴿ ق (\ اجب) من مسلمات التباين

.: ق (∠ابج)>ق (∠اجب) وهو المطلوب



المقارنة بين أطوال الأضلاع في المثلث

فكر وناقش

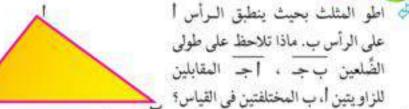
سوف تتعلم

 المقارئة بين أطوال الأضلاع في مثلث.

الوصطلحات الأساسية

- 🥏 أطول ضلع في مثلث.
- 🕏 أصغر ضلع في مثلث.
- 🦈 أكبر زاوية في مثلث.
- 🥏 أصغر زاوية في مثلث.
- 🥏 قطعة مستقيمة عمودية.

الشاط ا فى الشكل المقابل: أب جـ مثلث زواياه مختلفة فى القياس.



- کرر هذا العمل بحيث ينطبق الرأس ب على الرأس ج، ماذا تلاحظ؟
 - 🤣 عندما ينطبق الرأس جه على الرأس أ، ماذا تلاحظ؟
 - هل يوجد في هذا المثلث أضلاع متساوية في الطول؟

لاحظ أن: إذا اختلفت قياسات زوايا المثلث تختلف أطوال أضلاعه المقابلة لهذه الزوايا.

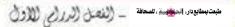
ارسم المثلث أب جب بحيث تكون زواياه مختلفة فى القياس، ثم قس أطوال الأضلاع المقابلة وأكمل الجدول الآتى:

أطوال الأضلاع المقابلة له	قياسات الزوايا
ب جـ = سم	。= (l <u>〉</u>)で
جا =سم	ق(∠ب) =
اب =م	ۍ(∠ جـ) =*

ماذا تلاحظ؟

- هل أكبر زاوية في القياس يقابلها أكبرُ ضلع في الطول؟ وأصغر زاوية
 في القياس يقابلها أصغر ضلع في الطول؟
- هل يمكن ترتيبُ أطوالِ أضلاع المثلث تصاعديًا أو تنازليًا تبعًا لقياسات الزوايا المقابلة لها؟

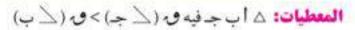




نظرية (٤)

وَ وَهُ الْمُعْلِينِ فِي مِثْلَثُ فَأَكْبِرِهُمَا فِي القَيَاسِ يَقَابِلُهَا صَلَّغُ أَكْبِرِ إِذَا اخْتَلَفَ قَيَاسًا زَاوِيتَيِنَ فِي مِثْلَثُ فَأَكْبِرِهُمَا فِي القَيَاسِ يَقَابِلُهَا صَلَّغُ أَكْبِر

في الطول من الذي يقابل الأخرى .



المطلوب: إثبات أن: أب > أج

البرهان: ١٠ أب ، أج قطع مستقيمة

٠٠ يجب أن تتحقق إحدى الحالات التالية:

(۱) اب<اج (۲) اب=اج (۳) اب>اج

إذا لم تكن أب > أجد

فإما أب= أج أو أب< أج

إذا كان أب= أج فإن ق (∠ج) = ق (∠ب)

وهذا يخالف المعطيات حيث إن ق (١ جـ) > ق (١ ب

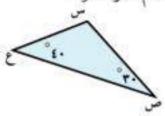
وإذا كان أب < أج فإن ف (ح ج) < ق (رك ب) حسب النظرية السابقة

وهذا يخالف المعطيات حيث أن ق (\leq ج) > ق (\leq ب)

.. بجب أن يكون اب> اجـ وهو المطلوب

المسالة المرب

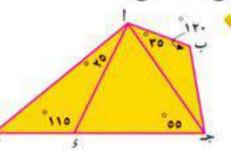
في الأشكال التالية أكمل باستخدام > أو < أو =



س ص س ع

صع س ص

ص ع س ع



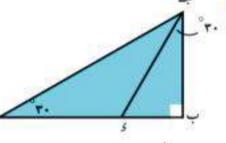
ب جـــــاب

ج د ج ا

ا کـــاهـ

جـ د ا و





اج.....ب

ب جـ و ب

اج....ب و

ج دا ج

نتائج

نتيجة (١)



فى المثلث القائم الزاوية يكون الوتر هو أطول أضلاع المثلث.

في الشكل المقابل: △ أب جدقائم الزاوية في ب.

∵ ∠ جـ حادة

فيكون اجـ > اب

لاحظ أن في المثلث المنفرج الزاوية الضّلع المقابل للزاوية المنفرجة هو أكبر أضلاع المثلث طولًا.



🔀 هيًا نفخر



اج > أب لماذا؟

ا ٤ > أب لماذا؟

اه > اب لماذا؟

هل طول ضلع القائمة في المثلث القائم الزاوية أصغر من طول الوتر . لماذا؟

نتيجة (٢)

طولُ القطعة المستقيمة العموديَّة المرسومة من نقطة خارجٌ مستقيم معلوم إلى هذا المستقيم أصغر من طول أي قطعة مستقيمة مرسومة من هذه النقطة الى المستقيم المعلوم.

تعريض؛ بُعدُ أي نقطةٍ عن مستقيم معلوم هو طولُ القطعة المستقيمة العمودية المرسومة من النقطة إلى المستقيم المعلوم.

مثال مثال

في الشُّكل المقابل: أب جـ مثلث ، هـ ∈ بأ

ای //ب جرای = ۳۰ (ای جرای = ۳۰

وه (\ كواه ا = ٥٧°

برهن أن: اج > اب

المعطيات: ای // بج، ق (\triangle ه ای) = ۷۰، ق (\triangle و اج) = ۳۰

المطلوب: إثبات أن اجـ > اب

البرهان: ١٠ أو // بج، أب قاطع لهما

.. ق (كب)=ق (كهداي)=٥٧°

: اي //بج، أجد قاطع لهما

.. ق (∠اجب) =ق (∠ و اجه)= ۳۵°

من (١) ، (٢) يكون:

في المثلث أب ج

ق (∠ابج)=٥٠°، ق (∠اجب)=٥٠٠°

اى ان ق (∠ ابج) > ق (∠ اجب)

∴اج>اب

بالتثاظر (١)

بالتبادل (۲)

وهو المطلوب



متباينة المثلث

فكر وناقش



🧬 متباينة المثلث.

المصطلحات الأساسية

سوف تتعلم

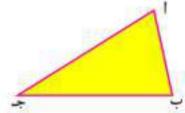
🥏 متباينة.

🥏 متباينة المثلث.

باستخدام المسطرة المدرجة والفرجار، حاولٌ رسم المثلث أب جـ حيث:

في أيُّ من الحالاتِ السابقة أمكنك رسم المثلث، وماذا تستنتج؟

حقيقة : في أي مثلث يكون مجموعُ طولي أي ضلعين في مثلث أكبر من طول الضلع الثالث.



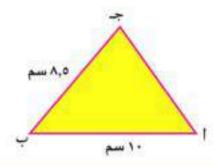
ای ان: فی أی مثلث أب جـ یکون:

اب +ب- > اجـ ب< +جا >اب اب +اج >بج

فمثلاً: الأعداد ٥، ٣، ٩ لاتصلح أن تكونَ أطوالَ أضلاع مثلث؛ لأن مجموع أصغر عددين = ٣ + ٥ = ٨ ، ٨ < ٩ ولاتحقق متباينة المثلث.



في المثلث أب جدادًا كان أب = ١٠ سم، ب جـ = ٥ ,٨ سم أوجد الفترة التي ينتمي إليها طول الضلع [ج.



الحل

- اج<اب+بج ∴ اج<٥,١٥ (١) لكن اج+بج>اب متباينة المثلث
- اج>اب-بج ∴ اج>ه,۱ (۲) من (۱)، (۲) ه،۱۸>اج>ه,۱



أوجد الفترةَ التي ينتمي إليها طولُ الضلِّع الثالث لكلِّ من المثلثات التالية إذا كان طولا الضُّلعين الآخرين هما:

🕩 7 سم، 9سم 🧼 ٥سم، ١٢سم 🌩 ٧سم، ١٥سم 🔹 ٢,٩ سم، ٢,٢ سم

الحل

أن متبانية المثلث

تنص على أن: مجموع طولي أي ضلعين في مثلث أكبر من طول الضلع الثالث

الفترة التي ينتمي إليها طول الضلع الثالث =] ١٥، ٣ [
 لاحظ : لا يمكن اختيار طول الضلع الثالث = ٣ سم (لماذا)
 لا يمكن اختيار طول الضلع الثالث = ١٥ سم (لماذا)

نافِشُ معلمك الإستكمال حلول (ب). (جـ). (د)

الأنشطة والتدريبات

(0 . [1 -] . [1 -] . [-])

 $(\cdot, r_{-1}, \cdot, r_{+1}, \frac{1}{\sqrt{1}}, \frac{r}{\sqrt{1}})$

(صفر ، ۱- ۱۲ ، ۲۰ ، ۲)

(الوحدة الأولى)

تمارين للمراجعة

صحيحان ليس	حيث أ. ب عددان	لآتية على صورة ب حيث	الآتية على	الأعداد	بوضع کل من	🌽 اکمل	9
					مشتركة، ب≠.	نهما عوامل ه	

= 11 / 🖎

0

الفصل الدراسي الأول

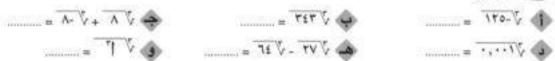
طبعت بمطابع دار، المنفورية ، للصحافة

الجذر التکعیبی للعدد النسبی تمارین (۱ – ۱)

🐠 أكمل الجدوّل الآتي:

		A -	r r		TV-	170	٨	العدد أ
٤-	37	910001101	-100000000	1		7+		77

🍲 🧷 اكمل



اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة أمام كل عبارة:

🎢 احْدَر الإجابة الصحيحة من بين الإجاباتِ المعطاة ا	مام كل عبارة:
= \(\bar{\sqrt{(\lambda-\sqrt{\pi}}}\)	(٢ أو ٢٠ أو ٤ أو ٤)
= 170 - V - 70 V	(۱۰ أو ٠ أو ٥ أو ±٥)
× + V o 7 + T T	(7 أو 1 أو ٣ أو ٢٠)
	(/ أو ١٠ أو ٢ أو ٢)
4 المساحةُ الحانية لمكعب حجمه ٢١٦سم =سم	(77 أه 7 أه ١٤٤ أه ٢٦

$$\sqrt{\frac{11}{7}} = \frac{1}{17} + \sqrt{170} = \frac{1}{17} + \sqrt{170} = \frac{1}{17}$$

🐠 🙋 أوجد قيمةً س في كلُّ من الحالات الآتية:

$$\Lambda = V + ^{T}$$
 \longrightarrow $\Lambda = V + ^{T}$ \longrightarrow $\Lambda = V + ^{T$

🐠 مسائل تطبيقية

- إناءٌ مكعبُ الشكل سَعته لتر واحد ، احسب طول حرفه.
- Φ كرة حجمها $\frac{1777}{\Lambda}$ وحدة مكعبة. أوجد طول قطرها (حجم الكرة = $\frac{4}{\pi}$ عن ")

مجموعة الأعداد غير النسبية نَ تمارين (١-٢)

		340			تذكر أن
. مر ، ب ≉ ۰	ا∈ صہ، ب ∈	رة 🕂 حيث	الصو	بعه على	العدد النسبي هو الذي يمكن وض
، ب∈ صۍ، ب∗۰	حيث أ∈ص.	الصورة 🕂	عه علم	كن وض	العدد النسبي هو الذي يمكن وض العدد غير النسبي هو الذي لا يم
		او ن.	زین ن	عد الرم	🔴 🧶 أكمل باستخدام أد
∋٠	+				∋∘ ♠
√√ €	4		\ 4	>	∋٠,٧- 🚸
		Э	π	>	∋ 1- ∜ 🌗
ıl:	مام العبارة الخد	وعلامة (X) أه	يحة ،	ة الصُّح	♦ ضع علامةً (√) أمام العبارة
(∈نَ (0-	()	59°1·×1,5 €
(∃نَ (v 4- ₹	()	<u>صفر</u> ∈ ن
() 7.	< V √ ⑤	()	﴿ √ ٠٠٠٠ و ن
() TV.	c 7. V 🐟	()	r < 1.7 🐠
() .	هو عدد نسبی	۲سم	سطحه	💠 طول ضلع مربع مساحة
					🎻 🏉 اختر الإجابة الصد
٤٧٦ أو ٩ أو ٣ أو ٦)	لحه = سم ً (.				🚯 المربع الذي طول ضلعه
۲ أو ﴿ أو √ ٧ أو √ ١٠			200		 العدد غير النسبي المحم

الفصل الدراسي الأول

(-7 le - 1 1 le - 17 le 17)

🔷 العدد غير النسبي المحصور بين ٢٠، ١٠ هو

آیجاد قیمة تقریبیة للعدد غیر النسبی تمارین (۱–۳)

		0.868 00
	سبىً فى كلُّ مما يأتى:	🐠 ضع دائرةً حولَ العددِ غير النا
	£ , - , 4	\$ 1- \\$, 1- \\$
ِ ما إذا كانت س ∈ ن أم س ∈ نَ	لُّ من الحالاتِ الآتية ، وبيُّن	🔷 🙋 اوجد قيمةُ س في ك
من ^۳ = ۱۲۵	7=1-1-1	﴿ € عسا = ٩
(س - ۲)۲ = ۱	(س - ۱)* = ۴	۹ = ۱س؛ ها ۱۰ = ۳س ها
محة إجابتك باستخدام الآلة الحاسبة.		
, في كل من الحالات الآتية:	دًا صحيحًا فأوجد قيمة س	🐞 觀 فَكْر إِذَا كَانَتَ سَ عَدَ
1+ m > 150 V > m 🔷	ب س د√ ۸۰ دس.	1+w= V V>w
۱ 🐠 س < 🕏 ۱۰۰۰ حس + ۱	+ س > ۳۰ √ ۲۰ حس +	۱+س ح √ ٥ ح س + ۱
لقوسين أمام كل عبارة:	حة من بين الإجابات بين اا	🔷 💋 اختر الإجابة الصحي
(√ · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·		🚯 العدد غير النسبي المحصو
(۲٫۹۹ أو ۲٫۷۱ أو ۳ أو -۲٫۲).		
(ه أو ٣ أو ٢ أو ه.١٢).	√ه آهو	 ♦ ١٠ ٧ = ♦ أقرب عددٍ صحيح للعدد أ
م (ه او -ه او √۱۰ او -√۱۰).		
(٨ أو ٤ أو ١٦ أو ٦٤).	م" يكون طول حرفهسم	📤 المكعب الذي حجمه ٢٤ سـ
		🐵 ارسم خطَّ الأعداد وحدَّد عليه
		و النقطة ب التي تمثل العدد ١
	_ ▼	و النقطة جـ التي تمثل العدد ١
اسم، ب جـ = ٣سم واستخدم الشكل في	ا الزاوية في ب حيث أ ب = ٢	﴿ ارسم المثلث أب جـ القائم ا
لعددُ - ١٣٧٠ على خُطِّ الأعداد.		

مجموعة الأعداد الحقيقية ح تمارين (ا–٤)

▽ ادرس المخطط السابق واجب بوضع علامه (√) إذ	انت العبارة صح	يحه وعلامه (٨) إذا كانت	ت
العبارة خطأ:			
🐠 كل عدد طبيعي هو عدد صحيح .)	(
﴿ الصفر ∈ مجموعة الأعداد النسبية .)	(
_~ U _~ = ~ 🏟)	(
 أى عدد غير صحيح هو عدد نسبى.)	(

﴿ أَكُمَلُ الْجِدُولَ التَّالَى بُوضِعِ عَلَامَةً (√) في المكان المناسب كما في الحالة الأولى :

عدد حقيقي	عدد غیر نسبی	عدد نسیی	عدد صحيح	عدد طبيعي	العدد
1	×	1	1	×	0-
					4.
					1/4
					4.2
					[7-]
					ī\v.
					110
					٠,٣
					1-1

الفصل الدراسي الأول

ملبعت ببطابع دار الجيفورية ، للسحافة الشرعات

علاقة الترتيب فى ح تمارين (ا–ە)

- إذا كانت س ∈ ح فاذكر ما إذا كانت س موجبة أو سالبة أو خلاف ذلك في كل من الحالات الآتية:
 س > ٥ س > ١-٥|
 - ♦ اثبت أن √ ٣ ينحصر بين ١,٥، ، ١,٥، مثّل الأعداد √ ٣ ، ١,٥، ، ١ على خطّ الأعداد.
 - ﴿ أُوجِد طُولَ ضلع مربع مساحته ٥سم ، هل طول الضلع عدد نسبي؟
 - أوجد طولَ حرَف مكَعب حجمه ٧٢٨, ١سم، هل طول الحرف عدد نسبى؟
 - - 🐠 أوجد طولَ ضلع مربع مساحته ٧سم٢، هل طول ضلعه و طول قطره عدد نسبي؟
 - أوجد طولَ حرَف مكَعب حجمه ١٢٥سم، هل طول الحرف عدد نسبى؟
 - 🔷 مكعب مساحته الكليه ٥,١٣,٥ سم٢، أوجد طول حرفه، هل طول الحرف عدد نسبي؟

الفترات تمارین (۱ – ٦)

🐵 🥒 أكمل الجدولُ الآتي كما بالمثال الأول:

تمثيلها على خطأ الأعداد	التَّعبير بصورةِ الصُّفةِ المميزة	الفترة
← ••••	ا(س: ١٠ ﴿ اس ﴿ ٢، س ﴿ ح}	[-1, 1]
]7.1]
	j	[7 600-[
	(س: ٠ < س ≤ ٣، س ∈ ح)	
	(س: س> -١، س ∈ ح	Ĭ.

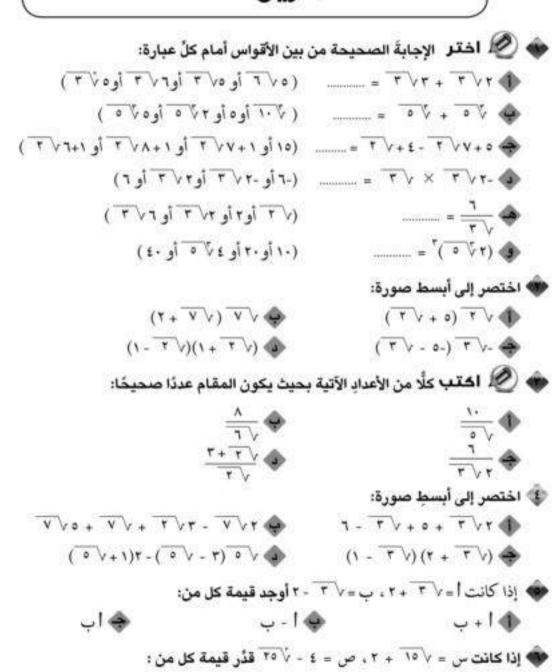
W.]0.1[
	(س: س > ٠، س ∈ ح)	

ا كمل بوضع أحد الرموز ∈ أو ∉:

💣 🥒 اختر الإجابة الصحيحة من بين الأقواس:

﴿ إِذَا كَانْتَ سِ = [- ١ ، ٤] ، ص = [٣ ، ٥٠ [، ع = (٣ ، ٤ أوجد مستعينًا بخط الأعداد كلًّا من:

العمليات على الأعداد الحقيقية تمارين (١ – ٧)



👁 س×ص

اختبر صحة تقديرك باستخدام الآلة الحاسبة.

🚯 س ، ص

👄 س + ص

العمليات على الجذور التربيعية تمارين (۱ – ۸)

عدارة:	أماهَ كا	القوست	مان سار	الصُّحيحةُ	الاحابة	اختر	0	-
حبارت.	سم م	اسوسين	س بیں			,	-	

🚸 🧶 أكمل لتحصلُ على عبارة صحيحة:

$$^{\prime}$$
اذا كانت س = $\frac{5}{\sqrt{V-V}}$ ، ص = $\frac{5}{\sqrt{V+V}}$ فأوجد قيمة س ص

أوجد في أبسط صورة قيمة المقدار سي ص - ١

طبعت بمطابع در. الحيفورية ، المعطفة الدرامسي الأول (٩)

العمليات على الجذور التكعبية تمارين (١ – ٩)

حان، ب أصغر قيمةٍ موجبة ممكنة.	ورةا ∜ب حيثا، ب عددان صحي	﴾ ضع كلًّا مما يأتي على ص
74V. 🚓	77	○E ♥ ④
₹7.7.F	1010 \$	717 V. 🐠
	مايأتى فى أبسط صورة:	🔌 🙋 أوجد ناتُج كلُّ م
$\frac{1}{\sqrt{5}}\sqrt{5} \times \frac{1}{\sqrt{5}}\sqrt{5}$	17AV - 70.V	TE V - 170V
$\overline{\iota \cdot \iota} \stackrel{\iota}{\vee} \overline{\iota} \times \overline{\iota} \times r \stackrel{\vee}{\vee} \overline{\iota} = 0$	v / V / V - V / V →	$\Phi \sqrt{\frac{7}{2}} + \sqrt{\frac{7}{p}}$
من:	ب = √ ٥ - ١ احسب قيمَة كلُّ ه	 إذا كانت أ = √ ه + ١ ، بـ
	(أ+ب)	•(ا-ب) ♦
		🔌 🖉 اثبت أن
	√ 0.5 = صفر	1 - VA71 + V71 - 7
	V = (7 × F)	♦ ₹ ₹ ₹ ₹ ₹ ₹ ₹ ₹ ₹ ₹ ₹ ₹ ₹ ₹ ₹ ₹ ₹ ₹ ₹
		◄اختر الاجابه الصحيحه مه
ص)* = "	ا + ١ ، ص = م ا ا ا ، فإن (س+	﴿ إذا كانت س = أ ٣
(4 , 7 , 17 , 7 £)	= 0 %	
**********	= TT \(\frac{1}{\sqrt{1}} \) + \(\frac{1}{\sqrt{1}} \)	T V)+ 1 V E
F . T . + T VE)		
فإن (س-ص) ً =	٠ ١٠ ٠ ٠ ٠ ٠ ٠ ٠ ٠ ٠ ٠ ٠ ٠ ٠ ٠ ٠ ٠ ٠ ٠	﴿ إذا كانت س = الله الله
(1, 17,71, 12)	_	
(۱، صفر، ۱۰ ، ۷	= -, \٢0 \/+	£9 + TV-V •
(A V , A , T V , 1E	V,)	TV:-17V 🇆
(T V A, T V IV, 4 V V., T	√ ∧-) = <u>^</u>	V 4 - YE V
190 (0)	.5	(6)

تطبيقات علىالأعدادالحقيقة تمارين (١ – ١٠)

• الختر الاجابة الصحيحة من بين الأقواس:

- المساحة الجانبية للاسطوانة الداثرية القائمة التي طول قطر قاعدتها ل وارتفاعها ع π المساحة الجانبية للاسطوانة الداثرية القائمة التي طول قطر قاعدتها ل وارتفاعها ع π الماء π الماء ع π الماء ع الماء ع
 - ◄ حجم كرة طول قطرها ٦سم = سم " (٣٨٨ ، ٣٦ ، ٣٦ ، ٣٦ ، ٣٨٨)
 - ﴿ مكعب حجمه ٢٧٢ سم٣ فأن طول حرفه = ... سم (١٠٥ ، ٨ ، ٢ ، ١٠٥)
- ه طول نصف قطر قاعدة اسطوانة دائرية قائمة حجمها ٣٤٠ سم وارتفاعها ١٠سم يساوي ... سم (٥ ،٣٠٣)

🐞 💋 أكمل لتحصل على عبارة صحيحة:

- 🐠 الكرة التي حجمها 🕏 πسم" يكون طول نصف قطرها سم
- 🜩 اسطوانة دائرية قائمة طولُ نصف قطر قاعدتها نق، وارتفاعها ع
 - فإن مساحتها الجانبية =وحجمها =
- 🐟 مكعب طول حرفه ٤سم فإن مساحته الكلية = سم"

کرة حجمها π ۳٦ سم وضعت داخل مکعب مست أوجه المکعب الستة أوجد: π

- ﴿ طُولُ نصفَ قطر الكرة ﴿ حِجْمُ المُكْعِبُ
- کرة من المعدن طول قطرها ٦سم صهرت وحولت إلى أسطوانة دائر ية قائمة طول نصف قطر قاعدتها عسم احسب ارتفاع الاسطوانة.
- إذا كان ارتفاع اسطوانة دائرية قائمة يساوى طول نصف قطر قاعدتها اوجد ارتفاع الاسطوانة علمًا
 بأن حجمها ٧٢ سم م.
 - کرة معدنية جوفاء طول نصف قطرها الداخلي ۲,۱سم وطول نصف قطرها الخارجي ۳,٥سم. أوجد كتلتها لأقرب جرام علمًا بأن السنتيمتر المكعب من هذا المعدن كتلته ٢٠جم (٣٤ = ٣٠)

طبعت بمطابع دن المغضية ، الصحافة المراسسي الأول (١١)

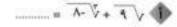
حـل الـمـعـادلات والمتباينات من الدرجة الأولى فى متغير واحدفى ح تمارين (۱ – ۱۱)

	ىبارةٍ صحيحةٍ حيث س ∈ ح	🐠 🥒 أكمل لتحصلُ على ء
۶ £ فإن س	ى ﴿ إِذَا كَانَ سَ ٣٠ ﴾	
٠ ٤ فإن س	ي 🚸 إذا كان ١ - س >	﴿ إِذَا كَانَ -٢ س ﴿٣ فَإِنْ سِ
		﴿ إِذَا كَانَ ﴿ ٣ ۖ سَ ﴾ ٤ فَإِرْ
المتبايناتِ التاليةِ، ومثل الحل على		C*
		خطُّ الأعداد:
۲ ← ۳ س ۲ ﴿ ١	4 س + ۵ ≥ ۳	🚻 ۲۰ س ۱۰ < ۵
7 ≥ 1 + m + 1 € 7	📤 ۱ - ٥س <٦	ه ۱۰۰۰ ۳ 🐠
المتباينات التالية ، ومثل الحل على	رة مجموعة الحلُّ في ح لكلُّ من	🐞 🙋 أوجد على صورة فتر
		خطّ الأعداد:
	۱≥۳-س۲≥٥- ♦٠	ا -۱ ≤۲ س +۱ < ه
	۷>٤+س+٤< ١	→ ۳- ≨ځس - ۷ ﴿ ه
	ه ۱ ≤۳-۲س ده	ه ۱ <ه - س ≼۲
المتباينات التالية، ومثل الحل على	رة مجموعة الحلُّ في ح لكلُّ من	🐞 💋 أوجد على صورة فتر
		خطَّ الأعداد:
	۵>۱-س-۱> ۳- 🌩	4> س- ≥ ۳- ﴿

٩ الم الحراق الله ١٠ الحراق الله ١٠ الله ١٠ الله ١٠ الله ١٠ الله ١٠ اله ١٠ الله ١٠ اله ١٠ الله ١٠ اله ١٠ الله ١٠ الله ١١ الله ١٠ اله ١٠ اله

تمارين عامة على الأعداد الحقيقية

🐠 🏉 أكمل لتحصلُ على عبارةٍ صحيحة:



أوجد على صورة فترة مجموعة الحلُّ في ح لكلُّ من المتباينات التالية ، ومثل الحلُّ على خط الأعداد:

(m)

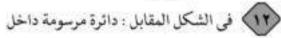
القصل الدراسي الأول

طبعت بمطابع دار، المنهورية ، للصحافة

- أسطوانةٌ دائريةٌ قائمةٌ حجمها ٧٢ سم، ارتفاعُها ٨سم. أوجد مساحتها الكلية.
 - الاعداد [٦،٢] مستعينًا بخطر الأعداد [٦،٢] ١ [٤،٧]

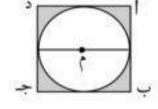
وأثبت أن س ٢ + ص ٢ = ٣٨ س ص

- إذا كانت س = √ 0 + ۲، ص = √ 0 ۲
 إذا كانت س = √ 0 + ۲، ص = √ 0 ۲
 فأوجد قيمة (س + ص) + (س ص) ٠.
- - إذا كائت ا = √ ۳ + √ ۲ ، ب = √ ۳ √ ۲
 فأوجد قيمة ا أ ا ب + ب ٢



المربع أب جدد فإذا كانت مساحه الجزء

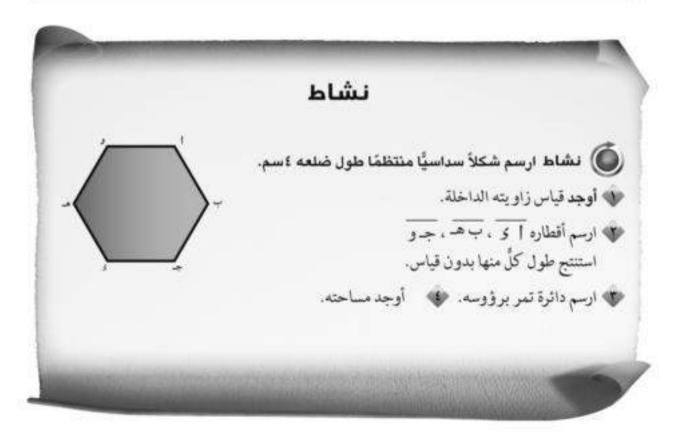
المظلل $\frac{1}{\sqrt{1000}}$ سم٢ أوجد محيط هذا الجزء (π



قطعه من الورق على شكل مستطيل أب جد ، فيه أب = ١٠ سم ، ب ج = £ سم ، طو يت على شكل أسطوانه دائريه قائمه ، بحيث ينطبق أب على $\frac{1}{\sqrt{1000}}$ على أسطوانه دائريه قائمه ، بحيث ينطبق أب على $\frac{1}{\sqrt{1000}}$

ئشاط تكنولوجي





طبعت بطايع در. المنظورة . المنطورة . الفصل الدر اسمى الأول 10

اختبار الوحدة

🐠 💋 أكمل لتحصل على عبارة صحيحة:

- أ -٣٠٢] ٥ ح. =
 أ ١٠٣٠] ٥ ح. =
 أ المعكوسُ الضريئُ للعدد ٢٠٠ هو
- ﴿ ﴿ ٥ ، ﴿ ٢٠ ، ﴿ ٤٥ ، ﴿ ٨٠ ، أكمل بنفس التسلسل.
- ﴿ إِذَا كَانَتُ سَ = ۗ ﴿ ٣ + ٧، صَ = ﴿ ٣ ٧ فَإِنْ (سَ + صَ) ۗ =
 - ♦ الدائرة التي محيطها ٢٠ سم تكون مساحتها ٣ سم ٢ سم ٢٠

اختر الإجابة الصحيحة من بين الأقواس أمام كل عبارة:

- ♣ مكعب حجمه ٢٤سم٣ فإن مساحته الجانبية = ... سم (٤ أو ٨ أو ١٤ أو ٩٦)
- (7 ie√7 ie 7√7 ie 7√7) = 7/-17/0
- \Leftrightarrow المعكوس الضربي للعدد $\frac{-\sqrt{1}}{1}$ هو $(\frac{17}{\sqrt{1}})$ أو $\frac{7}{\sqrt{1}}$ أو $7\sqrt{7}$ أو $7\sqrt{7}$
- (VTG le VT le TVT le 3 VT) = T-V+ OEV 6

- ۱۹۲ مناصر لأبسط صورة ٢ م/ ١٨ + مراءة + أم ١٩٢ ما ١٩٢٠
- 🐠 متوازى مستطيلات مصنوع من الرصاص أطوال أحرفه ٧٧سم، ٢٤سم، شكلت منه مادة لتكون $\frac{77}{V} = \pi$ کرة. أوجد طول نصف قطرها. ($\frac{77}{V} = \frac{77}{V}$)

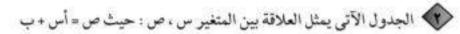
إذا كانت
$$\frac{1}{v} = \frac{1}{v}$$
 ، $\frac{1}{v} = \frac{1}{v}$ ، $\frac{1}{v} = \frac{1}{v}$ واذا كانت $\frac{1}{v} = \frac{1}{v}$

- 🐠 مستعينًا بخطُّ الأعداد أوجد]-١، ٣] ١ [٠، ٥] على صورة فترة
- ♦ أسطوانةٌ دائريةٌ قائمة حجمها ٩٢٤سم ، وارتفاعها ٦سم أوجد مساحتها الجانبية (π = 77).
- ﴿ إِذَا كَانِت سِ = ٧ ٢ ، ٢ ، ص = ١٠٠ ١ أعط تقديرًا لحاصل ضرب س × ص واستخدم الآلة الحاسبة لإيجاد الفرق بين تقديرك والإجابة الصحيحة.
 - ﴿ ﴿ أُوجِد مَجْمُوعَةُ الْحَلِّ فَي حَ وَمَثَلَ الْحَلِّ عَلَى خُطُ الْأَعْدَادِ

الوحدة الثانية

العلاقة بين متغرين تمارين (٢-١)

أوجد أربعة أزواج مرتبة تحقق كل من العلاقات الآتيه ، ومثلها بيانيا :



E	۳	Y	,	س
١٢	•	ك	۲	ص

أ ـ أوحد قيمه ك

ب_مثل هذه العلاقة بيانياً

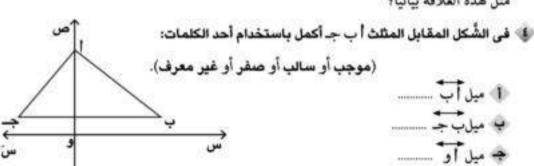
♦ ارسم المستقيم الذي يمثل العلاقة : ٤ ص - ٣ س = ١٢ و إذا كان هذا المستقيم يقطع محور السينات في النقطة أ ، و يقطع محور الصادات في النقطة ب ، أوجد مساحة المثلث و أب حيث ونقطة الأصل .

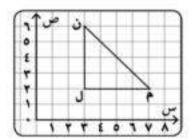
طبعت ببطايع دن الحيفينية ، الصحافة الأول (١٧)

ميل الخط المستقيم وتطبيقات حياتية تمارين (٢-٢)

🦠 أكمل لتحصلَ على عبارةٍ صحيحة:

- إذا كان أ (١،٦) ، ب(٢،١) فإن ميل أب يساوى
- إذا كان (١٠،٥) يحقق العلاقة ٣ س + ك ص = ٧ فإن ك =
 - 🌩 أي مستقيم يوازي محور السينات ميله =
 - 🐌 أي مستقيمً يوازي محور الصادات ميله
- إذا كانت أ، ب، ج على استقامة واحدة فإن ميل أب = ميل
- الشركة مع عصام ١٠ ورقات مالية فئة ٥ جنيهات، وأوراق مالية فئة ٢٠ جنيهًا، اشترى عصام من المركز الشجارى بما قيمته ٦٠ جنيهًا ، حدُّد الإمكانات المختلفة لدفع هذا المبلغ باستخدام الأوراق المالية التى معه، وأوجد العلاقة بين عددٍ كل منها ومثلها بيانيًّا.
- إذا كان ثمن طاولة الكمبيوتر ١٠٠ جنيه، و ثمن الكرسى ٥٠ جنيهًا ، فإذا باع المتجرُ في أحد الأسابيع بمبلغ ٥٠٠ جنيه، فما هي التوقعاتُ الممثلةُ لعددِ الطاولاتِ التي باعها ، وعدد الكراسي. مثّل هذه العَلاقة بيانيًا؟

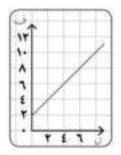




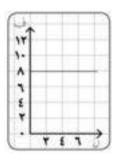
فى الشكل المقابل: ل م ن مثلث قائم الزاوية فى ل ، ق (\(\sum_\) = 65° فإذا كان ل (٢٠٣) ، م (٧٠) أوجد إحداثى ن واحسب ميل م ن .

ميل أجد

كلُّ من الأشكال التالية يوضِّحُ العلاقة بين المسافة ف (بالمتر) والزمن ن (بالثانية) لجسم. حدد موضعَ الجسمِ عند بدأ الحركة، وعند ن = ٦ ثوان ، وأوجد ميلَ المستقيم في كلُّ حالةٍ (ماذا يمثل الميل؟).

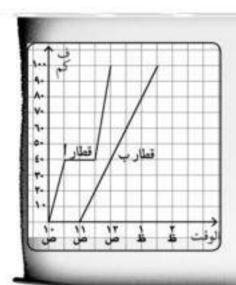








طبعت بمعابع دار الحيفيورية ، الصحافة الأول (19



نشاط

الشكلُ المقابلُ يوضُّحُ العلاقةَ بَين المسافةِ ف، والزمن ن لحركة قطارين أ، ب بين محطتين، حيث ف (بالكيلو متر)،

ن (بالساعة) استخدم الرسم لإيجاد قيمة:

- البعد بين المحطّتين.
 الزمن الذي استغرقه كلّ من القطارين.
 - · السرعة المتوسطة لكل منهما.
- ما دلالة القطعة المستقيمة في حركة القطار أ.
- المسافة المقطوعة السرعة المتوسطة = الزمن الكلى الذي قطعت فيه المسافة

اختبار الوحدة

- اختر الإجابة الصحيحة من بين القوسين أمام كلّ عبارة:
- أيُّ الأزواج المرتبة التائية تحقّق العلاقة ٢ س + ص = ٥

((-۲،۱) أو (۲،۱) أو (۲،۱) أو (۲،۲))



- * أَيُّ العلاقاتِ الآتية توضُّح العلاقة بين س ، ص الموضحة بالجدول المقابل. ص ١٠ ١٥ ١٦ (ص=س+٧ أو ص=س-٧ أو ص=٣س+١ أو ص=س+١
 - ج إذا كان ((٣، ٥)، ب (٥، ١٠) فإن ميل إب = (- ال أو - ١ أو ١٣ أو ١١ (
 - العلاقة ٢س + ٨ص = ٢٤ يمثلها مستقيمٌ يقطعُ محور الصّادات في النقطة. ((۸،۰) أو (۸،۰) أو (۳،۰) أو (۳،۰))
- اذا كانت ا = (۲، ۱۰)، ب (۱۰، ۲)، ج (۲، ۲) أوجد ميل كل من أب ،ب جه، جها، ارسم المثلث أب ج على الشبكة التربيعية ، ثم حدِّد نوع المثلث أب ج بالنسبة لقياسات زواياه.
- 🐲 ملاً عاطفٌ خزانَ سيارته بالوقود، وسعته ٥٠ لترًا ، و بعد أن قطع مسافة ١٠٠ كم، لاحظ أن مؤشر عداد الوقود يشير إلى أن الخزان به ألبط سعته. ارسم الشكل البياني للعلاقة بين المسافة المقطوعة وكمية الوقود بالخزان التي تتحركها السيارة ليكون الخزان فارغًا.

الوحدة الثالثة

جمع البيانات وتنظمها تمارين (٣ – ١)

🐠 فيمايلي الأجر الأسبوعي بالجنيهات لأربعين عاملاً في أحد المصانع

ov	77	44	AV	3.5	30	9.8	77	V١	٤٧
77	34	**	7.0	77	٧.	70	88	17	01
00	3.	٦٧.	47	99	70	4.	VV	٤٨	V٩
09	٤٨	9.5	£9.	TA	VA	ΛE	A	Vo	90

والمطلوب عمل جدول تكراري ذي مجموعات (خذ المجموعات الجزئية: ٣٠ -، ٤٠ -، ٥٠ -، ١٠ -)

44	**	44	٤٠.	TV	T.	٧.	٤٠	40	10
TV	44	77 77 70	77	TA	44	44	TA	77	40
71	TV	40	٤٠	71	44	77	40	45	**

وما المجموع

المطلوب:

- الك كون جدول تكراري ذي مجموعات لهذه الدرجات
- ، أوجد عدد التلاميذ الممتازين إذا كانت أقل درجة ليكون التلميذ ممتازًا هي ٣٦ درجة
 - 🐲 تبين البيانات التالية عدد أيام الإجازات التي حصل عليها ٤٠ عامل خلال سنة كاملة

۲.	77	11	TA	15	40	١٤	TV	11
17	*1	17	10	**	*1	W	*1	44
*1	10	۲.	4.	72	۲.	۲.	10	77
r -	۲.	TV	**	77	**	TA	٣.	10
	r. 17 11	F. F7 F1 F1 F1 T0 F. F.	F. F7 1E 17 F1 17 F1 10 F. F. F. FV	F. F7 1E FA 17 F1 17 10 F1 10 F. F. F. F. FV FF	7. 77 18 77 17 77 01 71 17 71 71 10 7- 7- 75 71 77 77 77	F. F7 18 FA 1F F0 F1 F1 F1 T0 FF F1 F1 10 F. F. FE F. F. F. FV FF F7 FF	T. T7 1E TA 1F TO 1E 17 T1 17 10 TF T1 1V T1 10 T. T. TE T. T. T. T. TV TY TA	T. TT 16 TA 17 TO 16 TV 17 T1 17 10 TF T1 1V T1 T1 10 T. T. TE T. T. 10 T. T. TV TT TT TA T.

المطلوب:

- 🕩 تكون الجدول التكراري لهذه البيانات
- ﴿ إيجاد عدد العمال الذين حصلوا على أجازات أكثر من ٢٠ يوماً في السنة.

طبعت بمطابع دار الحيفهورة ، الصحافة القدر اسسى الأول (٢١)

الجدول التكرارى المتجمع الصاعد والجدول التكرارى المتجمع النازل وتمثيلهما بيانيا

تمارین (۳ – ۲)

ጭ البياناتُ التالية لدرجات ١٠٠ طالب في امتحان تجريبي لمادة الرياضيات.

المجموع	+0+	-5.	-4-	-47	-1-	**	المجموعات
١٠٠	17	++	TA	10	١٤	۸	التكرار

والمطلوب:

- تكوين كلُّ من الجدول التكراريّ المتجمع الصّاعد والنازل.
- 🜩 رسم المنحني التّكراري المتجمع الصاعد والنازل على نفس ورقة الرسم البياني.
- من الرسم أوجد عدد الطلاب الحاصلين على أقل من ٤٠ درجة، والحاصلين على ٤٠ درجة فأكث .
 - النسبةُ المثويةُ لنجاح الطلاب، علما بأن النهاية الصغرى للنجاح ٢٠ درجة.
 - 📤 ما النسبةُ المئويةُ للطلابِ الحاصلين على أكثر من ٤٥ درجة.؟
 - 🐠 الجدول الآتي يبين التوزيع التكراري لدرجات ٥٠ طالبا في أحد الاختبارات.

المجموع	-47	-44	-14	-15	-1.	1	-+	المجموعات
٥.	٤	٧	17	1.	3	٥	۲	التكرار

والمطلوب: رسم المنحني التكراري المتجمع الصاعد لهذا التوزيع

🐠 الجدول الآتي يبين التوزيع التكراري للأجر اليومي لمجموعة من العمال .

المجموع		-10	sto.	-10	-14	-0	المجموعات
1	۸-	11	4.	T £	11	1.	التكرار

والمطلوب: رسم المنحني التكراري المتجمع النازل لهذا التوزيع

🐠 الجدول الآتي يمثل التوزيع التكراري لأعمار ٥٠ عاملا بأحد المصانع.

المجموع	-0-	-50	-50	-40	4	-70	-۲-	المجموعات
٥.	+	٥	79999	17	•	٨	٥	التكرار

والمطلوب:

- أكمل الجدول.
- 🐵 ارسم المنحني التكراري المتجمع الصاعد والمنحني التكراري المتجمع النازل لهذا التوزيع.
 - من الرسم أوجد:

أولاً : عدد العمال الذين أعمارهم أكبر من ٣٢ سنة

ثانيًا: عدد العمال الذين أعمارهم أصغر من ٤٣ سنة

🐠 فيمايلي التوزيع التكراري الذي يبين درجات ١٠٠٠ طالب في إحدى المواد.

المجموع	8.	-A-	-V-	-1-	-0-	-1.	-Ve	3/2	النسبة المثوية
1	4.	11.	17-	10.	17.	17-	٧.	4.	عدد الطلبة

والمطلوب:

- رسم المنحنيين المتجمعين الصاعد والنازل لهذا التوزيع.
 - ، عدد التلاميذ الحاصلين على أقل من ٧٥ درجة.
 - 🚓 عدد التلاميذ الحاصلين على أكثر من ٨٥ درجة.

طبعت بمطابع دار. الجيفورية ، الصحافة الأول (٢٣)

الوسط الحسابى والوسيط والمنوال تمارين (۳ – ۳)

الجدول التكرارى الآتى يبين التوزيع التكرارى لعدد أيام الأجازات بأحد المصانع لعدد ٥٠ عاملا.

المجموعات	-4	-7	-1-	-N£	-14	-77	-77	
التكرار	£	٥	٨	4-5	٧	٥	1	

أوجد: أولاً: قيمة ك ثانيا: الوسط الحسابي لهذا التوزيع

◈ الجدول الآتي يبين توزيع ١٢٠ طالبا حسب أطوالهم بالسنتيمترات

المجموع	-17.	-107	-101	-154	-111	-12.	الطول بالسنتيمتر
14.	11	W	**	TA	Y-	17	التكرار

أوجد الوسط الحسابي لهذا التوزيع

🐠 فيمايلي توزيع الأجور لبعض العاملين في أحد المصانع.

مجموعات الأجور	-٣٠٠	-1	-0++	-7	-v	المجموع
عدد العمال	۸	14	1A	٧	٥	٥.

ارسم منحنى التكرار المتجمع النازل لهذا التوزيع ثم أوجد الأجر الوسيط

🐠 في الجدول التكراري التالي ذي المجموعات المتساوية في المدي.

المجموع	-7.	س -	-£•	-7.	-4.	-1.	المجموعات
١							التكرار

أولاً: أوجد قيمة كل من س ، ك

ثانيًا: ارسم في شكل واحد المنحنيين المتجمعين الصاعد والنازل ثم احسب الوسيط.

الجدول الآتي يبين التوزيع التكراري لأوزان ٥٠ تلميذا بالكيلو جرام بأحدى المدارس



المجموع	-00	-0 •	-£0	-£•	-40	-4.	الوزن بالكيلو جرام
0-	1+4	1-25	1+24	೨ ٤	عاد	1 + 의	عدد التلاميذ

أولاً: أوجد قيمة ك ثانيًا: ارسم المدرج التكراري وأوجد الوزن المنوالي

🐠 الجدول التكراري الآتي يبين التوزيع التكراري لأطوال ٢٠٠ تلميذ في إحدى المدارس



المجموع	-16.	-140	-14.	-170	-17.	-110	-11.	الطول بالسنتيمتر
٧	10	٤٠	٦.	40	TA	17	1.	عدد التلاميذ

ارسم المدرج التكرارى لهذا لتوزيع وأوجد الطول المنوالى

الفصل الدراسي الأول طبعت بمطابع دار، الجينية السحافة

تمارين عامة على الإحصاء

﴿ الجدولُ الآتي يبين التَّوزيعَ التكراريُّ لدرجات ٥٠ طالبًا في أحد الاختبارات:

المجموع	- ٢٦	-77	- ۱۸	- 18	-1.	-7	- ٢	المجموعات
	1	٧	17	١.	4	٥	٣	التكرار

اوجد أولًا: الوسط الحسابي لدرجة الطالب. ثانيًا: الوسيط

🕸 من الجدولِ التكراريُّ التالي ذي المجموعات المتساوية في المدي أوجد:

المجموع	-7-	-0.	-1.	س -	-4.	-1.	المجموعات
Y++:	٤	4+4	77	۲.	W	1.	التكرار

أولاً: أوجد قيمة كل من س ، ك

ثانيًا: ارسم في شكل واحد المنحنيين المتجمعين الصاعد والنازل، ثم احسب الوسيط.

🐠 💋 أوجد المنوالَ للتوزيع التَّكراريُّ التالي لدرجاتِ ٤٠ طالبًا في أحد الاختبارات:

المجموع	۸٠	- V+	-1.	- 0 +	- 1.	- 4.	مجموعات الدرجات
٤٠	٦	٧	A	17	£	٣	التكرار

الجدولُ الآتى يبيِّن التوزيعَ التكرارئ ذى المجموعات متساوية المدى للأجور الأسبوعيَّة لعدد
 ۱۰۰ عامل بأحد المصانع.

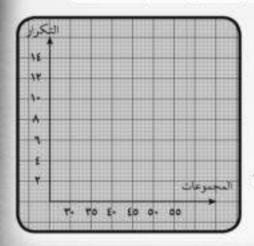
مجموعة الأجر بالجنيه	- V+	-۸۰	- 4 -	-1	س -	-14.	- 17.
عدد العمال	٧.	15	٤- ئا	٧.	17	١٤	11

أوجد 🐠 قيمةً كلُّ من س، ك 😻 الأجر المنوالي بالجنيه

نشاط

الجدولُ الآتي يبِّين التوزيعَ التكراريُّ لأوزان ٥٠ تلميذًا بالكيلو جرام بإحدى المدارس٠

المجموع	- 00	- 0 -	- £0	- 1.	- 40	-7-	الوزن يالكيلو جرام
0-	٤	٨	٧.	36	27	٧	عدد التلاميذ



أولاً: أوجد قيمة ك.

ثانيًا: احسب الوسط الحسابيّ.

ثالثًا: ارسم المنحني التكراريُّ المتجمعَ الصاعد.

رابعًا: ارسم المدرجَ التكراريُّ وأوجد الوزنَّ المنوالي.

خامسًا: أوجد الوسيط.

اختبار الوحدة

🐠 أكمل بإجابات صحيحة:

- إذا كان الحدُّ الأدنى لمجموعة ٨ والحدُّ الأعلى لنفس المجموعة ١٤ فإن مركزها =
 - إذا كان الحدُّ الأدنى لمجموعة ٤ ومركزها ٩ فإن حدَّها الأعلى =
- 🚓 نقطةُ تقاطع المنحنيين المتجمعين الصّاعد والنازل تعين على محور المجموعات.
- إذا كان الوسطُ الحسابيُ لتوزيع تكراريُ هو ٣٩,٤ ومجموعُ تكراراته ١٠٠ فإن مجموعَ
 حواصل ضرب تكرار كلَّ مجموعةٍ في مركزها =

🐠 الجدولُ التالي يبِّين التوزيعَ التكراريُّ لأوزان ٢٠ طفلًا بالكيلو جرام

المجموع	- 10	- 70	- 40	- 10	- 0	المجموعات
*	۲	£	٧	£	٣	التكرار

أوجد الوزنَ الوسيطَ بالكيلو جرام باستخدام المنحنيين التَّكرارين المتجمع الصَّاعد والنازل لهذا التوزيع.

ጭ فيمايلي التوزيعُ التَّكراريُّ للحافز الأسبوعي لعدد ١٠٠ عامل في أحد المصانع.

V.	-7-	-0.	- ٤ -	- 4 -	- 7 -	الحوافز بالجنيه
٨	Y :	17	TT	ك	Yes	عدد العمال

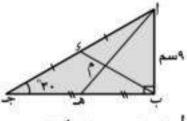
- 🐠 احسب قيمة ك.
- أوجد الوسط الحسابي لهذا التوزيع.
- القيمةُ المنوالية للحافز الأسبوعي باستخدام المدرج التّكراري.

الوحدة الرابعة

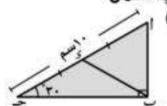
متوسطات المثلث تمارين (٤ – ١)

🙋 أكمل

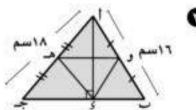




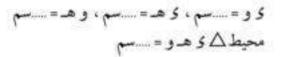
ا جـ =سم ، ب 5 =سم م ک =ب ک ، م ک =سم



ب 5 = سم ، اب =سم محيط △ اب ي =سم



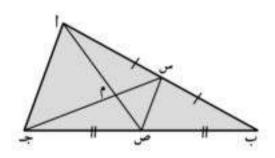
اجـ =سم ، ا 2 =سم ب جـ =م ، جـ ک =م



فى الشكل المقابل:

اب جـ مثلث ، س منتصف اب ، صمنتصف ب جر، س ص = ٥سم، س جـ ∩ ا ص = (م) حيث: جـم = ٨سم ، ص م = ٣سم أوجد:

- (١) محيط △م س ص
- (۲) محيط △م اج



• اب جـ مثلث ، و منتصف ب حـ ، م ∈ او بحيث ام = ۲ م و ، رسم جـ م فقطع اب فی هـ .
فإذا کان هـ جـ = ۱۲سم
اوجد طول هـ م

♦ في الشكل المقابل:
 أب ج مثلث قائم الزاوية في ب،
 • (∠ أجب) = ٣٠°
 أب = ٥سم، هـ منتصف أجـ
 إذا كان ك هـ = ٥سم
 فاثبت أن • (∠ أ ك ج) = ٩٠°

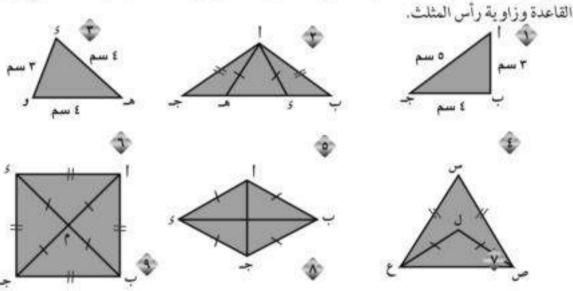
المثلث المتساوى الساقين تمارين (٢ – ٢)

لاحظ أن:

- (او يتا القاعدة في المثلث المتساوى الساقين حادة.
- (او ية الرأس في المثلث المتساوى الساقين من الممكن أن تكون حادةً أو قائمةً أو منفرجةً.
 لذلك قد يكون المثلثُ المتساوى الساقين منفرج الزاوية أو قائم الزاوية أو حاد الزوايا كما يوضح



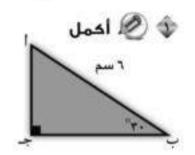
* في كلُّ من الأشكالِ التالية اذكر المثلثاتِ المتساوية الساقين وحدِّد قاعدتها ثم لاحظ نوع زاويتي



الفصل الدرامس الأول

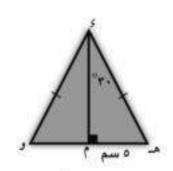
طبعت بمطابع دار، المنهورية ، للصحافة

نظریات المثلث المتساوی الساقین تمارین (۴ – ۳)

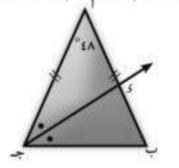


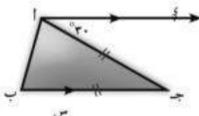


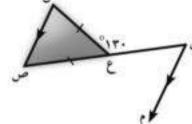
اجــــــ سعـــــــم



دهـ=...سم، ق (\(حـ) = هـ و و) = هـ







🅸 فى الشُّكل المقابل:

💠 فى الشِّكل المقابل:

ابجمثلث فيه اج=بج، ا و المجر، ق (\ و اج)=٣٠٠ المجرد و المجرد و

🕸 في الشُّكل المقابل

ع ∈ رس ، سع=صع ق (\ لعس)= ۱۳۰° ، لم // سص الم // سص الم // سص الم // سص الم // سص

🔹 في الشُّكل المقابل

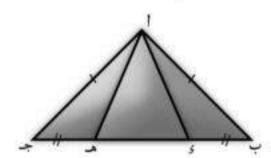
اب=اج، ق (∠ب)=(٢س+١٢)° ق (∠ج)=(٣س-١٧)°

اوجد قیاسات زوایا △ اب ج

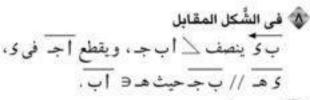


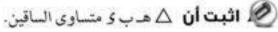
اب جـ مثلث متساوى الساقين فيه اب = ا جـ، ك ∈ ب جـ، هـ ∈ ب جـ بحيث ب ك = هـ جـ

اثبت أن أولاً: △ أو هـ متساوى الساقين ثانيًا: △ أو هـ ≡ △ أهـ و

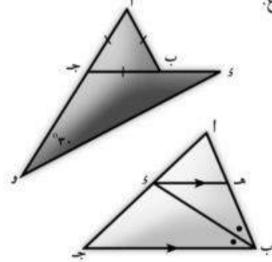


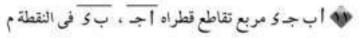
- ﴿ في الشكل المقابل: أب جه مثلث متساوى الأضلاع. و ∈ أجه، د ∈ جب،
 - ق(∠و و جـ) = ۳۰ °
 - **اثبت أن** △ 5 جـ و متساوى الساقين.



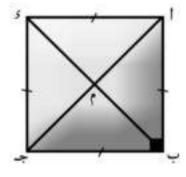


- ﴿ اب جـ مثلث فيه و و اب ، هـ و بجـ بحيث كان ب و = ب هـ، فإذا كان و هـ // اجـ
 - 🎾 اثبت ان اب-بج
 - 🕸 اب جمثلث فيه اب=اج، ب و تنصف 🗅 اب ج، ج و تنصف 🗅 اجب
 - **اثبت أن** △ وب جـ متساوى الساقين.





🙋 أكمل وناقش



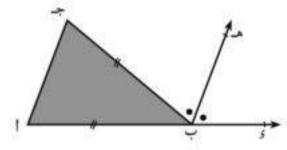
نتائج على نظريات المثلث المتساوى الساقين تمارين (٤ – ٤)

🐠 اكمل لتحصل على عبارة صحيحة:

- 🐠 مُنَصِّفُ زاوية الرأس في المثلث المتساوى الساقين ينصف القاعدة ويكون
 - 👽 عدد محاور تماثل المثلث المتساوي الأضلاع تساوي
- 🚓 أي نقطة على محور تماثل قطعة مستقيمة تكون على بعدين متساوين من
 - إذا كان قياس احدى زوايا مثلث متساوى الساقين ١٠٠°
 - فإن قياس احدى الزاو يتين الأخريين =

🐠 اختر الاجابة الصحيحة من بين الإجابات بين القوسين :

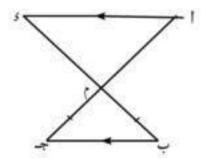
- عدد محاور تماثل المثلث المتساوى الساقين = ...
- ب المثلث الذي أطوال أضلاعه ٢سم، (س + ٣) سم، ٥سم يكون متساوى الساقين عندما س = سم (١ ، ٣ ، ٣ ، ٢)
 - نقطة تقاطع متوسطات المثلث تقسم كل منها من جهة القاعدة بنسبة



فی الشکل المقابل: اب=بج، به منصف ∠جب۶ اثبت أن به // آج

ى الشكل المقابل:

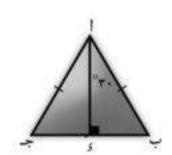
(۱) △ ام ک متساوی الساقین

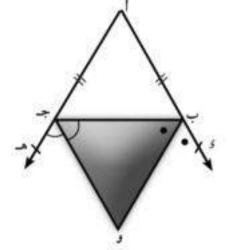


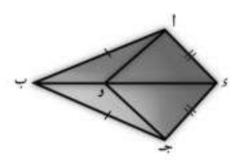
تمارين عامة على متوسطات المثلث والمثلث المتساوى الساقين

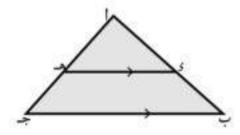
🐠 فى الشَّكلِ المقابِل

اب=اج، بج= ١٠سم، ق (\ با ك) = ٣٠ ، ا ك ل بج ا أولاً: أوجد طول كل من بك ، ا ك . ثانيًا: ما عدد محاور تماثل المثلث أب جـ ؟ ثالثًا: ما مساحة ك أب جـ ؟









أب الشكل المقابل أب اج، و ∈ أب ، هـ ∈ أجـ بو ينصف ∠ و ب ج. جو ينصف ∠ ب جـ هـ

🎾 اثبت ان

أولاً: △ ب و جـ متساوى الساقين ثانيًا: أو محور تماثل ب جـ

فى الشكل المقابل ا مال

اب=جب، او=جو

اثبت ان

بۇ يىصف ∑اۇ ج وۇينصف ∑اب ج

فى الشكل المقابل ك هـ // ب جـ، أ و = أهـ برهن أن: أب = أجـ.

تمارين للمراجعة

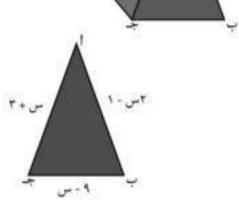
🏟 في الشكل المقابل:

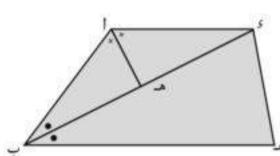
🐠 في الشكل المقابل:



اب جـ و شكل رباعي فيه ا و // ب جـ ،

ب و ينصف \ اب جـ
ا هـ ينصف \ ب ا و
ا شيت أن: أولاً: أب = أ و ثانيًا: ا هـ لـ ب و
ثالثًا: ب هـ = هـ و





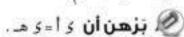
نشاط

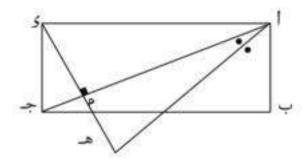
🐠 باستخدامِ المسطرة والفرجار ارسم 🛆 ا ب جـ الحادة

وفي الجهة الأخرى من ب أ ارسم أه //ب ج.

🐨 في الشَّكل المقابل أب جد و مستطيل،

اج قطرفيه، آه ينصف \ باج،





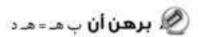
الهندسة اختبار الوحدة

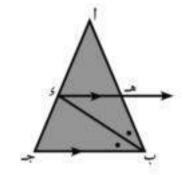
الكمل لتجعلُ العباراتِ صحيحةً:

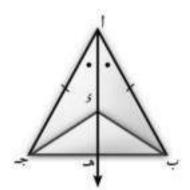
- ، المتوسطُ المرسومُ من رأسِ المثلث المتساوي الساقين يكون........
- - 🐵 عدد محاور المثلث المتساوي الأضلاع =
 - 🗻 قياسُ الزاوية الخارجة عن المثلث المتساوي الأضلاع =
 - المستقيمُ العموديُّ على القطعةِ المستقيمة من منتصفها يسمى

🐠 في الشكلِ المقابل:

اب جـ مثلث فیه ب رقی ینصف ∠ اب جـ و یقطع اجـ فی ک، ورسم کـ هـ ا// جـ ب کـ هـ ۱ اب = (هـ)







فى الشكلِ المقابِل أب جـ مثلث فيه أب = أجـ،

اهـ ينصف ∠ب أجـ، أهـ ∩ب جـ = {هـ}

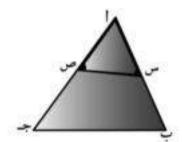
ك ∈ أهـ.

الوحدة الخامسة

التباین تمارین (ه – ۱)



اب جـ مثلث فيه ا جـ > اب، س ∈ اب ص ∈ اب ص ص ∈ اجـ بحيث ق (\ ا س ص) = ق (\ ا ص س) اثبت أن: ص جـ > س ب

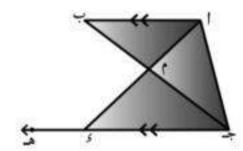




اک ∩ جب= (م)، هد ∈ جدی ، هد ∉ جدی اثبت آن: ﴿ ق (\(اجدی) > ق (\(ابج)) \)

(\(\(\) = (\(\) = (\(\) = (\) \)

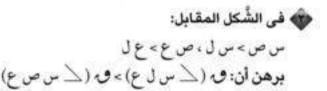
(\(\) = (\(\) = (\(\) = (\) \)



﴿ م نقطة داخل المثلث أب ج، اثبت أن: ق (كام ب) > ق (كاجـب)

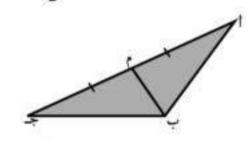
المقارنةبين قياسات الزوايا فى المثلث تمارين (ه – ۲)

﴿ ﴾ ١ ب جدفيه ا ب = ٧,٧سم، ب جد = ٥,٨ سم، ا جد = ٢سم رتب قياسات زوايا المثلث تصاعديًّا.

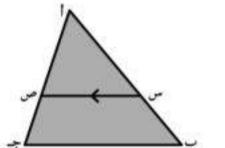




فى الشكل المقابل: بم متوسط فى △ اب جـ، بم < ام برهن أن: ∠ اب جـ منفرجة.

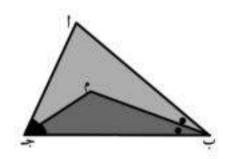


فى الشكل المقابل:
 اب ج مثلث فيه اب > ا ج، س ص // ب ج
 برهن أن: ق (∠ ا ص س) > ق (∠ ا س ص)

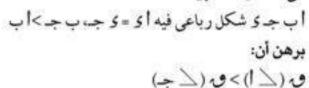


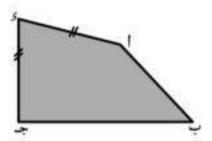
ف الشكل المقابل:

 اب جمثلث، بم ينصف ∠ اب ج،
 جمينصف ∠ اجب.
 فإذا كان: اب > اج، برهن أن:
 و (∠م جب) > و (∠م ب ج)



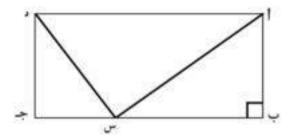
💠 فى الشكل المقابل:



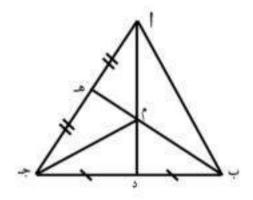


🔷 في الشكل المقابل:

اب جـ د مستطیل، س ∈ ب جـ حیث اس > س د اثبت أن: ف (∠ س ا ب)> ق (∠ س د جـ)



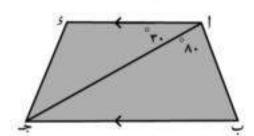
🐠 في الشكل المقابل:



♦ اب جـ و شكلٌ رباعيٌ فيه اب أكبر الأضلاع طولاً ، جـ و أصغرُ الأضلاع طولاً برهن أن:
• (∠ ب جـ و) > • (∠ ب أ و)

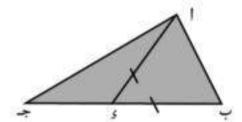
المقارنه بين أطوال الأضلاع فى المثلث تمارين (ه – ٣)

- \bullet ۵ أب جافيه ق (\triangle ا) = ٤٠°، ق (\triangle ب) = ٥٧°، رتب أطوال أضلاع المثلث تنازليًّا.
 - فى الشّكل المقابل:
 اك // بج، ق (∠ب اج) = ۸۰°
 ق (∠ و اج) = ۳۰° برهن أن: بج> اب

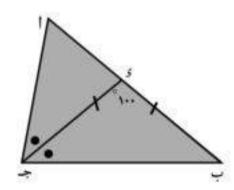


فى الشكل المقابل:

 اب جـ مثلث و ∈ ب جـ حيث ب و = ا و
 برهن أن: ب جـ > ا جـ

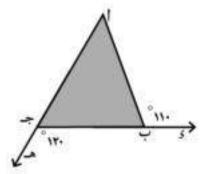


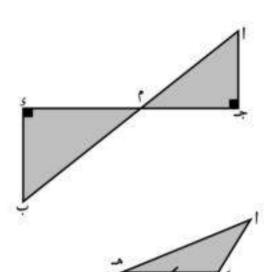
﴿ فَ الشكل المقابل:
 اب جـ مثلث، جـ كُ ينصف ∠ جـ ويقطع اب فى و
 ﴿ ﴿ لَـ بِ وَجِ) = ١٠٠ °، و ب = و جـ
 برهن ان: اجـ > و ب.

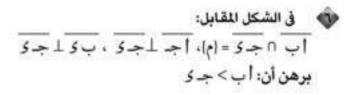


فى الشكل المقابل:

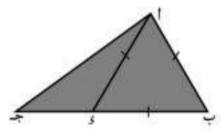
 اب جـ مثلث، و ∈ جـ ب، هـ ∈ ا جـ
 وۍ (∠ابو) = ۱۲۰°، وۍ (∠ ب جـ هـ) = ۱۲۰°
 برهن ان: اب>ب جـ .







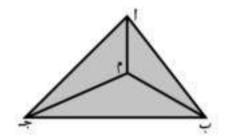
- ﴿ فَى الشكل المقابل: أب جـ مثلث منفرج الزاوية فى ب ك هـ // ب جـ برهن أن: أهـ > أ ك
- $(s) = \overline{(1)} \cap \frac{1}{4}$ اب جـ مثلث، جـ کَ ینصف \triangle جـ ، جـ کَ (1) اب (2) ، برهن أن : ب ج > ب
- ﴿ ﴾ △ أب جدفيه ق (﴿ أ) = (٥س ٢٠) ، ق (﴿ ب) = (٦س ١٠٠) ، ق (﴿ ج) = (س ٢٠٠) ، رتب أطوال أضلاع المثلث تصاعديًا.



- ف الشكل المقابل:
 أب ج مثلث، و ∈ ب ج ، أب = أو = ب و برهن أن: ب ج > أج
- اب جدمثلث قائم الزاوية في ب، و ∈ اج ، هد ∈ ب ج بحيث او = ب هداثبت أن:
 و (∠ جدو) > و (∠ جدو هـ)

متباينة المثلث تمارین (ہ – ٤)

- ﴿ إذا كان طولا ضلعين في مثلث متساوى الساقين ٥سم، ١٢سم فما هو طول الضلع الثالث؟ اذكر السبب.
 - ﴿ بِيِّنَ أَى مجموعاتِ الأطوال الآتية تصلحُ لأن تستخدمَ في رسم مثلث:
 - 🦚 ۵سم، ۷سم، ۸سم 📗 ٤سم، ۹سم، ۳سم
 - 🚓 ۱۰سم، ۲سم، ۶سم 🚳 ۱۰سم، ۱۷سم، ۳۰سم.
 - 💠 برهن أن طولَ أي ضلع في المثلث أصغر من نصف محيط المثلث.

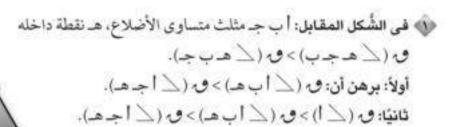


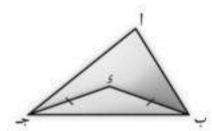
﴿ فَي الشَّكُلُ المَقَابِلُ:

اب جدمثلث ، م نقطة داخله برهن أن: م ا + م ب + م ج > ﴿ محيط المثلث أب ج

🐵 برهن أن مجموع طولي قطري أي شكل رباعي محدَّب أصغر من محيط الشكل.

تمارين عامة على التباين

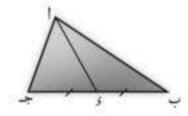




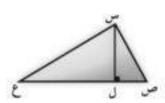
♦ فى الشكل المقابل: وب= وج. وه (∠ اب ج.) > وه (∠ اجب)

اب جـ مثلث فيه اب = ٦سم، اجـ = ٧سم، ب جـ = ٨سم
 رتب قياس زواياه ترتيبًا تصاعديًا

برهن أن: ق (\ اب ي) > ق (\ اج ي)



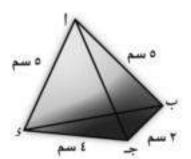
♦ فى الشكل المقابل: اب> اج، وب = و جـ برهن أن ق (\(\sum \) برهن أن ق (\(\sum \) با و) < ق (\(\sum \) جـ ا و).



فی الشکل المقابل: w = 0 س w = 0 س w = 0 س w = 0 س w = 0 س w = 0 برهن أن ق w = 0 ل س w = 0 س w = 0

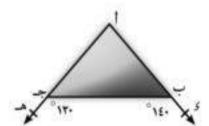
🐞 في الشُّكل المقابل:

اب جـ و شكل رباعى فيه اب= ا و = ٥سم، ب جـ = ٢سم، و جـ = ٤ سم. برهن أن ق (∠ اب جـ) > ق (∠ ا و جـ)



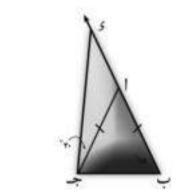
ጭ في الشُّكل المقابل:

ق (∠ ک ب جـ)=۱٤٠° ق (∠ هـ جـ ب)=۱۲۰° برهن أن جـ ب> أب



🐠 فى الشكل المقابل:

اب=اج ق (∠ابج)=٥٠٥ ق (∠اجری)=٢٠٠ برهن ان اب>ای



ጭ فى الشكل المقابل:

ۍ (∠ ب)=۹۰° برهن ان اج> ۶ جـ



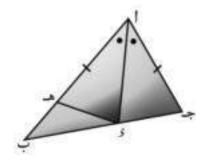
ጭ في الشكل المقابل:

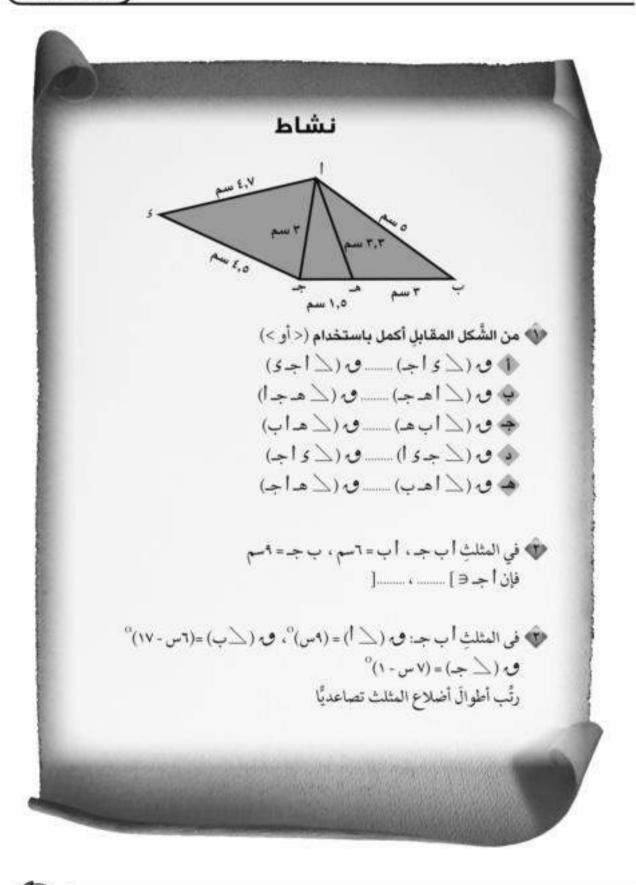
اج> و ج، ق (∠ جاو) = ق (∠ باو) اه=اج

برهن أن: 🜓 ك هـ = ك جـ

و (∠بهدی)>ق (∠اوج)

🚓 ب ک > ک جد .





اختبار الوحدة

أكمل لتكون العبارةُ صحيحةً:

- أصغرُ زوايا المثلث في القياس يقابلها
- ﴿ في △ أب جد: إذا كان ق (﴿ أَ) = ٧٠ ، ق (ب) = ٣٠ فإن أكبر أضلاع المثلث طولاً هو
 - 🚓 إذا كان طولا ضلعين في مثلثٍ متساوى الساقين ٣سم ، ٧سم فإن طولَ الضَّلع الثالث =
 - ﴿ △ اب جـ فيه: ق (△ ا) = ١٠٠٠ فإن أكبر أضلاعه طولاً هو
 - ﴿ △ اب ج فيه اب = ٣ سم، ب ج = ٥ سم، فإن ا ج ∈].....
 - 🐠 أطولُ أضلاع المثلث القائم الزاوية هو

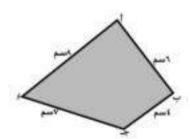
🐵 في الشُّكلِ المقابل:

اب جدى شكل رباعي فيه اب=٦سم، ب جـ=٤سم،

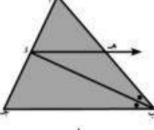
جـ ٤ = ٧سم، ٤ l = ٨سم

برهن أن:

(∠+=2)>0 (∠+=12)



🔷 في الشِّكلِ المقابل:

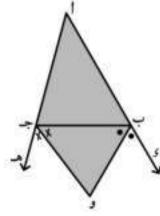


🐠 في الشكل المقابل:

۵ اب جافیه اب> ا جاء کا جاء مد د آج بو پنصف∠ کا ب جاء جاو پنصف∠ ب جاهـ بو آجو = اوا

برهن أن:

- (∠e++)>0 (∠++e)
 - ، جـو>بو



نماذج امتحانات الجبر والإحصاء

النموذج الأول

[١] أكمل ما يأتي :

- (۱) مجموعة حل المعادلة (س + ۳) (س + ۱) = . هي (س ∈ ع)
- (۲) إذا كان الحد الأدنى لجموعة هو ۱۰ والحد الأعلى لها هو س ومركزها هو ۱۰ هإن
 هإن س =
 -={ · · · · } · [· · · ·] · (r)
 - - (a) المكوس الضربى للمدد $\overline{Y} + \overline{Y} = \dots$

[٢] اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

- (١) إذا كان نصف قطر كرة = ١سم فإن حجمها يساوى :
- π τι (۱) π μη (۲) (۳) π μη (۲) (۳) سم" (۱)
 - (۲) إذا كانت النقطة (۱، ۱) تحقق العلاقة س+ص = ه فإن ۱ =.....
 - (ع) ا (ج) ا (ج) ۱(۱) ا (۶) ه
 - e. (5) 17 (2) A(4) E(1) = (7/7) (4)
 - (١) الوسيط لجموعة من القيم ٢٢، ٢٠، ٢٠، ٢٠، ١٤ هو:
 - Y (5) YE (-) YT (-) YY (1)
- (a) إذا كان الوسط الحسابي للقيم ٢٧ ، ١٦ ، ٢٤ ، ٢ ، ك هو ١٤ فإن ك تساوى :
 - AE (5) TV (-) 7 (-) T (?)
 - (-)

 - 1·(5) 1(-) 0(-) 1(?)
 - [7] (1) lest fine: $\sqrt{11} + \sqrt{10} 7\sqrt{1} \frac{1}{4}$

اثبت ان س، ص عددان مترافقان



(\sim) أوجد مجموعة حل المتباينة : $\frac{7-\omega}{7} < \omega + 1 < \frac{\omega}{7} < \omega + 1 < \frac{1}{7}$ هي 2 ومثلها على خط الأعداد .



[0] (١) اسطوانه دائرية قائمة طول نصف قطر قاعدتها ٢٧٤ سم وارتفاعها ٩ سم ، اوجد حجمها بدلالة 7 . وإذا كان حجمها يساوى حجم كرة فاوجد طول نصف قطر الكرة

(١٠٠) اوجد الوسط الحسابي للتوزيع التكراري الأتي :

الجموع	-to	-40	-40	-10	-•	الجموعة
	Α.	14	17	1.	ν.	التكرار

[۱] أكمل ما يأتي:

(۱) المعكوس الجمعى للعدد --√۳ --√ة هو

(+) (VA+V+)(VA-V+) =

(١) إذا كان حجم كرة = π سم فإن طول قطرها =

..... = {o . T}-[t . T] (o)

[7] اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

(۱) إذا كان حجم مكعب = ۲۷ سم فإن مساحة أحد أوجهه يساوى :

(۱) ۲ سم' (۱) ۲ سم' (۱) ۲ سم' (۱) ۵ سم' (۱)

(۲) إذا كان المنوال لجموعة من القيم ٢٠٨٠١١٠ هو ٤ فإن س =

A(5) 7(-) 1(-) T(1)

(r) إذا كان الوسط الحسابي للقيم ١٨ ، ٣٢ ، ٢٩ ، ٢ ك-١ ، ك هو ١٨ هإن ك =

4. (5) 19(-) v(-) 1(1)

(٤) إذا كان الحد الأدنى لجموعة هو ٤ والحد الأعلى ثها هو ٨ فإن مركزها هو ١

7(-) 1(-) A(5) T(1)

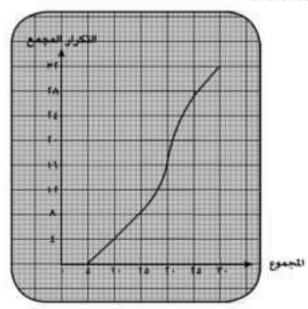
(٥) اسطوائه دائرية قائمة طول نصف قطرها يساوى س ارتفاعها يساوى طول قطرها، يكون

(i) $\pi' \psi'$ (y) $\pi' \psi'$ (y) $\pi' \psi'$ (x) $\pi' \psi'$ (x)

[1 . 1- . .] (2) [1-] (=) (i) [صفر] (u) [1]

- [2] (۱) اوجد مجموعة حل المتباينة ،- ۲ < ۳-۰۰ خل ع مع تمثيل فترة الحل على خط الأعداد
 - (~) إذا كانت س= \r+\r فاوجد قيمة ، سا- بس"+ ١
 - [0] (أ) الشكل المقابل يمثل درجات ٣٢ طالبا في أحد الاختبارات

أكمل: الدرجة الوسيطية =



(-) أوجد الوسط الحسابي للتوزيع التكرار .

الجموع	-10	-40	-40	-10	-0	الجموعة
۲٠	*	۲	٦.		ı	التكرار

نموذج الفصل الأول للطلاب المدمجين

السؤال الأول:

أكمل العبارات التالية لتصبح صحيحة

السؤال التانىء

اغتر الإجابة الصحيحة من الإجابات المعطاة

r V(->

4(2

0-(3

(١) الوسط الحسابي لمجموعة القيم ٩، ٦، ٥، ١٤، ١ يساوي

السؤال الثالث:

اكتب أمام العبارة في العمود الثاني رقم الجملة المناسبة لما من العمود الأول

(على خط الأعداد)

السؤال الرابع:

السؤال الفامس:

iek:

ثانياً الجدول الأتى لإيجاد الوسط المسابى للتوزيع التكرارى الأتي

المجموع	-10	-40	-40	-10	-0	المجوعات
٥٠	٨	17	17	1.	٧	التكرار

٦×٠	التكرار (ك)	مركز المجموعة (م)	المجموعات
V*=V×1*	V	3.60	-0
=1•×Y•	γ.	7.	-10
=1 Y ×	*****	*****	-40
=1 r ×	(100000)	******	-70
× A×	*****	*****	-10
	٥٠		المجموع

نماذج امتحانات الهندسية

النموذج الأول

[۱] أكمل ما يأتي :

- (١) أحكير اضلاع المثلث القائم الزاوية طولا هو
- (٢) إذا كان طولا ضلعين في مثلث ٢سم ، ٧سم فإن ، < طول الضلع الثالث <
 - (r) إذا اختلفا قياسا زاويتين في مثلث فأكبر هما في القياس
 - (٤) إذا كان متوسط المثلث المرسوم من أحد رؤوسه يساوي نصف طول الضلع المقابل لهذا
 الرأس فإن
 - (ه) إذا كان قياس إحدى زوايا مثلث متساوي الساقين = ٦٠ ° كان المثلث

[7] اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :



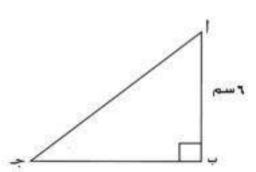
- (1) △1 ح متساوي الأضلاع ∪ (1 €2) =

 "(-) "(-) (-) (-) (-) (-) (-) (-)
- (٢) هي المثلث أ ٢٠ ح القائم الزاوية في ٢٠ ، إذا كان أ ح = ٢٠ سم

فإن طول المتوسط الرسوم من - =

- (۱) ۱۰ سم (۱) سم (۱) ۱۰ س
 - (t) الأطوال التي تصلح أن تكون أضلاع مثلث هي :

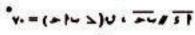
- (٥) المثلث الذي فيه قياسا زاويتين ٤٢ " ، ٦٩ " يكون ،
- (1) متساوي الساقين (١٠) متساوي الأضلاع (ح) مقتلف الأضلاع (٥) قدم الزاوية



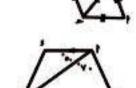
[٣] (١) أكمل، ١٥ سد هيد ١٠٠١ هون،

(ب) في الشكل المقابل:

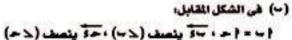




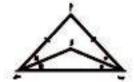
ل (≥ احر) = . • أ، البت أن ب ح > احـ



[2] (1) برهن أن زاويتي القاعدة في للثلث التساوي الساقين متطأبقتان

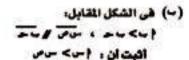


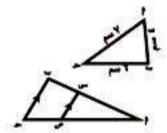
اثبت ان : ∆ د ب ح متساوی الساقین



[0] (1) في الشكل المقابل:

رتب زوايا ١٥٠ - درتيباً تنازليا .





النموذج الثلاي

[1] اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

- (۱) الثلث الذي له تلاثة محاور تماثل هو مثلث :
- (١) مفتف الأضلاع (١٠) متساوي الساقين (ح) قائم الزاوية (٥) متساوي الأضلاع
 - (٢) مجموع طولي أي ضلمين في مثلث طول الضلع الثالث.
 - (١)أكبر من (ب) أصغر من (ح) يستوي (5) شط
- (٣) مثلث متساوي الساقين طولا ضلمين فيه ٨ سم ، ٤ سم فإن طول الضلع الثالث سم (١) ٤ (١) ٨ (١) ١٢ (١)

- (1) إذا كان ∆ أ ب حقيه ∪ (∠ ب) = ١٣٠ قإن أكبر أضلاعه طولا هو :
- (ع) متوسطه (s) متوسطه
- - (٦) في الشكل المقابل س+ص =.....



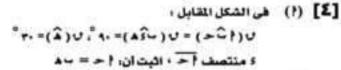
۲۸۰(۶) ۱۸۰ (چ) ۱٤۰ (پ) ۱۰۰ (۱)

[٢] أكمل ما يأتي :

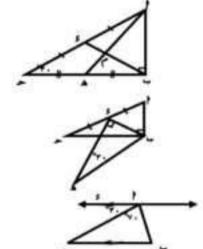
- (١) إذا كان قياس إحدى زوايا مثلث قائم الزاوية تساوي ٤٥ "كان المثلث
 - (٢) طول اي ضلع هي مثلث مجموع طولي الضلعين الأخرين.
 - (r) إذا كان أب= س م طان أب =
- (1) هي کا ب حريد کان ل (1) ۲۰ ل (C) ۹۰ هن ب ح = اح
 - (ه) محور تماثل القطعة الستقيمة هو المستقيم من منتصفها.
 - (۱) فى المثلث ا بحد فيه ا ب ۲ سم ، بحده سم ، ا ح ۲ سم .
 رتب تصاعديا فياسات زواياد .
 - (-) في الشكل المقابل:

۱۵ ب حقائم الزاویة فی ب ، ب (ش) = ۲۰ °،
د منتصف آح ، ه منتصف ب ح ،
اح = ۲ سم .

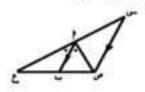
اوجد طول ڪلِ من ۽ 🕶 ، 🗝 ، 🕶



(۱۰) هی الشکل المقابل ؛ ۲۰ الاست ، ب (۱۰۰ م) ۳۰۰ ، ۳۰۰ ، ۳۰۰ ، ۱۵۰ م ۱۱ (۱۶ م) ۳۰۰ ، البت ان؛ (۲۰ ۲۰ م



[0] (١) إذا اختلفا قياسا زاويتين في مثلث فأكبر هما في القياس يقابلها



(-) هی الشکل المقابل : ا - الرس ، آ - ینصف (۱۰۰۸) ، برهن آن ، س ۲ > ص ع

نموذج الفصل الأول للطلاب المدمجين

السؤال الأول:

أكمل العبارات التالية:

- (١) نقطة تقاطع متوسطات المثلث تقسم كلاً منها بنسبة : من جهة القاعدة
 - (٢) في المثلث القائم الزاوية طول المتوسط الخارج من رأس القائمة =.....
 - (٣) زاويتا القاعدة في المثلث المتساوى الساقين.....
 - (٤) △ اب جنيه ق (ح ب) = ٧٠° ، ق (ح ج) = ٥٠° فإذ أج أب
 - (٥) متوسط المثلث المتساوى الساقين المرسوم من الرأس يكون على القاعدة

السؤال الثانى:

اختر الإجابة الصميمة من بين الأقواس:

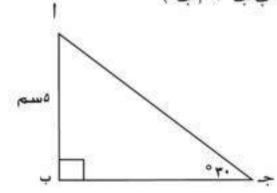
- (۱) إذا كان △ أب جـ متساوى الأضلاع فإن ق (∠ ب) =
 (۱) إذا كان △ أب جـ متساوى الأضلاع فإن ق (√ ب) = ...
 - (۲) طول الضلع المقابل للزاوية ۳۰° في المثلث القائم = الوتر (۲) $\frac{1}{x}$ ، $\frac{1}{x}$.
- (٣) إذا كان قياس زاوية رأس مثلث متساوى الساقين ٨٠ ° فإن قياس احدي زاويتي قاعدته =......
 - (٤) عدد محاور تماثل المثلث المتساوى الساقين

السؤال الثالث:

فى الشكل المقابل أكمل ما يلي:

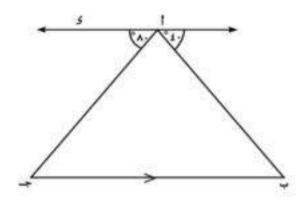
أب جـ مثلث قائم الزاوية في ب، ق (حجـ) = ٣٠ ° أب = ٥سم أوجد طول أجـ

- ∵ ن (∠ب)= ، ن (∠ ج)= °
 - ∴ اب= ۱ ×.....
 - ن اج=.....سم



تمارين متنوعة على الوحدات ونماذج امتحانات

السؤال الرابع:

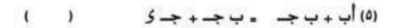


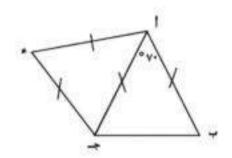
ب. في الشكل المقابل

أكمل:

السؤال الخامس: من الشكل المقابل

ضع علامه (٧) إمام العبارة الصحيحة وعلامة (×) أمام العبارة الخاطئة





انتهت الأسئلة

رقسم الكتساب	وواشيوف	ورق المثنن	طبع الفلاف	طبعالمثن	LANGE CANALAN AND	مقان الكلتاب	المواصفات
TP-/1-/4/11/4/4	P# 14-	P4.	ة فون	4 اون – اعون	Name Wil	$p_{min}(MT\times DT) \stackrel{k}{=}$	المواصفات الفنيــــــــــــــــــــــــــــــــــــ

http://elearning.moe.gov.eg

مطابع الإعلانات الشرقية - دار الجمهورية للصحافة